

**التمرين رقم 05**

مجلدان أحدهما به 2848 صفحة و الآخر به 1792 صفحة، بحيث كل مجلد متكون من مجموعة على شكل كاروس صفحاتها تتراوح بين 28 و 36 صفحة.

(1) ما هو عدد الصفحات في الكتاب الواحد؟

(2) ما هو عدد الكاروس في كل المجلدين؟

التمرين رقم 06

لتكن العبارة E حيث:

$$E = \frac{772497}{6160} + \frac{3}{56}$$

- أكتب العبارة E على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين رقم 07

لصاحب مكتبة 78 كتاب رياضيات، و 102 كتاب تكنولوجيا، أراد صاحب المكتبة أن يرتديها في رفوف مكتبه بحيث تكون كل الرفوف متساوية من حيث عدد كتب الرياضيات وكتب التكنولوجيا.

(1) ما هو أكبر عدد من الرفوف المستعملة؟

(2) إذا كان س מקتاب الرياضيات هو $1,5 \text{ cm}$ و س מקتاب التكنولوجيا هو 1 cm ، فما هو طول كل رف (توضع الكتب جنبا إلى جنب في كل رف)؟

التمرين رقم 08

زريد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل على أن توجد شجرة في كل ركن من أركان الحديقة، وأن تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية.

(1) ما هي أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجريتين متاخورتين إذا علمت أن الأبعاد الثلاثة للحديقة هي: 42 m و 70 m و 98 m ؟

(2) ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة؟

التمرين رقم 09

a و b عدوان طبيعيان بحيث: $b > a$.

- أوجد جميع الثنائيات المرتبة $(a; b)$ بحيث:

$$\begin{cases} a \times b = 6912 \\ \text{PGCD}(a; b) = 24 \end{cases}$$

التمرين رقم 01

(1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215 عن طريق:
- إجراء عمليات الطرح المتالية.

- إجراء سلسلة القسمات الإقليدية.

- البحث عن مجموعة القواسم المشتركة.

(2) أكتب $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين رقم 02

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 140 و 220.

(2) صفيحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها $1,40 \text{ m}$ و $2,20 \text{ m}$ ، جرئت إلى مربعات متساوية بأكبر ضلع دون ضياع.

أ- ما هو طول ضلع كل مربع؟

ب- ما هو عدد المربعات الناتجة؟

التمرين رقم 03

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 مع كتابة مراحل الحساب.

(2) أكتب $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

(3) أحسب العدد P حيث:

$$P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$$

التمرين رقم 04

زريد ملء دندين بالماء وذلك باستعمال دن سعته L حيث x عدد طبيعي.

إذا علمت أن سعة الدن $\textcircled{1}$ هي L و سعة الدن $\textcircled{2}$ هي $15L$.



(1) ما هي أكبر قيمة للعدد x (نرغ هذا الدن كلبا في كل مرة).

(2) كم مرة استعملنا هذا الدن ملء الدن $\textcircled{1}$ الدن $\textcircled{2}$ ؟

الجمهورية الجزائرية الديموقراطية الشعبية

إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطفو



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

عبد الحميد

عبد الحميد

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة ❖

ونكتب:

$$\text{PGCD}(1215; 945) = 135$$

■ الطريقة الثالثة: البحث عن مجموعة القواسم المشتركة

- مجموعة قواسم العدد 1215 هي:

$$\{1; 3; 5; 9; 15; 27; 45; 81; 135; 243; 405; 1215\}$$

- مجموعة قواسم العدد 945 هي:

$$\{1; 3; 5; 9; 15; 27; 35; 63; 105; 189; 315; 945\}$$

- مجموعة القواسم المشتركة للعددين 1215 و 945 هي:

$$\{1; 3; 5; 9; 15; 27; 135\}$$

أكبر عدد في مجموعة القواسم المشتركة للعددين 1215 و 945 هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 1215 و 945 .

