

«الفرض المحروس الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات»

المدة: 1 ساعة

الشعبة: 2 علوم تجريبية

المورين الأول:

- دالة ثلاثي حدود معرفة على \mathbb{R} يتمثلها البياني المقابل (الشكل).

1. عين من البيان جدول تغيرات الدالة f .

2. حل بيانيا المترابحة $f(x) = 0$.

3. استنتج رسم منحنى الدالة g المعرفة

على \mathbb{R} بالشكل: $g(x) = |f(x)|$.

4. استخرج من البيان عبارة $f(x)$ المنشورة.

5. أكتب عبارة $f(x)$ على الشكل النموذجي.

6. نعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R} بالشكل: $h(x) = f(x+2) + 3$

أ/ استنتج من (\mathcal{C}_h) رسم منحنى الدالة h .

ب/ أكتب عبارة الدالة h .

ج/ عين نقط تقاطع المنحنيين للدالتين f و h .

المورين الثاني:

لتكن لدينا في \mathbb{R} المعادلة E ذات المجهول الحقيقي x و الوسيط الحقيقي m :

$$x^2 - (2m+3)x + m^2 - 2 = 0$$

عين قيم m في كل حالة من الحالات التالية:

(1) 1 هو حل للمعادلة E .

(2) المعادلة تقبل حل مضاعف.

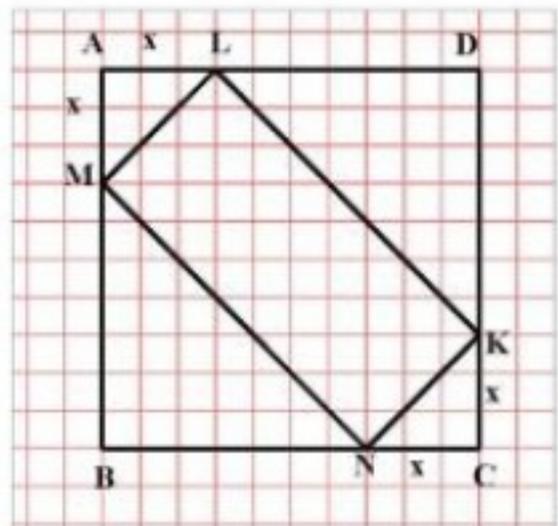
(3) المعادلة تقبل حلين متميزين.

التمرين الأول: (09 نقاط)

- f دالة معرفة على R كما يلي : $f(x) = x^3 - 3x + 2$.
- (C_f) تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) .
- (1) أنشر العبارة $(x-1)^2(x+2)$ ثم حل في R المعادلة $f(x) = 0$.
 - (2) أدرس اتجاه تغير الدالة f وأكتب جدول تغيراتها .
 - (3) استنتج نقط تقاطع (C_f) مع حامل المحورين .
 - (4) أكتب معادلة المماس (d) للمنحنى (C_f) في النقطة ω ذات الفاصلة 0 .
 - (5) أحسب : $f(2)$ ، $f(3)$ ثم أنشئ (d) و (C_f) .
 - (6) استنتج أن النقطة ω هي نقطة انعطاف للمنحنى (C_f) .
 - (7) برهن أن ω هي مركز تناظر للمنحنى (C_f) .
 - (8) ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي λ ، عدد وإشارة حلول المعادلة $f(x) = \lambda$.

التمرين الثاني: (03 نقاط)

- $ABCD$ مربع طول ضلعه 5cm .
- نشئ داخل هذا المربع المستطيل $MNKL$ حيث : $AM = AL = CN = CK = x$.
- عين أكبر قيمة ممكنة لمساحة المستطيل $MNKL$.



التمرين الثالث: (04 نقاط)

لتكن f دالة معرفة بجدول تغيراتها .

x	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$f'(x)$	+		- 0 +	
$f(x)$	3	$+\infty$	$+\infty$	-1

من خلال قراءتك للجدول استنتج ما يلي :

- (1) مجموعة تعريف الدالة f .
- (2) القيم التي تعدد الدالة المشتقة .
- (3) نهايات الدالة f عند أطراف مجالات تعريفها .
- (4) المستقيمات المقاربة للمنحنى الممثل للدالة f .

التمرين الرابع: (04 نقاط)

(1) حل في \mathbb{R} المعادلة ذات المجهول z : $2z^2 + 7z + 3 = 0$.

(2) استنتج في \mathbb{R} حلول المعادلة ذات المجهول x : $2\sin^2 x + 7\sin x + 3 = 0$.

الفرض المحروس الأول للفترة الأولى

المدة: ساعة واحدة

المستوى: 2 علوم تجريبية

التمرين الأول: نعتبر الدالتين f و g المعرفتين على المجال $]0, +\infty[$ كما يلي :

$$g(x) = x - \frac{1}{2x} \quad f(x) = x + \frac{1}{2x}$$

- 1- بكتابة الدالة g على شكل فرق دالتين مرجعيتين ادرس اتجاه تغيرها على المجال $]0, +\infty[$
2- لتكن الدالتين s و d المعرفتين كما يلي :

$$S = f + g \quad d = f - g$$

- أ- ادرس اتجاه تغير الدالتين s و d على المجال $]0, +\infty[$
ب- مثل بيانيا الدالتين s و d في نفس المعلم \bar{z} (o, i)

بملاحظة أن $f = \frac{1}{2}(s+d)$ أنشئ المنحنى الممثل للدالة f

التمرين الثاني:

عين الدالتين $f \circ g(x)$ و $g \circ f(x)$ في الحالتين التاليتين : على المجال $]0, +\infty[$

$$F(x) = x+3 \quad g(x) = \frac{3}{x+2}$$

$$F(x) = x^2 + 1 \quad g(x) = \sqrt{x+2}$$

الفرض المحروس الثاني للفترة الأولى

المدة : ساعة واحدة

المستوى : 2 علوم تجريبية

التمرين الأول :

لتكن الدالة المعرفة كم يلي : $f(x) = 2x^2 + 3x - 5$

وليكن (θ) المنحنى البياني لها في المعلم $(0, i, j)$

- أكتب $f(x)$ على الشكل النموذجي
- أكتب معادلة (θ) على الشكل $y + \alpha = a(x + \beta)^2$ حيث : α, β عدنان حقيقيان يطلب تعيينهما ثم استنتج إحداثيا النقطة A مبدأ المعلم الجديد (A, i, j)
- أكتب معادلة (θ) في المعلم (A, i, j) ثم أرسم (θ)

التمرين الثاني :

$P(x)$ كثير حدود حيث :

$$P(x) = 4x^3 - 4x^2 - 15x + 18$$

- أثبت أن -2 هو جذر ل $p(x)$
- حلل $p(x)$ إلى جداء كثيرات حدود من الدرجة الأولى

الفرض المحروس الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

الشعبة: 2 علوم تجريبية

المدة: ساعة

التمرين الأول:

1/ f دالة كثير حدود من الدرجة الثانية لمتغير حقيقي x معرفة على \mathbb{R} .

إذا علمت أن $f(x)$ يقبل جذرين هما 0 و 5 و $f(1) = -2$

1. أكتب عبارة $f(x)$.

2. أدرس إشارة $f(x)$ حسب قيم x من \mathbb{R} .

التمرين الثاني:

لتكن A, B نقطتان متميزتان من المستوي α ، β عدنان حقيقتان مجموعهما غير معدوم، G مرجح الجملة $\{(A; \alpha), (B; \beta)\}$ عين قيمة α و β في كل حالة مما يأتي ثم أنشئ النقطة G في الحالة أ:

أ) $-2\overline{AB} + 3\overline{GA} - 5\overline{GB} = \vec{0}$

ب) نظيرة G بالنسبة إلى A

التمرين الثالث:

$$f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 5$$

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بالشكل:

و ليكن (C) المنحنى البياني الممثل للدالة f في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس.

1) أحسب $f(1)$ ، ما ذا نستنتج؟

2) برهن أنه يمكن كتابة $f(x)$ على الشكل: $f(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$ حيث a, b, c ثوابت حقيقية يطلب تعيينها.

3) حل في \mathbb{R} المتراجحة: $f(x) \geq 0$

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

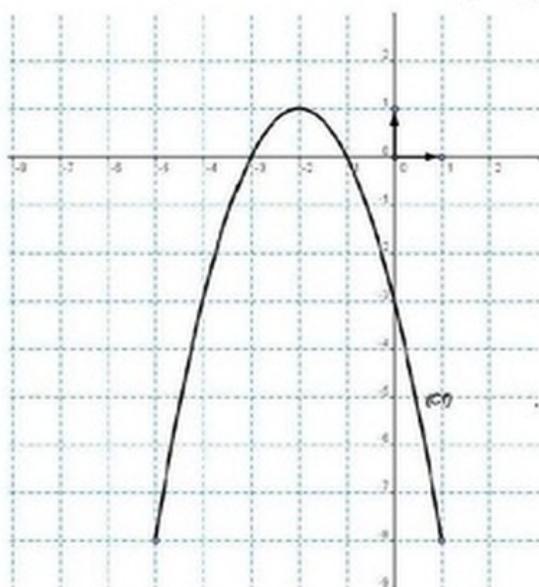
السنة : 2 علوم تجريبية

المدة : ساعة —————

الفرض الأول في مادة: الرياضيات

التمرين الأول: (07 نقاط)

(C_f) التمثيل البياني لدالة f معرفة على المجال $[-5; 1]$ في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس



(O, \vec{i}, \vec{j})

(1) عين $f(0), f(-2), f(-4)$

(2) شكل جدول تغيرات الدالة f

(3) شكل جدول اشارة الدالة f

(4) حل بيانيا المعادلة $f(x) = -3$

(5) استنتج رسم الدوال (C_g) (C_h)

المعرفة بـ:

$$g(x) = f(x) - 2 \quad h(x) = |f(x)|$$

التمرين الثاني: (13 نقاط)

(1) حل في IR المعادلة : $3x^2 - 5x + 2 = 0$

(2) ليكن كثير الحدود $f(x)$ المعروف بـ : $f(x) = 3x^3 - 8x^2 + 7x - 2$

(أ) احسب: $f(2)$ ، $f(-2)$ ، $f(1)$ ثم ماذا تستنتج ؟

(ب) حل كثير الحدود $f(x)$

(ج) حل في IR المعادلة $f(x) = 0$ ثم المتراحة : $f(x) \leq 0$

(3) نعتبر الدالة g المعرفة بـ : $g(x) = \frac{2x-7}{x-3}$

(C_g) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

(أ) حدد مجموعة تعريف الدالة g

(ب) اكتب $g(x)$ على الشكل $g(x) = a + \frac{b}{x-3}$ حيث a و b عدنان حقيقيان يطلب تعيينهما

واستنتج رسم المنحني (C_g) انطلاقا من المنحني الممثل للدالة مقلوب.

