

مسألة خاصة بدراسة دالة من إعداد الأستاذ مباركي MEBARKI2016

الجزء الأول :

✚ دالة عددية معرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ بـ : $g(x) = \frac{\alpha x^2 + \beta x + \delta}{x+2}$ حيث δ, β, α أعداد حقيقية .

✚ أوجد δ, β, α إذا علمت أن : (C_g) التمثيل البياني للدالة g يشمل النقطة A ذات الإحداثيات $(0; -\frac{3}{2})$ و (C_g) يقبل مماسا

موازيا للمستقيم ذو المعادلة $y = -\frac{3}{4}x - 5$ عند النقطة ذات الفاصلة 0 و (C_g) يقبل قيمة حدية فاصلتها -1 .

الجزء الثاني :

✚ نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ كما يلي : $f(x) = \frac{-x^2 - 3x - 3}{x+2}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني .

1. عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث من أجل كل عدد حقيقي $x \neq -2$: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x+2}$.
2. أحسب $f'(x)$ ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f . شكل جدول التغيرات للدالة f .
3. هل يوجد مماسات معاملات توجيهها -1 ؟
4. أثبت أنه يوجد مماسين (Δ_1) و (Δ_2) يوازيان المستقيم (Δ) ذو المعادلة : $y = -5 + 3x$ يطلب إيجاد معادلتيهما .
5. أوجد حصرا للدالة f لما : $x \in [-5; -4]$ ثم لما : $x \in [4; 5]$.
6. عين إحداثيتي النقطة S نقطة تقاطع المستقيمين المقاربيين ثم بين أن النقطة $S(-2; 1)$ مركز تناظر للمنحنى (C_f) .
7. أوجد نقاط تقاطع (C_f) مع محوري الإحداثيات .
8. أوجد معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0 .
9. أنشئ (T) والمنحنى (C_f) .

الجزء الثالث :

لتكن الدوال K, H, N, L المعرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ بـ :

$$L(x) = \frac{-x^2 - 3|x| - 3}{|x| + 2} \text{ و } N(x) = |f(x)|, H(x) = f(-x), K(x) = -f(x)$$

✚ بين أنه يمكن رسم $(C_L), (C_N), (C_H), (C_K)$ التمثيلات البيانية لـ K, H, N, L على الترتيب انطلاقا من التمثيل (C_f) .
✚ مثل : $(C_L), (C_N), (C_H), (C_K)$ في معالم مختلفة .



انتظروا الجديد

الأستاذ : مباركي

تذكر جيدا: " أنك (تستطيع النجاح) في حياتك الدراسية ولو كان الناس جميعا يعتقدون أنك غير ناجح . ولكنك (لن تنجح أبدا) إذا كنت تعتقد في نفسك أنك غير ناجح" .

رسم التمثيلات البيانية للدوال MEBARKI2016

