

إختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول :

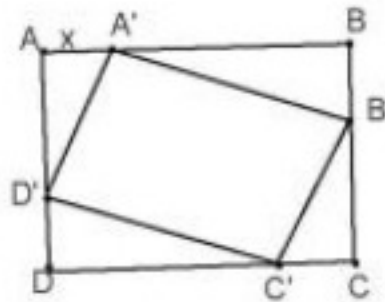
- f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} كيلي: $f(x)=x^2-2x-3$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم للمستوي
- (1) بين أنه من أجل x من \mathbb{R} : $f(x)=(x-1)^2-4$ و استنتج أنه يمكن كتابة $f(x)$ على الشكل: $(\text{hog})(x)$ حيث h, g دالتان يطلب تعيينهما
 - (2) أحسب $(\text{hog})(0)$ ، $(\text{goh})(0)$ ، $(\text{hog})(5)$ ، $(\text{goh})(5)$
 - (3) نضع $I_2=[1;+\infty[$ ، $I_1]=]-\infty;1]$ عين $g(I_2)$ و $g(I_1)$ و استنتج اتجاه تغير الدالة f على \mathbb{R}
 - (4) استنتج من (1) أن (C_f) هو صورة منحنى الدالة مربع بإسحاب يطلب تعيين شعاعه ثم أنشئ (C_f)
 - (5) أحسب $f'(x)$ الدالة المشتقة للدالة f ثم أكتب معادلة المماس (Δ) لـ (C_f) في النقطة $A(-2;5)$
 - (6) أنشئ المنحنى البياني للدالة F حيث: $F(x)=|x^2-2x-3|$ اعتمادا على (C_f)

التمرين الثاني:

- ABC مثلث حيث: $AC=12\text{cm}$; $AB=10\text{cm}$; $BC=8\text{cm}$
- (1) عين ثم أنشئ النقطة G مرجح الجملة $\{(A,1);(B,2);(C,1)\}$
 - (2) لتكن النقطة D منتصف $[AC]$ ، بين أن G منتصف $[BD]$
 - (3) عين ثم أنشئ مجموعة النقاط M من المستوي التي تحقق: $\|\vec{MA}+2\vec{MB}+\vec{MC}\|=\|\vec{MA}-2\vec{MB}+\vec{MC}\|$
 - (4) نفرض المستوي منسوب إلى معلم $(O, \vec{i}; \vec{j})$ و نأخذ $A(2,4)$; $B(2,1)$; $C(6,0)$
- جد إحداثيات النقطة G مرجح الجملة $\{(A,1);(B,2);(C,1)\}$
 - $E(2,0)$ بحيث تكون النقطة B مرجح النقطتين (A,α) و (I,β) عين عددين حقيقيين β,α يحققان هذا

التمرين الثالث:

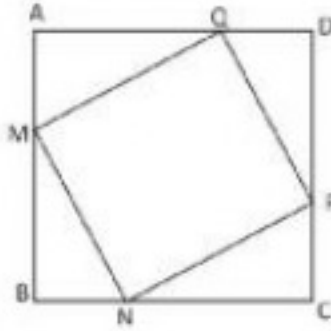
- ABCD مستطيل حيث: $AB=4\text{cm}$ و $BC=3\text{cm}$ و لتكن النقط A' ، B' ، C' ، D' من القطع المستقيمة $[AD]$ ، $[CD]$ ، $[BC]$ ، $[AB]$ على الترتيب بحيث: $AA'=BB'=CC'=DD'=x$ عدد حقيقي (أنظر الشكل)



- (°1) عين مجال تغير قيم x
- (°2) أحسب بدلالة x مساحة كل من المثلثات $AA'D'$ ، $BA'B'$ ، $CB'C'$ ، $DC'D'$ و استنتج أن مساحة الرباعي $A'B'C'D'$ هي: $f(x)=2x^2-7x+12$
- (°3) عين قيم x التي من أجلها تكون مساحة الرباعي $A'B'C'D'$ أصغر أو تساوي من نصف مساحة المستطيل ABCD

التمرين الأول :

ABCD مربع طول ضلعه 4cm النقطة M, N, P, Q تنتمي على الترتيب إلى [DA], [CD], [BC], [AB]