(ج) لتكن النقطة $\Omega(3; 2)$ أكتب معادلة (C_g) في المعلم الجديد $(\Omega, \vec{i}, \vec{j})$

ثم بين أن الدالة متناظرة بالنسبة لهذه النقطة.

(د) فكك الدال g إلى مركب دالتين مرجعيتين U و V يطلب تعيينهما.

ثم استنتج اتجاه تغير الدالة g انطلاقا من اتجاه تغير الدالتين U و V

بالتوفيق

التمرين الأول: (10 نقاط)

ليكن ABC مثلثا. G مرجح $(A,1)$ و $(C,-3)$ و H مرجح $(B,2)$ و $(C,-3)$

(1) أنشئ الشكل.

(2) عبر عن \overrightarrow{AH} و \overrightarrow{BG} بدلالة \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{AC} .

(3) استنتج أن (AH) و (BG) متوازيان.

(4) بين انه مهما كانت النقطة M من المستوي: $\overrightarrow{MA} - 3\overrightarrow{MC} = -2\overrightarrow{MG}$

ينسب المستوي إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$:

نضع $A(1;2)$ و $B(-1;4)$ و $C(-3;3)$

(5) احسب إحداثيتي النقطة G و H .

(6) أحسب إحداثيات الأشعة \overrightarrow{AH} و \overrightarrow{BG} ثم تأكد من السؤال 3.

التمرين الثاني: (10 نقاط)

f و g دالتين معرفتين بـ :

$$g(x) = -x^2 + x + 2 \quad \text{و} \quad f(x) = -\frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + 2x - \frac{1}{3}$$

(1) - حل في IR المعادلة $g(x) = 0$ ثم عين إشارة g .

(2) - احسب: $f(1)$ ، $f(-1)$ ، $f(2)$.

(3) - اوجد f' مشتقة الدالة f .

(3) - شكل جدول تغيرات الدالة f مع تعيين القيم الحدية.

(4) - عين معادلة المماس (Δ) عند النقطة التي فاصلتها 1.

(5) - هل توجد نقطة M من (C_f) يكون المماس عندها موازي للمستقيم الذي

$$y = 2x + 1$$

بالتوفيق للجميع

التمرين الاول

f دالة معرفة على $\mathbb{R} - \{1\}$ ب: $f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$

1. بين ان f يكتب كما يلي : $f(x) = a + \frac{b}{x-1}$ حيث a و b عدنان يطلب تعيينهما
2. بين ان النقطة $A(1;2)$ مركز تناظر لمنحنى الدالة f
3. ادرس تغيرات الدالة f على المجال $]-\infty; 1[$ ثم استنتج تغيراتها على المجال $]1; +\infty[$
4. عين نقط تقاطع بيان الدالة f مع حاملتي المحورين
5. استنتج التمثيل البياني للدالة f انطلاقا من التمثيل البياني للدالة المقلوب
6. عين الدالة $f \circ g$ علما ان الدالة معرفة على \mathbb{R} : ب $g(x) = x+1$ يطلب تبين مجموعة تعريف الدالة $f \circ g$
7. ماهو اتجاه تغير الدالة $f \circ g$

التمرين الثاني

ليك جدول تغيرات الدالة f المعرفة على المجال $[-3;3]$

➤ اعط جدول تغيرات كل من الدوال التالية $g(x) = 2f(x)$; $h(x) = -f(x)$; $k(x) = f(x)+2$

$$\varphi(x) = f(|x|) \quad l(x) = |f(x)|;$$

➤ ارسم المنحنى الممثل للدالة f على المجال $[-3;3]$

➤ ارسم في نفس المعلم السابق المنحنى الممثل لكل من الدالتين g و k

x	-3	-1	1	2	3
$f(x)$	2	0	1	0	1

انتهى

ان تستطيع ان تمنع طيور الهم ان تحلق فوق راسك و لكنك تستطيع منعها ان تعشش في راسك !

الفرض الثاني للفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول:

1 حل في مجموعة الأعداد الحقيقية R المعادلة : $3x^2 - 5x - 2 = 0$

2 نعتبر كثير الحدود $P(x) = 3x^3 - 11x^2 + 8x + 4$

• تحقق أن $x_0 = 2$ جذر لكثير الحدود $P(x)$

• اوجد الأعداد الحقيقية: a, b, c بحيث $P(x) = (x - 2)(ax^2 + bx + c)$

3 اوجد في مجموعة الأعداد الحقيقية R حلول المعادلة $P(x) = 0$ ثم استنتج حلول المتراجحة $P(x) \leq 0$

4 اكتب عبارة $P(y^2)$ ثم استنتج حلول المعادلة $y^2 = \frac{11y^4 - 4}{3y^4 + 8}$

التمرين الثاني:

لتكن المعادلة ذات المتغير الحقيقي x والوسيط m التالية:

$$x^2 + mx + m + 3 = 0 \dots \dots (*)$$

(1) بين أن : $\Delta = (m - 6)(m + 2)$ ثم ادرس إشارته

(2) حدد على أي مجال تقبل المعادلة (*) حلين متمايزين : x_1 و x_2

(3) في المجال $]-\infty ; -2[\cup]6 ; +\infty[$ ادرس إشارة $(x_1 \times x_2)$ و إشارة $(x_1 + x_2)$

ثم استنتج قيم الوسيط الحقيقي m حتى تقبل المعادلة (*) حلين موجبين

👉 الفرض الاول المحروس للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

📌 التمرين الأول 😊😊😊: (15 نقطة)

👉 نعتبر الدالتين العدديتين f و g المعرفتين على D_f و D_g على الترتيب بما يلي :

$$g(x) = -1 + \sqrt{x-2} \quad \text{و} \quad f(x) = \frac{-x+3}{x-2}$$

نسمي (C_f) و (C_g) كلا من المنحنيين البيانيين لهما على الترتيب في المعلم المتعامد والمتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

(1) عين كلا من D_f و D_g مجموعتي تعريف كلا من الدالتين f و g على الترتيب.

(2) أ) عين العددين الحقيقيين a, b بحيث يكون من أجل كل عدد x من D_f : $f(x) = a + \frac{b}{x-2}$.

ب) فكك الدالة f إلى مركب دالتين u و v يطلب تعيينها .

ج) أذكر اتجاه تغير كل من الدالتين u و v ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f على كل من المجالين $]-\infty, 2[$ و $]2, +\infty[$.

د) بين انه يمكن الحصول على المنحني (C_f) بإستعمال المنحني الممثل للدالة مقلوب $(x \mapsto \frac{1}{x})$ بتحويل نقطي

بسيط يطلب تعيينه ثم أرسم (C_f) .

هـ) لتكن $\Omega(2; -1)$ نقطة من المستوي .

عين دساتير تغيير المعلم ثم جد معادلة المنحني (C_f) في المعلم $(\Omega, \vec{i}, \vec{j})$. ماذا تستنتج بالنسبة للمنحني (C_f) ؟

(3) أ) فكك الدالة g إلى مركب دالتين k و φ يطلب تعيينها .

ب) عين اتجاه تغير الدالة g على المجال $]2, +\infty[$.

ج) بين أنه يمكن الحصول على المنحني (C_g) إنطلاقا من المنحني الممثل للدالة الجذر التربيعي $(x \mapsto \sqrt{x})$ بتحويل نقطي

يطلب تعيينه ثم أرسم المنحني (C_g) .

(4) عين بيانيا حلول المعادلة $f(x) = g(x)$.

📌 التمرين الثاني 😊😊😊: (05 نقاط)

👉 h الدالة العددية المعرفة بجدول تغيراتها التالي .

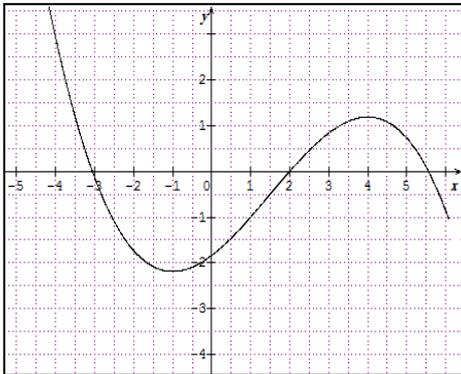
x	-2	1	5	7
$h(x)$	-1	-5	-2	-4

شكل جدول تغيرات كل دالة من الدالتين ϕ و ψ حيث : $\phi = h+5$ و $\psi = -2h$

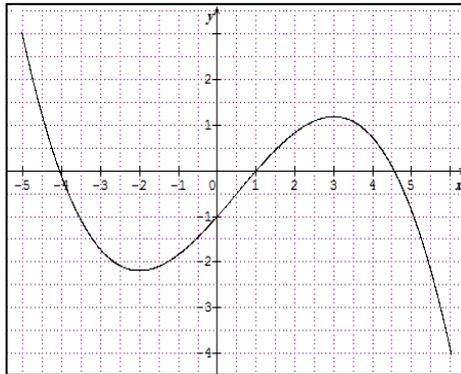


* الفرض الأول للفصل الأول في مادة الرياضيات *

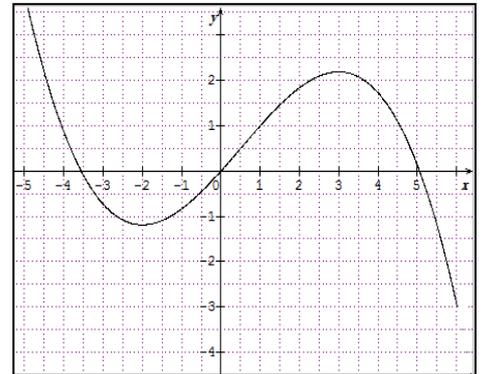
التمرين الأول: (نقاط)



الشكل 3



الشكل 2



الشكل 1

الشكل 2 هو التمثيل البياني لدالة u معرفة على المجال $[-5; 6]$

g و f دالتين معرفتين كما يلي : $f(x) = u(x+a)$ ، $g(x) = u(x)+b$

① عيّن التمثيلين البيانيين لكل من الدالتين f و g . ② استنتج قيمة كل من a و b .