ومنه:

$$\text{PGCD}(1215; 945) = 135$$

2- كتابة $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للإختزال:

بما أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 1215 و 945 هو 135 ، فإنه يمكن قسمة كلّاً من البسط والمقام على العدد 135 كالتالي:

$$\frac{945}{1215} = \frac{945 \div 135}{1215 \div 135} = \frac{7}{9}$$

الكسر غير قابل للإختزال للعدد $\frac{945}{1215}$ هو $\frac{7}{9}$.

نتيجة:

الكسر $\frac{7}{9}$ غير قابل للإختزال.

جميع الحقوق محفوظة

- BEM -

عبد الحميد

_____ التمرين رقم 01

1- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215 عن طريق:

- إجراء عمليات الطرح المتتالية.

- إجراء سلسلة القسمات الإقليدية.

- البحث عن مجموعة القواسم المشتركة.

2- أكتب $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للإختزال.

الحل رقم 01

1- إيجاد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215 :

نستعين بخوارزمية إقليدس.

■ الطريقة الأولى: عمليات الطرح المتتالية

$$1215 - 945 = 270$$

$$945 - 270 = 675$$

$$675 - 270 = 405$$

$$405 - 270 = 135$$

$$270 - 135 = 135$$

$$135 - 135 = 0$$

■ الطريقة الثانية: سلسلة القسمات الإقليدية

$$1215 = 1 \times 945 + 270 \quad | \quad \begin{array}{r|rrr} 1215 & 945 & 945 & 270 \\ & 270 & 135 & 270 \\ & & 135 & 0 \end{array} \quad | \quad \begin{array}{r|rrr} 945 & 270 & 270 & 135 \\ & 1 & 3 & 0 \\ & 270 & 0 & 2 \end{array}$$

$$945 = 3 \times 270 + 135 \quad | \quad \begin{array}{r|rrr} 270 & 135 & 135 & 0 \\ & 1 & 3 & 0 \\ & 270 & 0 & 2 \end{array}$$

$$270 = 2 \times 135 + 0 \quad | \quad \begin{array}{r|rrr} 135 & 0 & 0 & 2 \\ & 1 & 3 & 0 \\ & 270 & 0 & 2 \end{array}$$

ملاحظة:

يمكن تلخيص سلسلة القسمات الإقليدية في الجدول التالي:

2	3	1	الحاصل
135	270	945	1215
0	135	270	باقي

- آخر باقي غير معروف في سلسلة القسمات الإقليدية هو 135 .

القاسم المشترك الأكبر للعددين 1215 و 945 هو 135 .

الجمهورية الجزائرية الديموقراطية الشعبية



إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطف

السنة الرابعة من التعليم المتوسط

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

✿ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة✿

من السؤال 1 - وجدنا:

$$\text{PGCD}(220 ; 140) = 20$$

ومنه:

طول ضلع كل مربع هو 20 cm.

✿ إيجاد عدد المربعات الناتجة:

نحسب عدد المربعات الناتجة على طول الصفيحة الزجاجية:

$$N_1 = \frac{220}{20} = \frac{22}{2} = 11$$

عدد المربعات الناتجة على طول الصفيحة الزجاجية هو 11 مربع.

نحسب عدد المربعات الناتجة على عرض الصفيحة الزجاجية:

$$N_2 = \frac{140}{20} = \frac{14}{2} = 7$$

عدد المربعات الناتجة على عرض الصفيحة الزجاجية هو 7 مربعات.

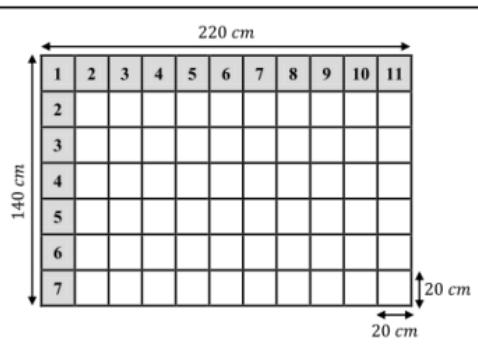
فيكون:

عدد المربعات الكلية الناتجة هو:

$$N = N_1 \times N_2 = 11 \times 7 = 77$$

ومنه:

عدد المربعات الناتجة هو 77 مربع.