نضع $AM=BN=CP=DQ=x$

1 - إلى أي مجال ينتمي x

2 - أحسب مساحة المربع MNPQ من أجل $x=1$

3 - بين أن مساحة المربع MNPQ هي $S(x)$ حيث

$$S(x) = 2x^2 - 8x + 16$$

4 - أكتب الشكل النموذجي لـ $S(x)$ وشكل جدول تغيراتها

5 - حدد قيمة x التي من أجلها تكون المساحة أصغر $S(x)$

مل يمكن

التمرين الثاني :

f دالة كثيرة حدود حيث: $f(x) = 3x^3 + 2x^2 - 9x - 8$

1 - أحسب $f(-1)$ ثم أوجد الأعداد الحقيقية a, b, c حيث $f(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$

2 - دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بـ $g(x) = 3x^3 + 2x^2 - 7x - 6$

و (D) مستقيم معادلته $y = 2x + 2$

a. أثبت أن المنحنى (Cg) الممثل للدالة g والمستقيم (D) لهما نقطة A مشتركة ترتيبها معوم

b. أحسب $g'(x)$ ثم أكتب معادلة المماس لـ (Cg) عند A

التمرين الثالث :

A و B نقطتان منميزتان من المستوي حيث: $AB = 10$

1 - أنشئ النقطة C مرجح الجملة $\{(A, 1), (B, 4)\}$

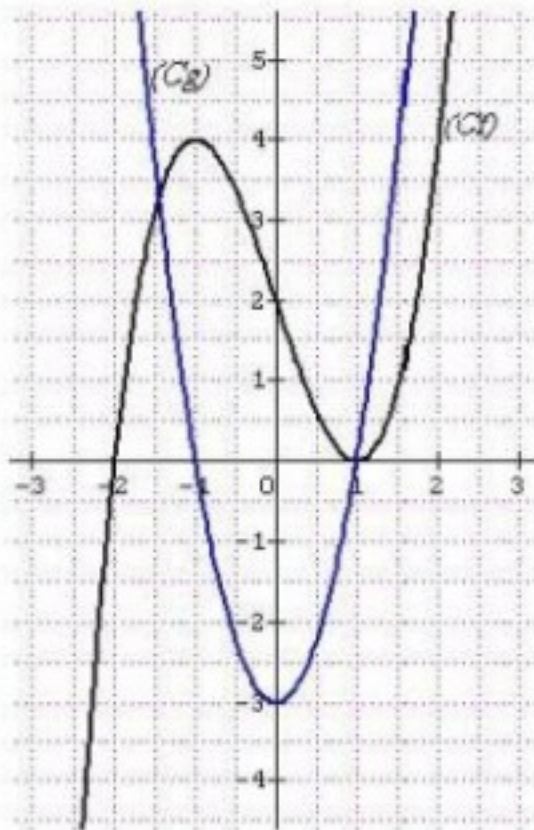
2 - أنشئ النقطة D مرجح الجملة $\{(A, 4), (B, 1)\}$

3 - عين المجموعة E مجموعة النقاط M من المستوي حيث: $\|4\vec{MA} + \vec{MB}\| = 10$

4 - لتكن F مجموعة النقاط M من المستوي حيث: $\|4\vec{MA} + \vec{MB}\| = \|\vec{MA} - \vec{MB}\|$

عين المجموعة F

التمرين الأول : (6 نعلّم)



- تكن الدالة f المعرفة على R كالتالي : $f(x) = x^3 - 3x + 2$ وليكن (C_1) التمثيل البياني لها في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومنحليّ $(O; \vec{i}; \vec{j})$
- نحدر الدالة g المعرفة على R كالتالي : $g(x) = 3x^2 - 3$ وليكن (C_2) التمثيل البياني لها في المعلم السابق
- (أنظر الشكل المرفق)
- حل في R المعادلة ذات المجهول الحقيقي $g(x) = 0$
 - من الرسم المرفق استنتج تغيرات الدالة f
 - من الرسم عين إشارة الدالة g
 - عين على R الدالة f' مشتقة الدالة f على R
 - لدرس إشارة f' على R
 - ما هو التخصيص الذي يمكن أن ندلي به فيما يخص العلاقة الموجودة بين إشارة المشتقة وانحاف تغير الدالة f

التمرين الثاني : (7 نعلّم)

ليكن ABC مثلث حيث $AC = 12cm$ ، $AB = 10cm$ ، $CB = 8cm$

- أ/ تكن I مرجح الصلة المنطة $\{(A; 1), (B; 3)\}$ أنشئ النطة J ب/ تكن J مرجح الصلة المنطة $\{(B; 6), (C; -2)\}$ أنشئ النطة K
- ترمز ب G مرجح الصلة المنطة $\{(A; 1), (B; 3), (C; -1)\}$ بين أن G هي نقط تقاطع المستقيمين (AJ) و (CI)