التمرين الثاني: (نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة بـ: $f(x) = \frac{2x+1}{x}$

① عين D_f مجموعة تعريف الدالة f .

② عين العددين a و b بحيث يكون من أجل كل $x \in D_f$ ، $f(x) = a + \frac{b}{x}$.

③ فكك الدالة f إلى مركب دالتين مرجعيتين u و v يطلب تعيينهما .

④ إستنتج اتجاه تغير الدالة f على كل من المجالين $]-\infty; 0[$ و $]0; +\infty[$.

⑤ بين أنه يمكن الحصول على المنحنى (C_f) للدالة f إنطلاقاً من المنحنى (Γ) الممثل للدالة مقلوب بتحويل نقطي بسيط يطلب تعيينه .

⑥ أرسم المنحنى (C_f) .

⑦ تحقق أنه من أجل كل $x \in D_f$ فإن: $f(-x) + f(x) = 4$. ماذا تستنتج بالنسبة للمنحنى (C_f) ؟

التمرين الثالث: (نقاط)

لتكن الدالة f المعرفة على المجال $[-4; 4]$ بجدول تغيراتها كما يلي:

x	-4	0	2	4
$f(x)$	3		2	-4

ولتكن الدوال g و h و k المعرفة بـ: $g(x) = -f(x)$; $h(x) = 2 - f(x)$; $k(x) = 4f(x)$.

① شكل جدول تغيرات كل من g و h و k .

② أشرح كيف يمكن رسم كل (C_g) ; (C_h) و (C_k) انطلاقاً من المنحنى الممثل للدالة f .

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الثانوية : حسين براهيم

المستوى : ثانية ثانوي

المعامل : 5

المدة : 1 ساعة

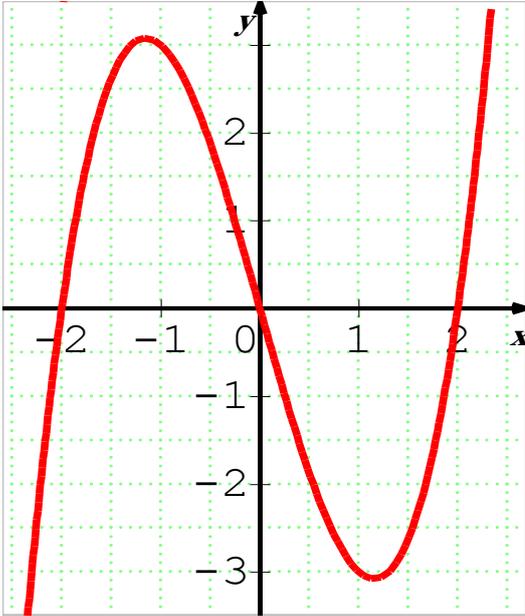
مديرية التربية لولاية قسنطينة

المادة : رياضيات

الشعبة : علوم تجريبية

الفرض الأول للفصل الأول

التمرين الأول :



في الشكل المقابل (C_f) التمثيل البياني للدالة f .

(1) شكّل جدول تغيرات الدالة f .

(2) شكّل جدول إشارة الدالة f .

(3) إنطلاقاً مما سبق اشرح ومثل البيانات الآتية:

a) $h(x) = f(x + 1)$

b) $k(x) = f(x) - 1$

c) $l(x) = f(|x|)$

d) $m(x) = |f(x)|$

التمرين الثاني :

عيّن مجموعة التعريف لكل مما يلي:

1) $f(x) = \sqrt{\frac{1-3x}{1+3x}}$

2) $g(x) = x - \frac{2}{3x^2+1}$

3) $h(x) = x^4 + \frac{\sqrt{5}}{|x^2+2|-1}$

4) $k(x) = \sqrt{\left|\frac{1}{2-x^2}\right|}$

5) $l(x) = \frac{x^6-2x^2+7}{x^2-\pi}$

ملاحظات هامة جدا :

(1) يُمنع منعاً باتاً التشطيب و الكتابة تكون إما بالأزرق أو الأسود .

(2) لا تكتب ولا تُلطخ هذه الورقة لأنك سترجعها مع ورقة الإجابة .

👉 الفرض الثاني المحروسه في مادة الرياضيات الثلاثي الأول

🕯️ التمرين الأول: 😊😊😊 (10 نقاط)

📏 نعتبر في المجموعة \mathbb{R} كثير الحدود P المعرف بما يلي : $P(x) = 2x^3 + 9x^2 + 7x + k$

حيث k عدد حقيقي .

(1) عين قيمة العدد الحقيقي k بحيث يكون -2 جذر لكثير الحدود P .

(2) نضع : $k = -6$

(أ) حلل P .

(ب) حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$.

(ج) حل في \mathbb{R} المتراجحة : $P(x) > 0$.

(د) عين حلول المعادلة : $\frac{P(x)}{x+2} = 0$.

🕯️ التمرين الثاني: 😊😊😊 (10 نقاط)

📏 ليكن ABC مثلثا قائما في النقطة A حيث $AB = 6cm$ و $AC = 3cm$.

$\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$ و $\vec{KA} + 5\vec{KB} - 3\vec{KC} = \vec{0}$ و G و K نقطتان حيث :

(1) أنشئ النقطتين G و K .

(2) أ) أكتب كلا من الشعاعين \vec{AG} و \vec{AK} بدلالة الشعاعين \vec{AB} و \vec{AC} .

(ب) بين أن : $\vec{GK} = \frac{4}{3}\vec{CB}$ ثم أستنتج أن $(GK) \parallel (CB)$.

(3) لتكن النقطة I مرجح الجملة المثقلة $\{(A;1), (B;5)\}$

(أ) بين أن النقطة K هي مرجح الجملة المثقلة $\{(I;\alpha), (C;-3)\}$ حيث α عدد حقيقي يطلب تعيينه .

(ب) ماذا تستنتج بالنسبة إلى النقط C, I, K ؟

(4) لتكن (Γ) مجموعة النقط M من المستوي بحيث يكون : $\|\vec{MA} + 5\vec{MB} - 3\vec{MC}\| = 15$

عين طبيعة (Γ) و أنشئها .

👉 بالتوفيق 😊 والنجاح 😊 أساتذة المادة 🌸🌸

الفرض المحروس الاول للثلاثي الاول

الشعبة: علوم تجريبية

المادة : رياضيات

يوم: 2017/10/15

المدة: 1 ساعة

التمرين الأول(04ن):

حقل مستطيل مساحته 28 m^2 ومحيطه 22 m . احسب طولي بعديه.

التمرين الثاني(16ن):

f دالة عددية معرفة على IR بـ : $f(x) = x^3 - 7x - 6$

1. تحقق أن العدد 2- جذرا للدالة f .
2. أثبت أن : $f(x) = (x+2).g(x)$ حيث : $g(x) = ax^2 + bx + c$ يطلب تعيينها.
3. أثبت أنه من أجل كل x من IR : $g(x) = (x-1)^2 - 4$ ، ثم استنتج أنه يمكن كتابة $g(x)$ على الشكل $(hok)(x)$. حيث h و k دالتان يطلب تعيينهما.
4. بين أن من أجل كل عدد حقيقي x : $g(x) - g(1) \geq 0$ ، ثم استنتج أصغر قيمة ممكنة للدالة g .
5. حدد اتجاه تغير الدالة g على المجالين $]-\infty; 1]$ و $]1; +\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها.
6. أثبت أن (C_g) التمثيل البياني للدالة g يقطع محور الفواصل في نقطتين مختلفتين يطلب تعيين احداثياتهما.
7. أدرس إشارة الدالة g ، ثم استنتج إشارة الدالة f .
8. استنتج حلول المعادلتين : $x^4 - 2x^2 - 3 = 0$ ، $x\sqrt{x} - 7\sqrt{x} - 6 = 0$ ، ثم المتراجحة : $f(x) \leq 0$.
9. اشرح كيف يمكن استنتاج (C_g) انطلاقا من التمثيل البياني للدالة مربع ، ثم انشئ (C_g) .
10. بين أن المستقيم ذو المعادلة $x=1$ محور تناظر المنحنى (C_g) .

الفرض الأول المحروس للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

✍ f و g الدالتان العدديتان المعرفتان كما يلي : $f(x) = x^2 - 2x + 2$ و $g(x) = \frac{x}{x-1}$

(C_f) و (C_g) تمثيلاهما البيانيان في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

(1) عين D_f و D_g مجموعتي تعريف كل من الدالتين f و g على الترتيب .

(2) أ) عين العددين الحقيقيين a, b بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x+a)^2 + b$

ب) فكك الدالة f إلى مركب دالتين u و v يطلب تعيينهما .

ج) عين إتجاه تغير الدالة f على كل من المجالين $]-\infty; 1]$ و $[1; +\infty[$ وشكل جدول تغيراتها.

د) إنطلاقا من المنحني (P) الممثل للدالة مربع $(x \mapsto x^2)$ حدد طريقة رسم المنحني (C_f) .

هـ) أرسم المنحني (C_f) .

(3) أ) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي $x \neq 1$ لدينا : $g(x) = 1 + \frac{1}{x-1}$

ب) لتكن Ω النقطة ذات الإحداثيين $(1; 1)$ في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

عين دساتير تغيير المعلم ثم جد معادلة المنحني (C_g) في المعلم $(\Omega, \vec{i}, \vec{j})$.

ج) أرسم المنحني (C_g) .

(4) إنطلاقا من المنحني (C_f) أرسم المنحني (C_h) الممثل للدالة h حيث : $h(x) = |f(x)|$

(5) عين بيانيا حلول المعادلة : $f(x) = g(x)$

(6) نعتبر في المجموعة \mathbb{R} المعادلة ذات المجهول الحقيقي x التالية : $x^3 - 3x^2 + 3x - 2 = 0$: (E)

أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R} - \{1\}$ ، المعادلة $f(x) = g(x)$ تكافئ (E) .

ب) عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث يكون : $x^3 - 3x^2 + 3x - 2 = (x-2)(ax^2 + bx + c)$

ج) حل المعادلة (E) ثم إستنتج حلول المعادلة $f(x) = g(x)$.