جميع الحقوق محفوظة -

- BEM -

_____ التمرين رقم 02 _____

1- أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 140 و 220.

2- صفيحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها 1,40 m و 2,20 m جئت إلى مربعات متساوية بأكبر ضلع دون ضياع.

أ- ما هو طول ضلع كل مربع؟

ب- ما هو عدد المربعات الناتجة؟

_____ الحل رقم 02 _____

1- حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 140 و 220:

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الأقليلية)، ينتج:

$$220 = 1 \times 140 + 80$$

$$140 = 1 \times 80 + 60$$

$$80 = 1 \times 60 + 20$$

$$60 = 3 \times 20 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معادوم في سلسلة قسمات خوارزمية إقليدس هو 20.

ومنه:

$$\text{PGCD}(220 ; 140) = 20$$

2- صفيحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها 1,40 m و 2,20 m جئت إلى مربعات متساوية بأكبر ضلع دون ضياع.

لاحظ أن:

$$\begin{cases} 1,40 \text{ m} = 140 \text{ cm} \\ 2,20 \text{ m} = 220 \text{ cm} \end{cases}$$

_____ أ- إيجاد طول ضلع كل مربع:

طول ضلع كل مربع هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 220 و 140.

لأن:

- طول الصفيحة الزجاجية هو 220 cm

- عرض الصفيحة الزجاجية هو 140 cm

الجمهورية الجزائرية الديموقراطية الشعبية



إعداده للسنة عبده الحميد بوقطفوف

السنة الرابعة من التعليم المتوسط

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

✿ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة✿

3- حساب العدد P :

$$P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$$

$$= \frac{12}{7} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$$

$$= \frac{12}{7} - \frac{3 \times 5}{7 \times 2}$$

$$= \frac{12}{7} - \frac{15}{14}$$

$$= \frac{12 \times 2}{7 \times 2} - \frac{15}{14}$$

$$= \frac{24}{14} - \frac{15}{14}$$

$$= \frac{24 - 15}{14}$$

ومنه:

$$P = \frac{9}{14}$$

التمرين رقم 03

1- أحسب القاسم المشترك الأكبر للمعددين 696 و 406 مع كلية مراحل الحساب.

2- أكتب $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.3- أحسب العدد P حيث:

$$P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$$

الحل رقم 03

1- حساب القاسم المشترك الأكبر للمعددين 696 و 406 :

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الإقليدية)، ينتج:

$$696 = 1 \times 406 + 290$$

$$406 = 1 \times 290 + 116$$

$$290 = 2 \times 116 + 58$$

$$116 = 2 \times 58 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معادوم في سلسلة قسمات خوارزمية إقليدس هو 58.

ومنه:

$$\text{PGCD}(696; 406) = 58$$

2- كتابة $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال:

بما أن القاسم المشترك الأكبر للمعددين 696 و 406 هو 58، فإنه يمكن قسمة كلّا من البسط والمقام على العدد 58 كالتالي:

$$\frac{696}{406} = \frac{696 \div 58}{406 \div 58} = \frac{12}{7}$$

الكسر غير قابل للاختزال للعدد $\frac{12}{7}$ هو:

ذكر دائم:

عندما نقسم كلّا من حدّي كسر على القاسم المشترك الأكبر لبسطه ومقامه نحصل على كسر غير قابل للاختزال.

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعفاء الأسناد عبد الحميد بوقطفوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط


<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>


❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة ❖

2- إيجاد عدد المرات التي استعملنا فيها الدن ①:

سعة الدن ① هي 18 L.

