

## إختبار التلاميذ في مادة الرياضيات

## التمرين الأول :

يحتوي كيس على 4 كريات متماثلة لانفرق بينها باللمس منها كريتان بيضاوان B وكرية حمراء R وكرية خضراء V نسحب بصفة عشوائية كريتين على التوالي دون إرجاع الكرية الأولى

1- أنجز شجرة الاحتمالات للتجربة العشوائية

2- أحسب احتمال الحوادث التالية

A - "الحصول على كريتان بيضاوان"

B - "الحصول على كرية واحدة على الأقل بيضاء"

C - "الحصول على كرية خضراء أو حمراء"

3- نعتبر اللعبة التالية

يربح اللاعب 20 دينار عند سحب كرية حمراء ، و يربح 10 دينار عند سحب كرية خضراء ، و يخسر 10 دينار عند سحب كرية بيضاء ، و نعتبر المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل إمكانية الربح أو الخسارة المناسب لها

\_ عين قيم المتغير العشوائي X ثم عرف قانون احتماله

\_ هل اللعبة في صالح اللاعب ؟ علل اجابتك

## التمرين الثاني :

A و B نقطتان متمايزتان من المستوي ، H نقطة من المستوي بحيث  $\overrightarrow{AH} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$

1- بين H مرجح النقطتين A و B المرفقتين على الترتيب بمعاملين حقيقيين يطلب تعيينهما

المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$  نعتبر في المستوي النقط  $A(-5; 1)$  ،  $B(2; 0)$  ،  $C(1; -5)$

2- علم في المعلم النقط A ، B ، C و H

لتكن النقطة G مرجح الجملة المثقلة  $\{(A; 1), (B; \alpha + 1), (C; \alpha)\}$

3- عين قيم  $\alpha$  التي تكون من أجلها G موجودة ووحيدة

4- أوجد إحداثيات النقطة G بدلالة  $\alpha$

نضع  $\alpha = 5$

لتكن المجموعة (E) مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق  $\|\overrightarrow{MA} + 6\overrightarrow{MB} + 5\overrightarrow{MC}\| = 24$

5- برهن أن المجموعة (E) هي دائرة يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها ثم أنشئها في المعلم السابق

## التمرين الثالث :

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $f(x) = ax^3 + bx^2 + c$  حيث  $a$  ،  $b$  و  $c$  أعداد حقيقية، وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$

① عين الأعداد  $a$  ،  $b$  و  $c$  إذا علمت أن  $(C_f)$  يشمل النقطة  $A(0; -2)$  ويقبل عند النقطة  $B(-2; 2)$  مماسا موازيا لمحور الفواصل

② نضع  $a=1$  ،  $b=3$  و  $c=-2$

1- أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2- أدرس إتجاه تغير الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها

3- عين حصر الدالة  $f$  من أجل كل  $-1.5 \leq x \leq -0.5$

4- بين أن  $f(-2-x) = -f(x)$  ماذا تستنتج؟

5- بين أن  $(C_f)$  يقبل مماس  $(T)$  موازي للمستقيم ذي المعادلة  $y = -3x$  يطلب تعيين معادلته

6- أرسم المنحنى  $(C_f)$  والمماس  $(T)$