بالتوفيق 😊 والنجاح 🌸🌸 أساتذة المادة



التمرين الأول : (10 نقاط)

نعتبر في المجموعة \mathbb{R} كثير الحدود P المعرف بما يلي : $P(x) = x^3 - 4x^2 + 5x - 2$

(1) احسب $P(1)$ ، ماذا تستنتج ؟

(2) أوجد كثير الحدود $Q(x)$ حيث من اجل $x \in \mathbb{R}$ $P(x) = (x - 1)Q(x)$.

(3) حلل كثير الحدود $P(x)$ الى جداء عوامل أولية ، ثم حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$.

(4) استنتج حلول المعادلة : $|x - 1|^3 - 4(x - 1)^2 + 5|x - 1| - 2 = 0$.

(5) نضع : $g(x) = \frac{x^3 - 4x^2 + 5x - 2}{x^2 + x - 2}$

أ) حل في \mathbb{R} المعادلة $x^2 + x - 2 = 0$.

ب) عين قيم العدد الحقيقي x بحيث يكون للعبارة $g(x)$ معنى .

ج) حل في \mathbb{R} المتراجحة $g(x) \leq 0$.

التمرين الثاني : (10 نقاط)

f الدالة العددية المعرفة على المجال $[1; +\infty[$ كما يلي : $f(x) = -2 + \sqrt{x - 1}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) تحقق أن الدالة f هي مركب دالتين u و v يطلب تحديد عبارتهما .

(2) اعتمادا على اتجاه تغير كل من الدالتين u و v استنتج اتجاه تغير الدالة f .

(3) حل في المجال $[1; +\infty[$ المعادلة $f(x) = 0$.

(4) اشرح كيف يمكن انشاء (C_f) انطلاقا من بيان الدالة جذر تربيعي .

(5) لتكن الدالة g المعرفة بـ : $g(x) = |f(x)|$ و (C_g) تمثيلها البياني .

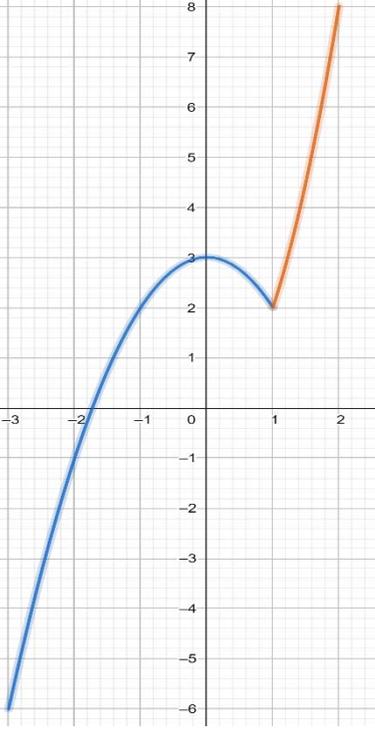
- اشرح كيفية لإنشاء (C_g) انطلاقا من (C_f) ، ثم أنشئه في المعلم السابق .

(6) h الدالة العرفة على $]-\infty; -1[\cup]1; +\infty[$ بـ : $h(x) = -2 + \sqrt{|x| - 1}$

- اشرح كيفية لإنشاء (C_h) انطلاقا من (C_f) ، ثم أنشئه في نفس المعلم .

ثانوية العقيد لطفي	السنة الدراسية 2018/2017
شعبة: 2 علوم تجريبية	المدة : ساعة واحدة
الفرض الثاني للفصل الأول في مادة الرياضيات	الموضوع 1
<p>التمرين : ABC مثلث كفي</p> <p>(1) عين ثم أنشئ النقطة G مرجح الجملة $\{(A, 1), (B, 2), (C, 1)\}$.</p> <p>(2) لتكن النقطة D منتصف $[AC]$، بين أن G منتصف $[BD]$</p> <p>(3) لتكن (E_1) مجموعة النقط M من المستوي حيث:</p> $\ \overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\ = \ \overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\ $ <ul style="list-style-type: none"> • بين أن النقطة B تنتمي الى (E_1) • بين أن الشعاع $\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}$ مستقل عن M • عين و أنشئ المجموعة (E_1). <p>(4) لتكن (E_2) مجموعة النقط M من المستوي حيث:</p> $\ \overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\ = 2\ \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\ $ <ul style="list-style-type: none"> • عين و أنشئ المجموعة (E_2). <p>(5) نفرض مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(0, \vec{i}, \vec{j})$ و نأخذ $A(2,4)$، $B(2,1)$ و $C(6,0)$</p> <ul style="list-style-type: none"> • جد إحداثيات النقطة G • لتكن $F(2,2)$ مرجح الجملة المثقلة $\{(A, 2), (B, 1)\}$ • عين العددين الحقيقيين α و β بحيث تكون النقطة B مرجح الجملة $\{(B, \alpha), (F, \beta)\}$. 	
<p>التركيز + التاني + الثقة بالنفس = النجاح</p>	
بالتوفيق	استاذة المادة:
الصفحة 1/1	

ثانوية العقيد لطفي	السنة الدراسية 2018/2017
شعبة: 2 علوم تجريبية	المدة : ساعة واحدة
الفرض الثاني للفصل الأول في مادة الرياضيات	الموضوع 2
<p>التمرين : ABC مثلث كفي</p> <p>(1) عين ثم أنشئ النقطة G مرجح الجملة $\{(A, 2), (B, 1), (C, 1)\}$.</p> <p>(2) لتكن النقطة D منتصف $[BC]$، بين أن G منتصف $[AD]$</p> <p>(3) لتكن (E_1) مجموعة النقط M من المستوي حيث:</p> $\ \overrightarrow{2MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\ = \ \overrightarrow{-2MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\ $ <ul style="list-style-type: none"> • بين أن النقطة A تنتمي الى (E_1) • بين أن الشعاع $\overrightarrow{-2MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}$ مستقل عن M • عين و أنشئ المجموعة (E_1). <p>(4) لتكن (E_2) مجموعة النقط M من المستوي حيث:</p> $\ \overrightarrow{2MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\ = 2\ \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\ $ <ul style="list-style-type: none"> • عين و أنشئ المجموعة (E_2). <p>(5) نفرض مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(0, \vec{i}, \vec{j})$ و نأخذ $A(2,1)$، $B(2,4)$ و $C(6,0)$</p> <ul style="list-style-type: none"> • جد إحداثيات النقطة G • لتكن $F(2,2)$ مرجح الجملة المثقلة $\{(A, 2), (B, 1)\}$ • عين العددين الحقيقيين α و β بحيث تكون النقطة A مرجح الجملة $\{(B, \alpha), (F, \beta)\}$. 	
<p>التركيز + التاني + الثقة بالنفس = النجاح</p>	
بالتوفيق	استاذة المادة:
الصفحة 1/1	



التمرين الأول :

f دالة معرفة على المجال $[-3; 2]$ كما هو مبين في الشكل المقابل،
باستعمال التمثيل البياني للدالة f أجب على الأسئلة التالية:

- 1- أعط جدول تغيرات الدالة f على المجال $[-3; 2]$
- 2- عين حلول المعادلتين $f(x) = 0$ و $f(x) = 1$
- 3- عين حلول المتراجحتين $f(x) \leq 0$ و $f(x) > 0$

4- ليكن m عدد حقيقي كفي، ناقش حسب قيم m عدد و إشارة حلول المعادلة:

$$f(x) = m$$

- 5- ما عدد حلول المعادلة $f(x) = x + 1$

التمرين الثاني :

I. نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ بـ: $f(x) = \frac{2x+5}{x+2}$ وليكن (C_f) تمثيلها

البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(o; \vec{i}, \vec{j})$.

- 1- عين العددين الحقيقيين a و b بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي يختلف عن (-2) : $f(x) = a + \frac{b}{x+2}$
- 2- بين أن الدالة f هي عبارة عن مركب دالتين يطلب تعيينهما.
- 3- عين إتجاه تغير الدالة f على مجموعة تعريفها.
- 4- بين أن النقطة $\omega(-2; 2)$ مركز تناظر للمنحنى (C_f) .
- 5- إستنتج كيفية رسم المنحنى (C_f) إنطلاقاً من منحنى الدالة مقلوب ثم أرسم (C_f) .

II. لتكن g دالة معرفة على $\mathbb{R} - \{-2; 2\}$ بـ: $g(x) = f(-|x|)$.

- 1- بين g دالة زوجية.
- 2- أرسم منحنى الدالة g إنطلاقاً من (C_f) .

التمرين الثالث :

ليكن كثير الحدود $P(x)$ ذو المتغير الحقيقي x بحيث: $P(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$

- 1- أحسب $P(-2)$ ، ماذا تستنتج؟
- 2- عين الأعداد الحقيقية a ، b و c بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي x : $P(x) = (x+2)(ax^2 + bx + c)$
- 3- حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$
- 4- حل في \mathbb{R} المتراجحة $2(x^2 - 3) \leq x^3 - 5x$ و إستنتج إشارة $P\left(\frac{1440}{2018}\right)$

* الفرض الثاني للفصل الأول في مادة الرياضيات *

التمرين الأول: (نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة على $IR - \{1\}$ بـ: $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 4}{x - 1}$ و (C_f) ليكن تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- بين أنه من أجل كل x من $IR - \{1\}$: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x - 1}$ ، حيث $a; b$ و c أعداد حقيقية يطلب تعيينها.
- احسب $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1} f'(x)$ ثم فسر النتيجة هندسياً.
- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
- احسب $f'(x)$ و ادرس إشارتها ثم استنتج إتجاه تغير الدالة f .
- شكل جدول تغيرات الدالة f .
- عين معادلة (T) مماس المنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 2. 7 استنتج قيمة مقربة لـ $f(1.99)$.
- عين نقط تقاطع (C_f) مع حامي محوري الإحداثيات (محور الفواصل، محور الترتيب).