عدد مرات استعمال الدن ① هي:

$$\textcircled{1} = \frac{18}{3} = 6$$

ومنه:

استعمل الدن ① 6 مرات.

3- إيجاد عدد المرات التي استعملنا فيها الدن ②:

سعة الدن ② هي 15 L.

عدد مرات استعمال الدن ② هي:

$$\textcircled{2} = \frac{15}{3} = 5$$

ومنه:

استعمل الدن ② 5 مرات.

التمرين رقم 04

نريد ملء دنن بالماء وذلك باستعمال دن سعهه x حيث x عدد طبيعي، إذا علمت أن سعة الدن ① هي L 18 وسعة الدن ② هي L 15.

1- ما هي أكبر قيمة للعدد x ? (تفرغ هذا الدن كليا في كل مرة).

2- كم مرة استعملنا هذا الدن ملء الدن ①؟ الدن ②؟

الحل رقم 04

1- إيجاد أكبر قيمة للعدد x :
أكبر قيمة للعدد x هي القاسم المشترك الأكبر للعددين 18 و 15.
لأن:

- سعة الدن ① هي L 18.- سعة الدن ② هي L 15.

نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 18 و 15.

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الأقلية)، ينتج:

$$18 = 1 \times 15 + 3$$

$$15 = 5 \times 3 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معروف في سلسلة قسمات خوارزمية إقليدس هو 3.

ومنه:

$$PGCD(18; 15) = 3$$

فككون:

أكبر قيمة للعدد x هي L 3.

- جميع الحقوق محفوظة -
- BEM -

الجمهورية الجزائرية الديموقراطية الشعبية



إعداد الأسناد عبد الحميد بوقطف

السنة الرابعة من التعليم المتوسط

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

✿ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة✿

ملاحظة:

العدد 32 مخصوص بين 28 و 36 (النتيجة تافق نص الترين).

2) إيجاد عدد الكراريس في كلا المجلدين:إيجاد عدد الكراريس في المجلد الأول:المجلد الأول به 2848 صفحة، مكونة من n كراس، كل كراس به 32 صفحة.

حيث:

$$n = \frac{2848}{32} = 89$$

عدد الكراريس في المجلد الأول هو 89 كراس.

إيجاد عدد الكراريس في المجلد الثاني:المجلد الثاني به 1792 صفحة، مكونة من m كراس، كل كراس به 32 صفحة.

حيث:

$$m = \frac{1792}{32} = 56$$

عدد الكراريس في المجلد الثاني هو 56 كراس.

جميع الحقوق محفوظة -
BEM -

التمرين رقم 05

مجلدان أحدهما به 2848 صفحة والآخر به 1792 صفحة، بحيث كل مجلد متكون من مجموعة على شكل كراريس صفحاتها تتراوح بين 28 و 36 صفحة.

1) ما هو عدد الصفحات في الكراس الواحد؟

2) ما هو عدد الكراريس في كلا المجلدين؟

الحل رقم 051) إيجاد عدد الصفحات في الكراس الواحد:

عدد الصفحات في الكراس الواحد هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 2848 و 1792.

لأن:

- المجلد الأول به 2848 صفحة.

- المجلد الثاني به 1792 صفحة.

نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 2848 و 1792.

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الأقلدية)، ينتج:

$$2848 = 1 \times 1792 + 1056$$

$$1792 = 1 \times 1056 + 736$$

$$1056 = 1 \times 736 + 320$$

$$736 = 2 \times 320 + 96$$

$$320 = 3 \times 96 + 32$$

$$96 = 3 \times 32 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معادوم في سلسلة قسمات خوارزمية إقليدس هو 32.

ومنه:

$$\text{PGCD}(2848; 1792) = 32$$

فيكون:

عدد الصفحات في الكراس الواحد هو 32 صفحة.

