

## اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

## التمرين الأول: (05) نقط

عين من بين الأجوبة المقترحة الجواب أو الأجوبة الصحيحة مع التعليل:

السؤال الأول القيمة المضبوطة للعدد الحقيقي  $\cos\left(\frac{75\pi}{4}\right)$  هي: (a)  $\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$  (b)  $\left(-\frac{1}{2}\right)$  (c)  $\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$  (d)  $\left(\frac{1}{2}\right)$ .السؤال الثاني: على المجال  $]-\pi, \pi]$  المعادلة:  $2\sin^2 x - \sin x + 1 = 0$ 

(a) لا تقبل حلول (b) تقبل حلان (c) تقبل حل واحد (d) تقبل ثلاثة حلول

السؤال الثالث: على المجال  $[0, 2\pi[$  حلول المتباينة:  $2\cos x + 1 \geq 0$  هي:(a)  $\left[0, \frac{2\pi}{3}\right] \cup \left[\frac{4\pi}{3}, 2\pi\right]$  (b)  $\left[\frac{2\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}\right]$  (c)  $\left[-\frac{2\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}\right]$  (d)  $\left[-\frac{1}{2}, +\infty\right]$ السؤال الرابع: على المجال  $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$  نعلم أن  $\sin x = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$  القيمة المضبوطة لـ  $\cos x$  هي:(a)  $-\frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{4}$  (b)  $-\frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$  (c)  $\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{4}$  (d)  $\frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ السؤال الخامس: على الدائرة المثلثية النقط المرفقة بحلول المعادلة  $4x = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi$  تشكل:

(a) مثلث (b) مستطيل (c) مربع (d) خماسي منتظم

## التمرين الثاني: (06) نقط

في المستوي (P) نعتبر المثلث ABC المتساوي الساقين في A و [AH] هو ارتفاعه حيث  $AH = BC = 4$ 1. أنشئ G مرجح الجملة  $\{(A,2)(B,1)(C,1)\}$  علل الإنشاء

2. M نقطة كيفية من المستوي (P)

(a) برهن أن الشعاع  $\vec{V} = 2\vec{MA} - \vec{MB} - \vec{MC}$  ثابت و طويلته 8(b) جد وأنشئ المجموعة  $(E_1)$  للنقط M التي تحقق:  $\|2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{V}\|$ 3. نعتبر الجملة المثقلة:  $\{(A,2)(B,n)(C,n)\}$  حيث n عدد طبيعي(a) برهن أن المرجح  $G_n$  لهذه الجملة موجود ثم أرسم  $G_2, G_1, G_0$ (b) برهن أن النقطة  $G_n$  تنتمي إلى القطعة [AH](c) أحسب المسافة  $AG_n$  بدلالة n ثم أحسب نهاية  $AG_n$  لـ n يؤول إلى  $+\infty$  ثم حدد وضعية  $G_n$  لـ  $n \rightarrow +\infty$ (d) لتكن  $(E_n)$  مجموعة النقط M من المستوي بحيث:  $\|2\vec{MA} + n\vec{MB} + n\vec{MC}\| = n\|\vec{V}\|$ • برهن ان  $(E_n)$  هي دائرة تشمل النقطة A و حدد المركز و نصف قطر هذه الدائرة• أنشئ  $(E_2)$

نعتبر الدالة  $f$  حيث :  $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 10}{3 - x}$

ونسمي  $(C_f)$  منحنيا البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب نهايتي الدالة  $f$  عند 3. فسربيانيا هذه النتائج

2. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند :  $+\infty$  وعند  $-\infty$

3. جد العدد الحقيقي  $a$  بحيث يكون لأجل كل عدد حقيقي  $x$  يختلف عن 3 :  $f(x) = -x + 2 + \frac{a}{3 - x}$

- استنتج أن المستقيم الذي معادلته :  $y = -x + 2$  مستقيم مقارب لـ  $(C_f)$

- ادرس الوضع النسبي للمنحنى  $(C_f)$  مع المستقيم  $y = -x + 2$

4. برهن أنه لأجل كل عدد حقيقي  $x$  يختلف عن 3 :  $f'(x) = \frac{-x^2 + 6x - 5}{(3 - x)^2}$  واكتب جدول تغيرات الدالة  $f$

5. برهن أن المستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلته :  $y = 3x - 2$  هو مماس لـ  $(C_f)$  في النقطة فاصلتها 2

6. برهن وجود مستقيم  $(D)$  يوازي  $(\Delta)$  و مماس للمنحنى  $(C_f)$  يطلب كتابة معادلته له

7. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  ،  $f(3+x) + f(3-x) = -2$  . ماذا تستنتج ؟

8. أنشئ  $(\Delta)$  و  $(D)$  ثم  $(C_f)$

9. ناقش بيانيا حسب قيم العدد الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة :  $x^2 - (5 - m)x + 10 - 3m = 0$

10.  $h$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $h(x) = f(|x|)$  ، و  $(C_h)$  تمثيلها البياني .

- بين أن الدالة  $h$  زوجية ، ثم أنشئ المنحنى  $(C_h)$  اعتمادا على المنحنى  $(C_f)$  .

11. نعتبر الدالة  $g$  حيث :  $g(x) = \frac{1}{f(x)}$  أكتب جدول تغيرات الدالة  $g$  وذلك بدون دراسة تغيرات الدالة  $g$

انتهى ...

😊 بالتوفيق 😊

أساتذة المادة