التمرين الثاني: (نقاط)

- عين العدد المشتق للدالة f عند $x = 2$ حيث $f(x) = x^2 - 2x$ (يطلب استخدام تعريف العدد المشتق)
- عين الدوال المشتقة للدوال التالية:

$$\text{أ} // f(x) = -4x^3 + 3x^2 - 2 \quad \text{ب} // g(x) = (2x + 1)(x^2 + 5x) \quad \text{ج} // h(x) = \frac{x^2 + 5x}{x^3 + 2x - 1}$$

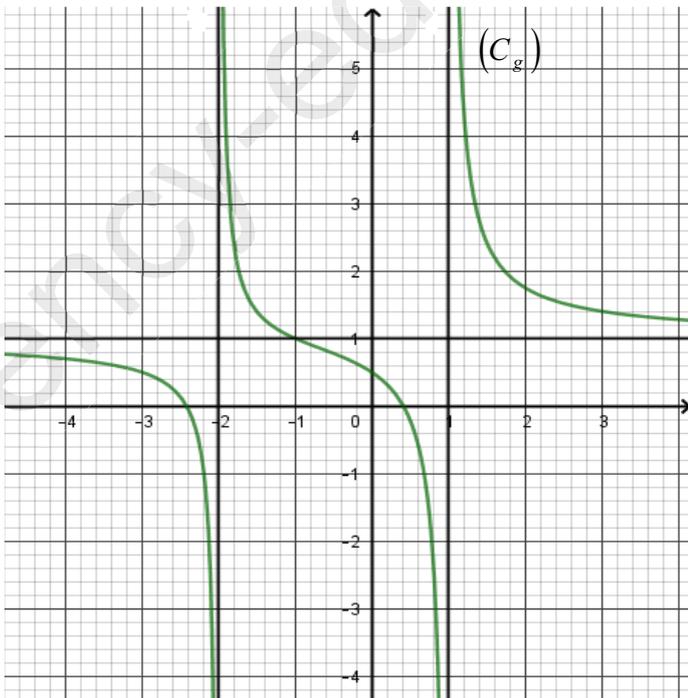
$$\text{د} // k(x) = \sqrt{x^3 + 2x - 1} \quad \text{هـ} // R(x) = \cos(2 - 3x) \quad \text{و} // F(x) = (x^2 + 5x)^4$$

$$\text{ز} // P(x) = \frac{1}{3x^2 - 4x + 1}$$

التمرين الثالث: (نقاط)

g دالة معرفة بمنحنائها البياني كما في الشكل المقابل.
بقراءة بيانية:

- حدد مجموعة تعريف الدالة g .
- عين نهايات الدالة g .
- شكل جدول تغيرات الدالة g .
- حدد إشارة الدالة g .



الفرض الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (12 نقاط)

ليكن الدالة العددية f المعرفة على $R - \{1\}$ حيث: $f(x) = \frac{2x-1}{x-1}$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(0, \vec{i}, \vec{j})$.

1- تحقق أنه من أجل كل x من $R - \{1\}$ يكون: $f(x) = 2 + \frac{1}{x-1}$

2- ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين $]-\infty; 1[$ و $]1; +\infty[$

3- إنطلاقاً من التمثيل البياني للدالة مقلوب اشرح كيفية رسم المنحنى (C_f) ثم أرسمه.

4- برهن أن النقطة $\Omega(1, 2)$ مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

5- ارسم في نفس المعلم المنحنى (C_g) الممثل للدالة g حيث: $g(x) = |f(x)|$

6- نعتبر الدالة h المعرفة على $]1; +\infty[\cup]-\infty; \frac{1}{2}]$ كما يلي: $h(x) = \sqrt{\frac{2x-1}{x-1}}$

- تحقق أن الدالة h مركبة من الدالة f ودالة مرجعية يطلب تعيينها.

- استنتج اتجاه تغير الدالة h على $]-\infty; \frac{1}{2}[$ و $]\frac{1}{2}; +\infty[$.

التمرين الثاني: (8 نقاط)

ليكن f كثير الحدود حيث: $f(x) = x^3 - 6x^2 + 11x - 6$

❖ أحسب $f(0), f(3)$ ، ماذا تستنتج؟

❖ عين الأعداد الحقيقية α, β, δ بحيث: من أجل كل عدد حقيقي x لدينا:

$$f(x) = (x-3)(\alpha x^2 + \beta x + \delta)$$

❖ حل في مجموعة الأعداد الحقيقية IR المعادلة: $x^2 - 3x + 2 = 0$

استنتج حلول المعادلة: $f(x) = 0$.

❖ حل في مجموعة الأعداد الحقيقية IR المتراجحة: $f(x) < 0$

تصحيح الفرض الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

<u>التمرين الأول:</u>																					
0.5 ن	<p>1. التحقق أن $f(x) = 2 + \frac{1}{x-1}$ لدينا $2 + \frac{1}{x-1} = \frac{2(x-1)+1}{x-1} = \frac{2x-1}{x-1} = f(x)$</p> <p>2. دراسة اتجاه تغير الدالة f على المجالين $]-\infty; 1[$ و $]1; +\infty[$:</p>																				
0.5 ن 2 ن	<p>لدينا $u(x) = 2 + \frac{1}{x}$ و $v(x) = x - 1$ حيث $f(x) = u[v(x)]$ ومنه الدالة f متناقصة تماما على المجالين $]-\infty; 1[$ و $]1; +\infty[$ لان الدالة u متناقصة تماما على المجالين (دالة تالفة معاملها موجب).</p>																				
1 ن	<p>3. لتكن $M(x; y)$ نقطة من منحنى الدالة مقلوب و $M'(x'; y')$ من (C_f) حيث $\begin{cases} x' = x - 1 \\ y' = y + 2 \end{cases}$</p>																				
1 ن	<p>تكافئ $\begin{cases} x - x' = 1 \\ y' = y + 2 \end{cases}$ إذن (C_f) هو صورة منحنى الدالة مقلوب بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$</p> <p>• الرسم</p>																				
1 ن	<p>4. تبين أن $\Omega(1; 2)$ مركز تناظر ل (C_f) سابقا وجدنا أن (C_f) هو صورة منحنى الدالة مقلوب بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ (دساتير تغيير معلم) كما نعلم أن الدالة مقلوب فردية على \mathbb{R}^* ومنه $\Omega(1; 2)$ مركز تناظر ل (C_f).</p>																				
0.25 ن	<p>5. لدينا $g(x) = f(x) = \begin{cases} f(x) ; f(x) \geq 0 \\ -f(x) ; f(x) \leq 0 \end{cases}$</p> <p>إشارة $f(x) = 0$ معناه $2x - 1 = 0$ و $x \neq 1$ أي $x = \frac{1}{2}$ و $x \neq 1$</p>																				
1 ن	<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$\frac{1}{2}$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$2x - 1$</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$x - 1$</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	1	$+\infty$	$2x - 1$	-	0	+	+	$x - 1$	-	-	-	+	$f(x)$	+	0	-	+
x	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	1	$+\infty$																	
$2x - 1$	-	0	+	+																	
$x - 1$	-	-	-	+																	
$f(x)$	+	0	-	+																	
0.5 ن	<p>ومنه $g(x) = \begin{cases} \frac{2x-1}{x-1} ; x \in]-\infty; \frac{1}{2}[\cup]1; +\infty[\\ \frac{-2x+1}{x-1} ; x \in [\frac{1}{2}; 1[\end{cases}$</p>																				
0.75 ن	<p>وبالتالي (C_g) ينطبق على (C_f) على المجالين $]-\infty; \frac{1}{2}[$ و $]1; +\infty[$ و (C_g) نظير (C_f) على المجال $[\frac{1}{2}; 1[$.</p> <p>• الرسم</p>																				
1 ن	<p>6. لدينا من السؤال السابق $f(x) \geq 0$ من اجل $x \in]-\infty; \frac{1}{2}[\cup]1; +\infty[$</p>																				
1 ن	<p>وبالتالي $h(x) = \sqrt{f(x)}$ ومنه $h(x) = u[f(x)]$ حيث $u(x) = \sqrt{x}$ اتجاه تغير الدالة</p>																				
1.5 ن	<p>7. لدينا $h = u \circ f$ ومنه الدالة h متناقصة تماما على المجالين $]-\infty; \frac{1}{2}[$ و $]1; +\infty[$ لان u متزايدة تماما على المجالين $]-\infty; \frac{1}{2}[$ و $]1; +\infty[$ و f متناقصة تماما على المجالين $]-\infty; \frac{1}{2}[$ و $]1; +\infty[$</p>																				

التمرين الثاني:

0.5 ن
0.25 ن

- $f(3) = 0$ ، $f(0) = -6$
ومنه نستنتج أن 3 جذر للدالة f
- تعيين الثوابت:
باستخدام القسمة الاقليدية

1 ن

$$\begin{array}{r|l} x^3 - 6x^2 + 11x - 6 & x - 3 \\ \underline{-x^3 + 3x^2} & x^2 - 3x + 2 \\ -3x^2 + 11x & \\ \underline{3x^2 - 9x} & \\ 2x - 6 & \\ \underline{-2x + 6} & \\ 0 & \end{array}$$

0.5 ن

- ومنه $f(x) = (x - 3)(x^2 - 3x + 2)$
حلول المعادلة $x^2 - 3x + 2 = 0$

0.5 ن
0.25 ن

حساب المميز: $\Delta = 9 - 8 = 1 > 0$
ومنه للمعادلة حلان متميزان هما:

1 ن

استنتاج حلول المعادلة $f(x) = 0$:
 $x_1 = \frac{3-1}{2} = 1$ أو $x_2 = \frac{3+1}{2} = 2$ إذن حلول المعادلة $S = \{1; 2\}$

0.25 ن
0.75 ن

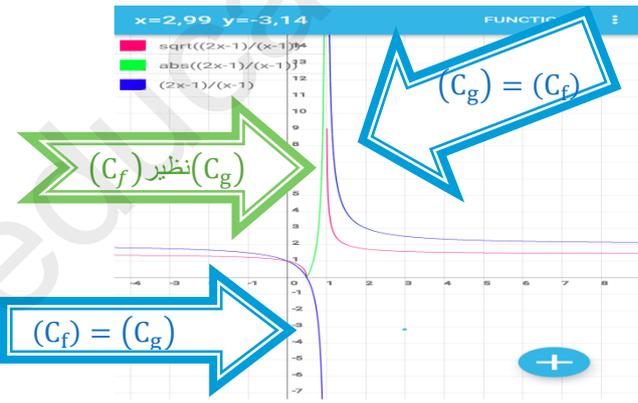
- نضع $(x - 3)(x^2 - 3x + 2) = 0$ معناه $(x - 3) = 0$ او $(x^2 - 3x + 2) = 0$
ومنه $x = 3$ او $x = 1$ او $x = 2$ إذن الحلول هي $\{1; 2; 3\}$
حلول المتراجحة $f(x) < 0$:
إشارة $f(x)$

2 ن

x	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$
$x - 3$	-	0	-	0	+
$x^2 - 3x + 2$	+	0	+	0	+
$f(x)$	-	0	-	0	+

1 ن

ومنه حلول المتراجحة $f(x) < 0$ هي: $S =]-\infty; 1[\cup]1; 2[$



الفرص الأول للفصل الأول في الرياضيات

المدة: 60 دقيقة

المستوى: 02 علوم تجريبية

نص التمرين

f و g دالتان عدديتان معرفتان كما يلي : $f(x) = x^2 - 2x + 2$ و $g(x) = \frac{x}{x-1}$ وليكن (C_f) و (C_g) تمثيلهما البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- 1/ عين D_f و D_g مجموعتي تعريف كل من الدالتين f و g على الترتيب
- 2/ أ. عين العددين الحقيقيين a و b بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x+a)^2 + b$
 ب. فكك الدالة f إلى مركب دالتين u و v يطلب تعيينهما.
 ج. عين إتجاه تغير الدالة f على كل من المجالين $]-\infty, 1]$ و $[1, +\infty[$ وشكل جدول تغيراتها.
 د. إنطلاقا من المنحني (P) الممثل للدالة مربع $(x \rightarrow x^2)$ حدد طريقة رسم المنحني (C_f) .
 هـ. أرسم المنحني (C_f) .