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

إعفاء الأستاذ عبد الحميد بوقطفوف



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

عبد الحميد

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

عبد الحميد

❖ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة ❖

$$E = \frac{70227}{560} + \frac{3 \times 10}{56 \times 10}$$

$$E = \frac{70227}{560} + \frac{30}{560}$$

$$E = \frac{70227 + 30}{560}$$

$$E = \frac{70257}{560}$$

نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للمعددين 70257 و 560.

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الأقليلية)، ينتج:

$$70257 = 125 \times 560 + 257$$

$$560 = 2 \times 257 + 46$$

$$257 = 5 \times 46 + 27$$

$$46 = 1 \times 27 + 19$$

$$27 = 1 \times 19 + 8$$

$$19 = 2 \times 8 + 3$$

$$8 = 2 \times 3 + 2$$

$$3 = 1 \times 2 + 1$$

$$2 = 2 \times 1 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معروف في سلسلة قسمات خوارزمية إقليدس هو 1.

ومنه:

$$\text{PGCD}(70257; 560) = 1$$

بما أن القاسم المشترك الأكبر للمعددين 70257 و 560 هو 1، أي أنهما

أوليان فيما بينهما، فإن الكسر $\frac{70257}{560}$ غير قابل للاختزال.

ومنه:

$$E = \frac{70257}{560}$$

- جميع الحقوق محفوظة -

- BEM -

التمرين رقم 06

لتكن العبارة E حيث:

$$E = \frac{772497}{6160} + \frac{3}{56}$$

- أكتب العبارة E على شكل كسر غير قابل للاختزال.

الحل رقم 06

كتابة العبارة E على شكل كسر غير قابل للاختزال:

$$E = \frac{772497}{6160} + \frac{3}{56}$$

نبحث عن القاسم المشترك الأكبر للمعددين 772497 و 6160.

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الأقليلية)، ينتج:

$$772497 = 125 \times 6160 + 2497$$

$$6160 = 2 \times 2497 + 1166$$

$$2497 = 2 \times 1166 + 165$$

$$1166 = 7 \times 165 + 11$$

$$165 = 15 \times 11 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معروف في سلسلة قسمات خوارزمية إقليدس هو 11.

ومنه:

$$\text{PGCD}(772497; 6160) = 11$$

بما أن القاسم المشترك الأكبر للمعددين 772497 و 6160 هو 11، فإنه

يمكن قسمة كلّاً من 772497 و 6160 على العدد 11 كالتالي:

$$E = \frac{772497}{6160} + \frac{3}{56}$$

$$E = \frac{772497 \div 11}{6160 \div 11} + \frac{3}{56}$$

$$E = \frac{70227}{560} + \frac{3}{56}$$

يمكن الآن توحيد المقامات كالتالي:

الجمهورية الجزائرية الديموقراطية الشعبية

إعداده للسنة الرابعة من التعليم المتوسط



السنة الرابعة من التعليم المتوسط

<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

✿ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة ✿

بحيث:

- عدد كتب التكنولوجيا في كل رف هو 17 كتاب.

$$\frac{102}{6} = 17$$

- عدد كتب الرياضيات في كل رف هو 13 كتاب.

$$\frac{78}{6} = 13$$

ملاحظة:

يوجد في كل رف 17 كتاب تكنولوجيا و 13 كتاب رياضيات.

2) حساب طول كل رف:

سمك كتاب التكنولوجيا هو 1 cm وعدد كتب التكنولوجيا في كل رف هو 17 كتاب، وسمك كتاب الرياضيات هو 1 cm وعدد كتب الرياضيات في كل رف هو 13 كتاب.

فيكون طول كل رف:

$$l = 17 \times 1 + 13 \times 1,5 = 36,5 \text{ cm}$$

ومنه:

طول كل رف هو 36,5 cm.

_____ التمرين رقم 07 _____

1) لصاحب مكتبة 78 كتاب رياضيات، و 102 كتاب تكنولوجيا.

أراد صاحب المكتبة أن يرتديها في رفوف مكتبه بحيث تكون كل الرفوف متماثلة من حيث عدد كتب الرياضيات وكتب التكنولوجيا.

