

**التمرين الأول (6 ن):**

اختر الاجابة الصحيحة من بين الاجوبة المقترحة مبررا اجابتك:

$$u_n = 3 \times 4^n$$

I. المتتاليتان العدديتان  $(u_n)$  و  $(v_n)$  معرفتان على  $N$  ب:  $v_n = 3n + 2$

1. الحد الخامس للمتتالية  $(u_n)$  يساوي:

(ج) 12288

(ب) 768

(أ) 3072

2.  $(v_n)$  هي متتالية:

(ج) لاحسابية ولاهندسية

(ب) هندسية

(أ) حسابية

3.  $(u_n)$  هي متتالية:

(ج) غير رتيبة

(ب) متزايدة تماما

(أ) متناقصة تماما

4. المجموع  $v_0 + v_1 + \dots + v_{35}$  يساوي:

(ج) 1890

(ب) 1962

(أ) 3815

II.  $f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R} - \{-2\}$  حيث:  $f(x) = \frac{4-3x}{x+2}$ .  $(c_f)$  منحنى الدالة  $f$  يقبل مستقيم مقارب معادلته:

(ج)  $y = -2$

(ب)  $y = -3$

(أ)  $y = 4$

III.  $g$  دالة تقبل قيمة حدية على المجال  $\mathbb{R}$  من أجل  $x_0$ . اذن منحناها يقبل مماسا في النقطة ذات الفاصلة  $x_0$ :

(ج) مائل

(ب) موازي لحامل محور الترتيب

**التمرين الثاني (6 ن):**

I.  $(u_n)$  المتتالية العددية المعرفة ب:  $u_0 = -4$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $u_{n+1} = f(u_n)$

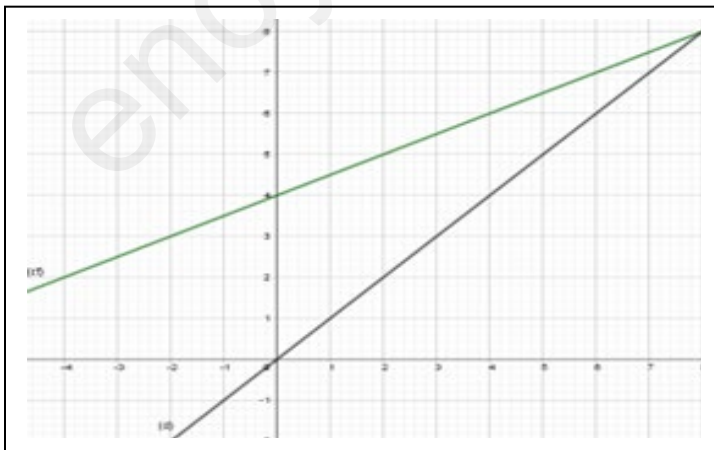
$(c_f)$  التمثيل البياني للدالة  $f$  المرفقة بالمتتالية  $(u_n)$  حيث:  $f(x) = \frac{1}{2}x + 4$  والمستقيم  $(d)$  ذو المعادلة  $y = x$

1. باستعمال المنحنى  $(c_f)$  والمستقيم  $(d)$  مثل الحدود:

$u_0; u_1; u_2; u_3$  على حامل محور الفواصل

2. عين قيمة كل حد من الحدود  $u_3; u_2; u_1$

3. ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$



- II. المتتالية المعرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $v_n = u_n - 8$
- بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول
  - أكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج  $u_n$  بدلالة  $n$ .
  - أحسب بدلالة  $n$  المجموع  $s_n$  حيث:  $s_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  ثم استنتج المجموع  $s'_n$  حيث:  

$$s'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$
  - أحسب الجداء  $P_n = v_0 \times v_1 \times \dots \times v_n$

### التمرين الثالث (8ن):

- I.  $p(x)$  كثير الحدود حيث:  $p(x) = x^3 - 3x - 2$
- تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $p(x) = (x+1)^2(x-2)$
  - حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $p(x) = 0$  ثم أدرس إشارة  $p(x)$  على  $\mathbb{R}$
- II. الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  بـ:  $f(x) = \frac{(x+1)^3}{x^2}$
- $(c_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$
- تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي غير معدوم  $x$ :  $f(x) = x + 3 + \frac{3x+1}{x^2}$
  - أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
  - أحسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$  ثم فسر النتائج هندسيا
  - أبين أنه من أجل كل عدد حقيقي غير معدوم  $x$ :  $f'(x) = \frac{p(x)}{x^3}$
  - أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
  - أبين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x + 3$  مقارب مائل للمنحنى  $(c_f)$
  - أدرس الوضع النسبي للمنحنى  $(c_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$
  - أعين احاثيتي النقطة  $A$  من  $(c_f)$  التي يكون فيها المماس (T) موازي للمستقيم  $(\Delta)$
  - أكتب معادلة المماس (T) في النقطة  $A$
  - أنشئ  $(c_f)$  والمستقيمين  $(\Delta)$  و (T)
  - ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $f(x) = x + m$

انتهى الموضوع

كن مستعدا لعام قادم مليء بالحيوية والنشاط

بالتوفيق -شاعو-