3/ أ. تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي $x \neq 1$ لدينا : $g(x) = 1 + \frac{1}{x-1}$

- ب. لتكن Ω النقطة ذات الإحداثيتين $(1, 1)$ في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$
 عين دساتير تغيير المعلم ثم جد معادلة المنحني (C_g) في المعلم $(\Omega; \vec{i}; \vec{j})$
 ج. أرسم المنحني (C_g) .

4/ انطلاقا من المنحني (C_f) أرسم المنحني (C_f) الممثل للدالة h حيث : $h(x) = |f(x)|$

5/ عين بيانيا حلول المعادلة : $f(x) = g(x)$.

6/ نعتبر في المجموعة \mathbb{R} المعادلة ذات المجهول الحقيقي x التالية : $(E) : x^3 - 3x^2 + 3x - 2$

- أ. بين انه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R} - \{1\}$ المعادلة $f(x) = g(x)$ تكافئ (E)
 ب. عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث يكون : $x^3 - 3x^2 + 3x - 2 = (x-2)(ax^2 + bx + c)$
 ج. حل المعادلة (E) ثم استنتج حلول المعادلة $f(x) = g(x)$.

الفرض الأول للفصل الأول في مادة الرياضيات

المدة: ساعة

المستوى: السنة ثانية علوم تجريبية

- ملاحظة: 1- لا يؤخذ بعين الاعتبار إلا الأجوبة الدقيقة والواضحة.
2- يمنع استعمال القلم الأحمر.

تمرين

f / I دالة كثير حدود معرفة على \mathbb{R} بـ:

$$f(x) = x^8 - 10x^4 + 9$$

- 1 بين أن $f = g \circ h$ حيث $h(x) = x^4 - 4$ و g دالة كثير حدود معرفة بـ $g(x) = x^2 + ax + b$ حيث a و b عدنان حقيقيان يطلب تعيينهما .
2 حل المتراجحة $h(x) < 0$.
III / نضع $a = -2$ و $b = -15$
1 بين أن من أجل كل عدد حقيقي x لدينا $g(x) = (x - 1)^2 - 16$.
2 اكتب g على شكل مركب دالتين u و v يطلب تعيينهما.
3 استنتج اتجاه تغير الدالة g على كل من المجالين $]-\infty, 1]$ و $]1, +\infty[$.
4 شكل جدول تغيرات الدالة g .
5 اكتب g على شكل جداء عوامل من الدرجة الأولى ثم استنتج إشارتها.
6 أثبت أن $x = 1$ محور تناظر للدالة g .
7 ارسم (P) منحنى الدالة مربع في المعلم (o, \vec{i}, \vec{j}) حيث $\|\vec{i}\| = \frac{1}{2}cm$ و $\|\vec{j}\| = \frac{1}{2}cm$.
8 ارسم في نفس المعلم (C_g) منحنى الدالة g اعتمادا على (P) مع الشرح.

III / نضع $K(x) = |g(x)|, S(x) = g(|x|)$

- 1 اكتب كل من K و S دون رمز القيمة المطلقة .
2 بين كيف يمكن إنشاء (C_K) و (C_S) اعتمادا على المنحنى (C_g) ثم ارسمهما في نفس المعلم مستخدما ألوانا مختلفة .

بالتوفيق

الفرض الأول للفصل الأول في مادة الرياضيات

ملاحظة : - يمنع استعمال القلم الأحمر والقلم المصحح "l'effaceur"

التمرين الأول: 10 نقاط

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ بالعلاقة : $f(x) = \frac{2x+5}{x+2}$

وليكن C_f تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$

1. عيّن العددين α و β بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي $x \neq -2$: $f(x) = \alpha + \frac{\beta}{x+2}$

2. فكك الدالة f إلى مركب دالتين مرجعيتين u و v يطلب تعيينهما .

3. ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين $]-\infty; -2[$ و $]-2; +\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها .

4. بين أن النقطة $\Omega(-2; 2)$ مركز تناظر للمنحنى C_f .

5. استنتج كيفية رسم المنحنى C_f انطلاقا من منحنى الدالة مقلوب ثم ارسمه .

6. دالة معرفة على $\mathbb{R} - \{-2; 2\}$ كما يلي : $g(x) = f(-|x|)$

(أ) بين أن g دالة زوجية .

(ب) استنتج طريقة لرسم منحنى الدالة g انطلاقا من منحنى الدالة f ثم ارسمه .

التمرين الثاني: 10 نقاط

نعتبر كثير الحدود $p(x)$ للمتغير الحقيقي x حيث : $p(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$

1. احسب $p(-2)$ ، ماذا تستنتج ؟

2. عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي x : $p(x) = (x+2)(ax^2 + bx + c)$

3. حل في \mathbb{R} المعادلة $p(x) = 0$.

4. حل في \mathbb{R} المتراجحة $2(x^2 - 3) \leq x^3 - 5x$ واستنتج إشارة $\left(\frac{1440}{2018}\right)$.

لا توجد خطوة عملاقة تصل بك إلى ما تريده ، إنما يحتاج الأمر إلى الكثير من الخطوات الصغيرة لتبلغ ما تريد

بالتوفيق للجميعأستاذة المادة

الأسئلة التالية مستقلة عن بعضها البعض

f و g معرفة على \mathbb{R} بالعبارة $f(x) = -x^2 + 5x - 6$ و g و g والة معرفة على $[0, +\infty[$ بالعبارة : $g(x) = \sqrt{x}$

أ- أحسب كلا من $f \circ g(1)$ و $\left(\frac{f}{g}\right)(3)$

ب- عين $D_{g \circ f}$ مجموعة تعريف الالة $g \circ f$ ثم عين عبارة $g \circ f(x)$

f والة معرفة بالعبارة : $f(x) = x^2 - 4x + 6$ و $\Omega(2,2)$ نقطة من المستوى

أ- أكتب معادلة (C_f) منحنى الالة f في المعلم $(\Omega, \vec{i}, \vec{j})$ ثم أرسمه

ب- بين أن : $x = 2$ محور تناظر لـ (C_f) (تقبل أي طريقة صحيحة)

f والة معرفة بتمثيلها البياني (C_f) التالي :

أ- أوجد عبارة الالة f

ب- من البيان أحسب $f \circ f(3)$

P كثير حدود معرف بالعبارة : $P(x) = 2x^3 + x^2 + 1$

أ- أحسب $P(-1)$ ماؤا تستنتج ؟

ب- عين الأعداد الحقيقية a, b, c حيث : $P(x) = (x+1)(ax^2 + bx + c)$

حل في \mathbb{R} المتراجحة التالية : $\frac{x^2 + 1}{1 - x} > 1$

f والة معرفة بتمثيلها البياني التالي

. أرسم منحنى كلا من الالتين :

$h : x \rightarrow f(|x|)$ $g : x \rightarrow |f(x)|$

وون شرح كيفية الرسم

نظهر لنا شاشة الحاسبة البيانية صورة المنحنى (C_f) و (C_g) و (C_{f+g})

ماهو المنحنى الممثل للالة $f + g$ ؟ مع التعليل .

(تمنح علامة على المحاولة)

بالتوفيق إن شاء الله

التمرين الأول:

لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بـ : $f(x) = -x^2 - 2x$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1. ا. بَيِّنْ أَنَّهُ مِنْ أَجْلِ كُلِّ عَدَدٍ حَقِيقِي x : $f(x) = -(x+1)^2 + 1$.
2. فكك الدالة f إلى مركب دالتين بسيطتين u و v يطلب تعيينهما.
3. أدرس إتجاه تغير الدالة f على المجالين $[-1; +\infty[$ و $]-\infty; -1]$ ثم شكل جدول تغيراتها.
4. عين نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع حامل محور الفواصل.
5. بين أن المستقيم ذو المعادلة $x = -1$ هو محور تناظر للمنحنى (C_f) .
6. أنشئ (C_f) .

II. h و g دالتان عدديتان معرفة على \mathbb{R} بـ :

$$g(x) = f(|x|) \quad , \quad h(x) = |f(x)|$$

1. بين أن g دالة زوجية .
 2. اكتب عبارة كلا من $g(x)$ و $h(x)$ دون رمز القيمة المطلقة.
 3. استنتج تغيرات الدالة g على \mathbb{R} .
 4. أنشئ كلا من (C_h) و (C_g) المنحنيين الممثلين للدالتين g و h إعتماًداً على (C_f) .
- III. k دالة معرفة كما يلي : $k(x) = \sqrt{-x^2 - 2x}$.

1. جد D_k مجموعة تعريف الدالة k .
2. فكك الدالة k إلى مركب دالتين يطلب تعيينها .
3. أدرس اتجاه تغير الدالة k على مجموعة تعريفها .

* الفرض الأول للفصل الأول في مادة الرياضيات *

التمرين الأول: (نقاط)

نعتبر كثير الحدود p للمتغير الحقيقي x حيث: $p(x) = x^3 + 4x^2 + x - 6$.