ما هو أكبر عدد من الرفوف المستعملة؟

2) إذا كان سمك كتاب الرياضيات هو 1,5 cm وسمك كتاب التكنولوجيا هو 1 cm.

ما هو طول كل رف (توضع الكتب جنبا إلى جنب في كل رف)؟

_____ الحل رقم 07 _____

1) إيجاد أكبر عدد من الرفوف المستعملة:

أكبر عدد من الرفوف المستعملة هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 78 و 102.

لأن:

- عدد كتب التكنولوجيا في المكتبة هو 102 كتاب.

- عدد كتب الرياضيات في المكتبة هو 78 كتاب.

بحث عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 102 و 78.

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الأقلية)، ينتهي:

$$102 = 1 \times 78 + 24$$

$$78 = 3 \times 24 + 6$$

$$24 = 4 \times 6 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معادوم في سلسلة قسمات خوارزمية إقليدس هو 6.

ومنه:

$$\text{PGCD}(102; 78) = 6$$

فيكون:

أكبر عدد من الرفوف المستعملة هو 6 رفوف.

- جميع الحقوق محفوظة -

- BEM -

الجمهورية الجزائرية الديموقراطية الشعبية



إعداد الأستاذ عبد الحميد بوقطفو

السنة الرابعة من التعليم المتوسط


<https://www.facebook.com/abdelhamid4bem>

✿ الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة✿

نتيجة:

$$\text{PGCD}(98; 70; 42) = 14$$

ومنه:

أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين هي 14 m .

(2) إيجاد عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول الحديقة:

ليكن:

 n_1 عدد الأشجار التي يمكن غرسها في الطول 98 m . n_2 عدد الأشجار التي يمكن غرسها في الطول 70 m . n_3 عدد الأشجار التي يمكن غرسها في الطول 42 m .

فينتج:

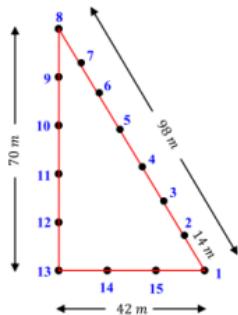
$$n_1 = \frac{98}{14} = 7$$

$$n_2 = \frac{70}{14} = 5$$

$$n_3 = \frac{42}{14} = 3$$

ومنه:

$$n = n_1 + n_2 + n_3 = 7 + 5 + 3 = 15$$

عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة هو 15 شجرة.جميع الحقوق محفوظة -
BEM -

_____ التمرين رقم 08

نريد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل على أن توجد شجرة في كل ركن من أركان الحديقة، وأن تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية.

1- ما هي أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين إذا علمت أن الأبعاد الثلاثة للحديقة هي: 98 m و 70 m و 42 m ؟

2- ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة؟

_____ الحل رقم 08

(1) إيجاد أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين:
أكبر مسافة يمكن أن تفصل بين شجرتين متجاورتين هي القاسم المشترك الأكبر للأعداد 98 ، 70 و 42 .لأن:
الأبعاد الثلاثة للحديقة هي: 98 m و 70 m و 42 m .نبحث أولاً عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 98 و 70 .

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الأقلية)، ينتج:

$$98 = 1 \times 70 + 28$$

$$70 = 2 \times 28 + 14$$

$$28 = 2 \times 14 + 0$$

لاحظ أن:

آخر باقي غير معروف في سلسلة قسمات خوارزمية إقليدس هو 14 .

نكتب:

$$\text{PGCD}(98; 70) = 14$$

نبحث ثانية عن القاسم المشترك الأكبر للعددين 42 و 14 .

بتطبيق خوارزمية إقليدس (سلسلة القسمات الأقلية)، ينتج:

$$42 = 3 \times 14 + 0$$

نكتب:

$$\text{PGCD}(42; 14) = 14$$

جميع الحقوق محفوظة
- BAC -