

نعرف الدالة u على المجال $D = \left[-1, \frac{3}{2}\right]$ كما يلي : $u(x) = -2x^2 + x + 3$

(1) أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من D : $u(x) = -2 \left[\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 - \frac{25}{16} \right]$

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة u على الكل من المجالين $\left[-1, \frac{1}{4}\right]$, $\left[\frac{1}{4}, \frac{3}{2}\right]$

(2) الدالة f معرفة على المجال D كما يلي : $f(x) = \sqrt{-2x^2 + x + 3}$

أ) فكك الدالة f إلى مركب دالتين إحدهما الدالة u والأخرى v يطلب تعيين عبارتها

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $\left[-1, \frac{1}{4}\right]$

ج) بين أن المستقيم الذي معادلة له : $x = \frac{1}{4}$ محور تناظر للمنحنى (C_f)

(3) حل في D المتراجحة : $f(x) \leq \sqrt{3}$

(4) الدالة P معرفة على \mathbb{R} بالعلاقة : $P(x) = 2x^3 + 3x^2 - 5x - 6$

أ) احسب $P(-2)$. ماذا تستنتج ؟

ب) حل $P(x) = 0$. ثم حل في \mathbb{R} المعادلة : $P(x) = 0$

ج) عين حسب قيم العدد الحقيقي x إشارة $P(x)$

(5) الدالة g معرفة على المجال D كما يلي : $g(x) = \sqrt{\frac{-P(x)}{x+2}}$

أ) بين من أجل كل عدد حقيقي x من المجال D : $g(x) = f(x)$

ب) عين المجال D' الذي تكون فيه الدالة g قابلة للاشتقاق

ج) احسب $g'(x)$. (g' الدالة المشتقة للدالة g)

د) ادرس إشارة $g'(x)$. ثم شكل جدول تغيرات الدالة g

هـ) اكتب معادلة المماس للمنحنى للدالة g في النقطة ذات الفاصلة $x_0 = 1$