- ① احسب $p(-3)$ ثم اعط تحليلاً لـ $p(x)$.
- ② حل في مجموعة الأعداد الحقيقية المعادلة $p(x) = 0$.
- ③ ادرس حسب قيم x إشارة $p(x)$ ، ثم استنتج حلول المتراجحة: $p(x) \geq 0$.

التمرين الثاني: (نقاط)

الجزء I : f دالة معرفة على IR بـ: $f(x) = x^2 + 2x$ و (C_f) التمثيلها البياني في المستوى المزود بـ $m, m, m (O, I; J)$.

- ① بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x+1)^2 - 1$.
- ② ادرس إتجاه تغير الدالة على المجالين $]-\infty; -1]$ و $]-1; +\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها.
- ③ عين نقط تقاطع (C_f) مع حامل محور الفواصل.
- ④ بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $x = -1$ محور تناظر للمنحنى (C_f) .
- ⑤ انشئ المنحنى (C_f) .

الجزء II : g دالة معرفة على IR بـ: $g(x) = |f(x)|$.

← اشرح كيف يمكن رسم (C_g) إنطلاقاً من (C_f) ، ثم انشئه.

الجزء III : h دالة معرفة كما يلي: $h(x) = \sqrt{x^2 + 2x}$.

- ① بين أن: $D_h =]-\infty; -2] \cup [0; +\infty[$.
- ② عين إتجاه تغير الدالة h على المجالين $]-\infty; -2]$ و $[0; +\infty[$.

الناجحون لا ينجحون و هم جالسون لاهون ينتظرون النجاح و لا يعتقدون أنه فرصة حظ
و إنما يصنعونه بالعمل و الجد و التفكير و الحب و إستغلال الفرص
و الإعتماد على ماينجزونه بأيديهم.

لا توجد خطوة عملاقة تصل بك إلى ما تريده، إنما يحتاج الأمر إلى الكثير من الخطوات
الصغيرة لتبلغ ما تريده.

ثانوية تمر حولت الجمعي - تيمقاد باتنة
الفرض الاول للثلاثي الاول في مادة
الرياضيات
السنة الثانية علوم تجريبية
السنة الدراسية : 2018 - 2019
الاستاذ : زراوية رفيق
المدة : ساعة ونصف

التمرين الاول (12 ن)

لتكن f الدالة العددية المعرفة على D_f بالشكل الاتي :

$$f(x) = \frac{-x}{1-x}$$

و C_f تمثيلها البياني في المعلم المتعامد والمتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

الجزء الاول :

- (1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f
- (2) بين انه من اجل كل عدد حقيقي $x \in D_f$:
 $f(2-x) + f(x)$ عدد طبيعي ثم استنتج ان الدالة f فردية في المعلم (A, \vec{i}, \vec{j}) مع A مبدا المعلم الجديد
يطلب تعيين احداثياتها

• (3) بين انه من اجل كل x من D_f :

$$f(1-x) = \frac{1}{f(x)}$$

الجزء الثاني :

لتكن الدالة g المعرفة على R بالشكل الاتي :

$$g(x) = f(1-x)f(x)$$

• (1) بين دون استعمال الالة الحاسبة ان :

$$g(2018) = g(2017) = g(0) = g(x)$$

• (2) ارسم بيان الدالتين f و g في المعلم (A, \vec{i}, \vec{j})

التمرين الثاني : (08 ن)

لتكن f و g

دالتي كثير حدود معرفتين بالشكل الاتي :

$$f(x) = x^3 + 1, g(x) = (x + 1)$$

• (1) احسب $(f \circ g)(x)$

• (2) نضع من اجل كل عدد حقيقي x : $p(x) = (f \circ g)(x)$

• (3) اوجد عبارة $p(x)$

• (4) احسب $p(-2)$ ماذا تستنتج

• (5) حل في R المعادلة $p(x) = 0$

وفقكم الله الى ما يحبه ويرضاه

الفرض الاول للفصل الأول لمادة الرياضيات

التمرين الأول: (02 نقاط)

نعتبر الدالتين f و g حيث: $f(x) = \sqrt{x+1} - 1$ ، $g(x) = \frac{x}{\sqrt{x+1} + 1}$

1/ بين أن $f = g$.

2/ عرّف foh حيث: $h(x) = x^2 - 1$.

التمرين الثاني: (03 نقاط)

لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بالشكل: $f(x) = x^3 - 8$.

و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1/ بين انه من اجل كل $x \in \mathbb{R}$ و $-x \in \mathbb{R}$: $f(-x) + f(x) = -16$ ، ثم فسر ذلك بيانيا.

2/ بين أنه من اجل كل $x \in \mathbb{R}$ فإن: $f(x) = (x-2)(ax^2 + bx + c)$ حيث $a; b; c$ اعداد حقيقية يطلب تعيينها.

3/ أ) بين ان (C_f) المنحنى البياني للدالة يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة يطلب تعيين احداثيتها.

ب) استنتج إشارة $f(x)$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بالشكل: $g(x) = x^2 - x$.

و (C_g) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1/ أ) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x من \mathbb{R} : $g(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4}$

ب) فكك الدالة g الى مركب دالتين يطلب تعيينهما.

2/ استنتج اتجاه تغير الدالة g على المجالين $\left[\frac{1}{2}; +\infty\right]$ و $\left]-\infty; \frac{1}{2}\right]$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.

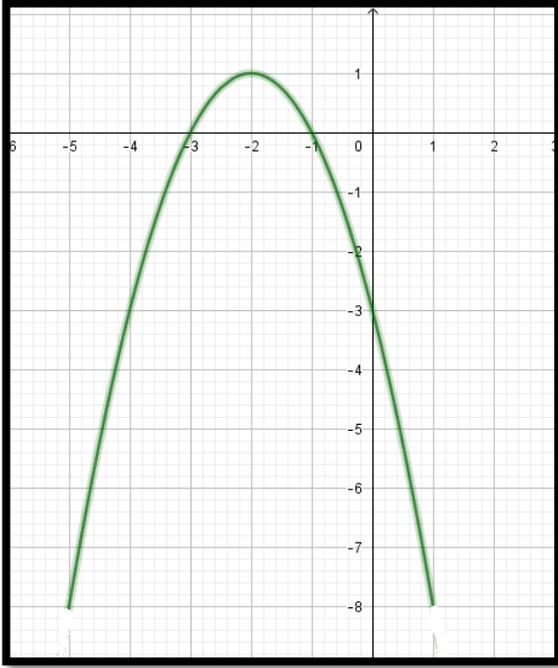
3/ أنشئ (C_g) باستعمال منحنى دالة مرجعية يطلب تعيينها.

4/ نعتبر الدالة h حيث، من أجل كل عدد حقيقي x : $h(x) = g(|x|)$.

- بين أن الدالة h زوجية ثم اشرح كيف يمكن انشاء منحناها البياني. ثم انشئه في المعلم السابق



التمرين الأول:



I. (C_f) التمثيل البياني للدالة f المعرفة على المجال $[-5, 1]$

في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

$(o; \vec{i}, \vec{j})$.

1. عين $f(-4)$ ، $f(-2)$ و $f(0)$.

2. شكل جدول تغيرات الدالة f .

3. شكل جدول إشارة الدالة f .

4. حل بيانيا المعادلة: $f(x) = -3$ و المتراجحة

$f(x) < -3$

5. g و h الدالتان المعرفتان على $[-5, 1]$ ب:

$g(x) = |f(x)|$ و $h(x) = f(x) - 2$.

✓ اشرح كيف يمكن إنشاء (C_g) و (C_h) التمثيلين

البيانيين للدالتين g و h على الترتيب، ثم أنشئهما في

نفس المعلم.

التمرين الثاني:

1. حل في \square المعادلة: $3x^2 - 5x + 2 = 0$.

2. نعتبر P كثير الحدود المعرف ب: $P(x) = 3x^3 - 8x^2 + 7x - 2$.

أ) احسب $P(2)$ ، $P(-2)$ و $P(1)$. ماذا تستنتج؟

ب) حلل $P(x)$ إلى جداء كثيرات حدود من الدرجة الأولى.

ج) حل في \square المعادلة: $P(x) = 0$ ، ثم المتراجحة $P(x) > 0$.

3. g الدالة المعرفة ب: $g(x) = \frac{2x - 5}{x - 3}$.

(C_g) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(o; \vec{i}, \vec{j})$.

أ) حدد مجموعة تعريف الدالة g .

ب) عين العددين الحقيقيين a و b حيث من أجل كل عدد حقيقي يختلف عن 3: $g(x) = a + \frac{b}{x - 3}$.

ج) نعتبر النقطة Ω حيث: $\Omega(3; 2)$ ، بين أن النقطة Ω مركز تناظر للمنحنى (C_g) .

د) استنتج كيف يمكن إنشاء المنحنى (C_g) انطلاقا من منحنى الدالة مقلوب، ثم أنشئه.

هـ) نعتبر الدالة h المعرفة على $\square - \{3\}$ ب: $h(x) = \frac{1}{x - 3}$.

✓ فكك الدالة h إلى مركب دالتين مرجعيتين u و v يطلب تعيينهما.

✓ استنتج اتجاه تغير الدالة g على المجالين $]-\infty; 3[$ و $]3; +\infty[$ انطلاقا من اتجاه تغير الدالتين u و v .

