

التمرين الأول:

يحتوي كيس على كرات لا نفرق بينها عند اللمس مرقمة ب: $0; 1; 2$.
نسحب عشوائيا كرة من الكيس لنسجل x رقم الكرة المسحوبة و نعيدها إلى الكيس، ثم نسحب كرة ثانية لنسجل رقمها y . لكل سحب لكرتين نرفق النقطة $M(x; y)$ من المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$.

1. عين إحداثيات كل النقط M الممكنة.

2. احسب احتمال الحوادث التالية:

➤ A " M تنتمي إلى محور الفواصل".

➤ B " M نقطة من المستقيم المعرف بالمعادلة: $2x + y = 0$ ".

➤ C " M تنتمي إلى الدائرة التي مركزها o و نصف قطرها 1".

3. X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب العدد $x^2 + y^2$.

➤ عين قانون احتمال X .

➤ احسب الأمل الرياضياتي للمتغير X .

التمرين الثاني:

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k}; \vec{o})$.

نعتبر النقطتين $A(2; 0; 0)$ و $B(-1; -5; -1)$.

(Δ_1) المستقيم الذي يشمل النقطة A و $\vec{u}(-1; 2; -1)$ شعاع توجيه له.

(Δ_2) المستقيم المعرف بالتمثيل الوسيطى التالي: $t \in \mathbb{R}$

$$\begin{cases} x = -3 - 3t \\ y = 2 + 2t \\ z = 7 + 3t \end{cases}$$

(d) المستقيم الذي يشمل النقطة B و $\vec{v}(2; 5; 3)$ شعاع توجيه له.

1. بين أن المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) يتقاطعان في النقطة C يطلب تعيين إحداثياتها.

2. بين أن المستقيمين (Δ_1) و (d) ليسا من نفس المستوي.

3.

➤ اكتب تمثيلا وسيطيا للمستوي (\mathcal{P}) الذي يشمل المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) .

➤ استنتج أن $4x + 3y + 2z - 8 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوي (\mathcal{P}) .

➤ تحقق من أن النقطة C هي المسقط العمودي للنقطة B على المستوي (\mathcal{P}) .

4.

➤ بين أنه توجد نقطة وحيدة I من المستقيم (d) و توجد نقطة وحيدة D من المستقيم

(Δ_2) حيث تكون النقط $I; A$ و D في إستقامة، يطلب تعيين إحداثيات النقطتين

I و D .

➤ بين أن النقطة I هي منتصف القطعة $[AD]$.

.5

➤ النقطة K مرجح الجملة المثقلة $\{(B; 1); (I; 2)\}$ و النقطة G المسقط العمودي للنقطة K على المستوي (P) .

➤ بين أن النقطة G هي مرجح النقط $A; C$ و D المرفقة بمعاملات يطلب تعيينها.

➤ استنتج إحداثيات النقطة G .

بالتوفيق للجميع

الأستاذة: بن عابد فاطمة