

التمرين الأول (06 ن) :

من أجل كل عدد حقيقي x نضع : $A(x) = \sin 4x - 2\sin^2 2x$

(1) بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} : $A(x) = 2\sin 2x (\cos 2x - \sin 2x)$

(2) حل في \mathbb{R} المعادلة $A(x) = 0$. ثم بين أنه من أجل كل x من المجال $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{8}\right]$

(3) بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} : $A(x) = \sin 4x + \cos 4x - 1$

التمرين الثاني (07 ن) :

(I) نعطي المثلث ABC حيث $AB = 2$ و $BC = 4$ ، H المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC)

(1) أحسب الجداءات السلمية التالية : $(\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC})$ ، $(\overrightarrow{AH} \cdot \overrightarrow{HB})$ ، $(\overrightarrow{BH} \cdot \overrightarrow{CA})$ ، $(\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{AH})$. استنتج قيس الزاوية

(II) المستوى منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; i, j)$ نعتبر النقط $M(1; 3)$ ، $N(5; -1)$ و $K(-1; 1)$

(1) ما طبيعة المثلث MNK ؟ .. أكتب معادلة الدائرة (C) المحيطة بالمثلث MNK .

(2) اكتب معادلة المماس (T) للدائرة (C) في النقطة N .

(3) ادرس الوضعية النسبية للمستقيم المعرف بالمعادلة الديكارتية $x + 3y + 8 = 0$ والدائرة (C) .

(III) مثلث حيث $\cos(\overrightarrow{EF} \cdot \overrightarrow{EG}) = \frac{5}{6}$ ، $EF = 4$ و $EG = 3$.

نعطي النقطان J و I منتصف القطعتين $[EF]$ و $[EG]$ على الترتيب.

أ / بين أن $(\overrightarrow{FI} \cdot \overrightarrow{GJ}) = \frac{5}{4} \overrightarrow{EF} \cdot \overrightarrow{FG} - \frac{1}{2}(EF^2 + FG^2)$ متعامدان.

التمرين الثالث (07 ن) :

(I) نعطي الدالة f المعرفة على $\{2\} - \mathbb{R}$ كمايلي :

$$f(x) = \frac{ax^2 + bx + c}{x - 2}$$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى منسوب إلى المعلم متعامد و متجانس $(O; i, j)$

عين الأعداد الحقيقية a ، b و c علما أن (C_f) يشمل النقطة

ويقبل مماسا عند النقطة $B(3; 1)$ موازيا لحامل محور الفواصل.

(II) نضع $a = 1$ ، $b = -5$ و $c = 7$.

1 / ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

2 / بين أن (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين أحدهما شاقولي والآخر مائلا يتطلب تعين معادلتيهما.

3 / بين أن (C_f) يقبل مماسين موازيين للمستقيم الذي معادلته $y = \frac{3}{4}x$ ثم أكتب معادلتيهما. أنشئ (C_f) .

5 / نعطي الدالة g المعرفة على $\{-2\} - \mathbb{R}$ كمايلي :

$$g(x) = \frac{x^2 + 5x + 7}{x + 2}$$

(أ) بين أنه من أجل كل x من $\{-2\} - \mathbb{R}$: $g(x) = -f(-x)$

(ب) أنشئ (C_g) اعتمادا على (C_f) مع التعليب.