تستطيع أن تنجح في حياتك و لوكل الناس يعتقدون أنك غير ناجح، و لكنك لا تنجح أبدا إذا كنت تعتقد في نفسك أنك غير ناجح**

الفرض الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين:

I. نعتبر كثير الحدود $p(x)$ حيث : $p(x) = x^3 - x^2 - 4x + 4$ 1- تحقق أن 2 جذر لـ $p(x)$ 2- عين الأعداد الحقيقية a, b و c بحيث من أجل كل عدد حقيقي x فإن $p(x) = (x-2)(ax^2 + bx + c)$ 3- حل في مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} : المعادلة : $p(x) = 0$ و المتراجحة : $p(x) \geq 0$ II. f هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ : $f(x) = x^2 + x - 2$ ، وليكن (C_f) تمثيلها البياني في مستوى منسوب معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.1. بين أن من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{9}{4}$ 2. بين أن من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) - f\left(-\frac{1}{2}\right) \geq 0$ ، ثم استنتج أصغر قيمة ممكنة للدالة f .3. بين أن الدالة f هي مركب من ثلاث دوال بسيطة يطلب تعيينها4. استنتج اتجاه تغير الدالة f على المجالين $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right]$ و $\left]-\infty; -\frac{1}{2}\right]$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.5. بين أن المستقيم ذو المعادلة $x = -\frac{1}{2}$ محور تناظر للمنحنى (C_f) .6. بين أنه يمكن استنتاج (C_f) انطلاقاً من (C_k) التمثيل البياني لدالة مرجعية يطلب تعيينها ، ثم أرسم (C_f) و (C_k) في نفس المعلم7. g هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ : $g(x) = |f(x)|$ (a) أكتب $g(x)$ بدون رمز القيمة المطلقة.(b) استنتج اتجاه تغير الدالة g .(c) باستعمال الفرع (a) حدد كيف يتم رسم (C_g) ثم أرسمه.8. نضع من أجل كل عدد حقيقي x : $h(x) = f(|x|)$ • أثبت أن من أجل كل عدد حقيقي x موجب : $h(x) = f(x)$.• أثبت أن الدالة h دالة زوجية.• أرسم (C_h) منحنى h باستعمال (C_f) منحنى الدالة f .

😊 بالتوفيق 😊

أساتذة المادة

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الثانوية : توفيق خزندار
المستوى : ثانية ثانوي
المعامل : 5
المدة: 1 سا

مديرية التربية لولاية قسنطينة
المادة : رياضيات
الشعبة : علوم تجريبية
الفرض الأول

التمرين الأول(10ن):

ليكن كثير الحدود $P(x)$ حيث : $P(x) = 2x^4 - 7x^3 + 9x^2 - 21x + 9$.
(1) أحسب $P(3)$ و $P(\frac{1}{2})$ ، ماذا تستنتج؟ $(0.5+0.5+0.5+0.5)$.

(2) أكتب $P(x)$ على شكل جداء عاملين من الدرجة الثانية. (2ن).

(3) حل في \mathbb{R} المعادلة : $P(x) = 0$. (2ن).

(4) أدرس إشارة $P(x)$ حسب قيم المتغير الحقيقي x . (2ن).

(5) ماهي حلول $P(x) \leq 0$. (2ن).

التمرين الثاني(10ن):

يُمثل جدول التغيرات التالي للدالة f المعرفة على المجال $[-7; 7]$ كما يلي :

x	-7	-3	-2	0	3	5	7
$f(x)$	2		1	0	-2	-2	0

Diagram showing arrows: from x=-7 to f(x)=2, from x=-3 to f(x)=0, from x=-2 to f(x)=1, from x=0 to f(x)=0, from x=3 to f(x)=-2, from x=5 to f(x)=-2, from x=7 to f(x)=0.

و إليك جدول تغيرات الدالة g المعرفة على جزء من المجال $[-7; 7]$ و هو $[0; 7]$ كما يلي :

x	0	2	3	5	7
g	-3	0	2	-3	3

Diagram showing arrows: from x=0 to g=-3, from x=2 to g=0, from x=3 to g=2, from x=5 to g=-3, from x=7 to g=3.

و المطلوب منك هو:

(1) مثل بيان الدالة f في المعلم المتعامد المتجانس $(\vec{i}; \vec{j})$ على المجال $[-7; 7]$. (0.5ن).

(2) ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة : $f(x) = |m|$. (4ن).

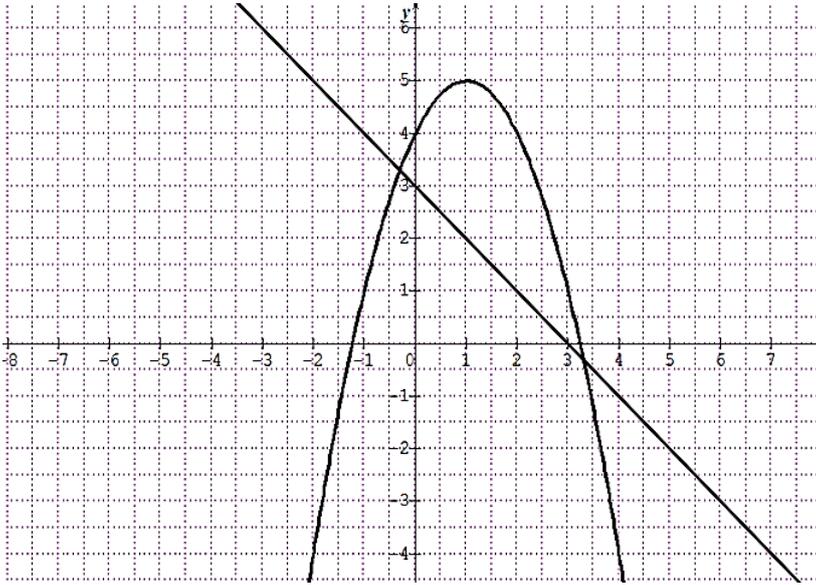
(3) مثل بيان الدالة h في المعلم المتعامد المتجانس $(\vec{i}; \vec{j})$ على المجال $[-7; 7]$ حيث : $h(x) + |f(|x|)| = 0$. (3ن).

(4) أنشئ جدول تغيرات الدالة g على المجال $[-7; 7]$ إذا علمت أنها زوجية (مع الشرح). (2ن).

(5) ماهو إتجاه تغير الدالة $g \circ f$ على المجال $[3; 7]$ مع التعليل؟ (0.5ن).

ملاحظات هامة جداً:

- يُمنع منعاً باتاً التشطيب و الكتابة تكون إما بالأزرق أو الأسود .
- لا تكتب و لا تُلطخ هذه الورقة لأنك سترجعها مع ورقة الإجابة .
- يُمنع إستعمال الآلة الحاسبة ذات الشاشة التي يزيد عرضها عن 2cm.

الفرض المحروس الأول في الرياضياتالتمرين الأول: (4.5 ن)

(C_f) و (C_g) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g
(الشكل المقابل)

1. بقراءة بيانية عيّن الأعداد : $f(0)$ ، $f(3)$ ، $g(0)$ ، $g(3)$.

2. أحسب الأعداد : أ/ $(-2f + g)(0)$ ، ب/

$(f \cdot g)(0)$ ، $(f + g)(3)$

ب/ $f \circ g(3)$ ، $f \circ g(0)$

3. علما أنّ $f(x) = -x^2 + 2x + 4$ و $g(x) = -x + 3$

عيّن الدالتين $f \circ g$ و $g \circ f$ ، ثمّ تحقق من نتائج السؤال 2. ب/

التمرين الثانى: (5.5 ن)

لتكن الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{2\}$ حيث $f(x) = \frac{2x-3}{2-x}$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المزود بمعلم متعامد

متجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

1. بيّن أنه من أجل كل عدد حقيقي x حيث $x \neq 2$: $f(x) = -2 + \frac{1}{2-x}$.

2. فكك الدالة f إلى مركب دالتين بسيطتين u و v يطلب تعيينهما.

3. استنتج اتجاه تغير الدالة f على كل من المجالين $]-\infty, 2[$ و $]2, +\infty[$ ، مع الشرح .

4. شكّل جدول التغيرات للدالة f .

5. بيّن أنه من أجل كل عدد حقيقي x حيث $x \neq 2$: $f(4-x) + f(x) = -4$ ، ماذا تستنتج بالنسبة للمنحنى (C_f) ؟

بالتوفيق

التمرين:

الدالة f معرفة على $D_f = \left[-4; \frac{4}{5}\right]$ بـ: $f(x) = \frac{x^2 + x - 1}{x - 1}$ و (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس.

(1) أحسب $f(-4)$ ، وتحقق أن $f\left(\frac{4}{5}\right) = \frac{-11}{5}$ ، ماذا تلاحظ؟

(2) اثبت أنه من اجل $x \in D_f$ ، فإن $f'(x) = \frac{x^2 - 2x}{(x - 1)^2}$

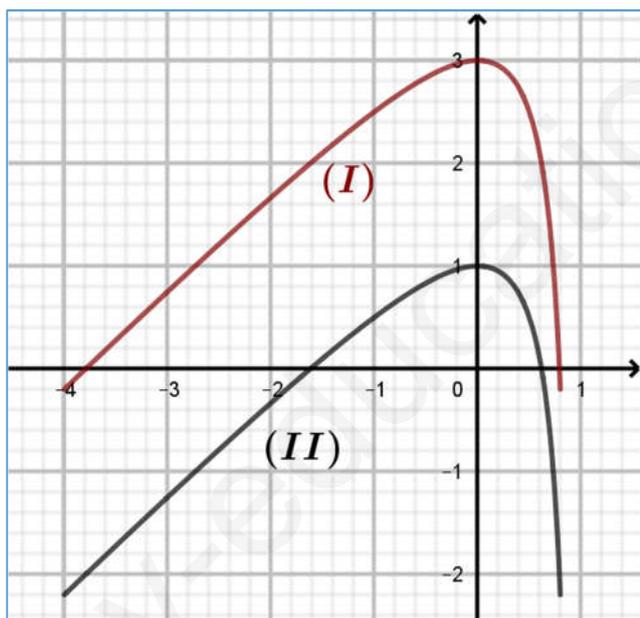
(3) أدرس إشارة $f'(x)$ على المجال \mathbb{R} واستنتج إشارة $f'(x)$ على D_f .

(4) استنتج اتجاه تغير الدالة f على D_f وشكل جدول تغيراتها على D_f .

(5) حل في D_f المعادلة $f(x) = 0$ ، وفسر النتيجة بيانياً.

(6) أ) أحسب $f'(-1)$ ، وفسر النتيجة هندسياً.

ب) أكتب معادلة المماس (T) للبيان (C) في النقطة ذات الفاصلة $x_0 = -1$.



(7) في الشكل المقابل يوجد فرعان بيانين (I)

و (II) ، واحد منهما فقط هو البيان (C) عينه.

(8) نعرّف الدالة g على $D_g = \left[\frac{6}{5}; 6\right]$ بـ:

$g(x) = f(2 - x)$ و (C_g) تمثيلها البياني في

المعلم السابق.

- تحقق أنّ المنحنيين (C) و (C_g) متناظران

بالنسبة لمستقيم يطلب تعيين معادلة له.

- بين أنّ g هي مركب دالتين يطلب تعيينهما.

ثم أحسب عبارة الدالة المشتقة $g'(x)$.

بالتوفيق

انتهى