(3) عين ثم أنشئ المجموعة B_1 ، مجموعة النقط M من المستوى حيث : $|\overline{MA} + 3\overline{MB}| = |6\overline{MB} - 2\overline{MC}|$

(4) تكن B_2 مجموعة النقط N من المستوى حيث : $|\overline{NA} + 3\overline{NB} - \overline{NC}| = |\overline{NA} - \overline{NC}|$

أ/ نحقق من أن B تنتمي إلى B_2

ب/ عين طبيعة B_2 ، ثم أنشئها

التمرين الثالث : (7 نعلّم)

نحدر الدالة f المعرفة على R^* كالتالي : $f(x) = \frac{1}{x}$ و (C_f) التمثيل البياني لها في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومنحليّ $(O; \vec{i}; \vec{j})$

و (D_m) المستقيم ذي المعادلة $y = 3x + m$ لكل عدد حقيقي m نرفق مستقيم (D_m)

(1) بين أن كل المستقيمت (D_m) متوازية

(2) أ/ أنشئ $(D_2) \cdot (D_1) \cdot (D_0) \cdot (C_f)$

ب/ برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي m المستقيم (D_m) يقطع (C_f) في نقطتين متميزتين M^* ، M' بطلب تحين إحداثيتهما

(3) نضع I منتصف الصلطة $[MM^*]$

ج/ أحص بدلالة m إحداثيتي النطة I

د/ استنتج أن مجموعة النقط I عندما m يسمح R هي مستقيم بطلب تحين معادلته

العلامة	عناصر الإجابة	الميزان										
2x0.5	(1) حل في R المعادلة ذات المجهول الحقيقي $x : g(x) = 0$: $x = -1$ أو $x = 1$	التعريف الأول : 06 نقاط تطبيقات الاستنتاجية										
2x0.5	(2) استنتاج اتجاه تغير الدالة f											
2x0.5	الدالة f متزايدة كلما على المجالين $]-\infty; -1[$ و $]1; +\infty[$ وناقصة كلما على المجال $]-1; 1[$											
2x0.5	(3) تعيين إشارة الدالة g											
01	الدالة g موجبة كلما على المجالين $]-\infty; -1[$ و $]1; +\infty[$ ومسالبة كلما على المجال $]-1; 1[$											
01	(4) تعيين على R الدالة f' مشتقة لدالة f على R : الدالة المشتقة هي $f'(x) = 3x^2 - 3 = g(x)$											
01	(5) لدرص إشارة f' على R											
01	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td></td> <td>$+$</td> <td>$-$</td> <td>$+$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$	$f'(x)$		$+$	$-$	$+$	
x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$								
$f'(x)$		$+$	$-$	$+$								
	(6) لأخمين لذي يمكن أن نطى به عما يخص الملائمة الموجودة بين إشارة المشتقة واتجاه تغير الدالة f .											
2x0.5	(1) A لكن I مرجح لجملة المتطابقة $((A; 1), (B; 3))$ أشقى للقطعة I .	التعريف الثاني : 07 نقاط المرجح										
2x0.5	كذلك لكن J مرجح لجملة المتطابقة $((B; 6), (C; -2))$ أشقى للقطعة J .											
3x0.5	(2) تعيين أن G هي تقاطع المستقيمين (AJ) و (CI)											
3x0.5	(3) تعيين ثم أشقى للمجموعة E_1 ، مجموعة لقطعة M من المستوى حيث : $ \overline{MA} + 3\overline{MB} = \overline{6MB} - 2\overline{MC} $											
0.5	(4) A للتدقيق من أن B تنتمي إلى E_2											
3x0.5	كذلك تدوين طائفة E_2 ، ثم أشقها.											
01	(1) تعيين أن كل المستقيمتين (D_m) متوازيتان : بما أن لها نفس الميل فهي متوازيتان	التعريف الثالث : وضعية إيمانية 07 نقاط الحوال كالتعريفات المحدود مسهل الدرجة الثانية										
4x0.5	(2) إثبات $(D_2) \cdot (D_1) \cdot (D_0) \cdot (C_f)$											
4x0.5	كذلك للتحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي m المستقيم (D_m) يتقاطع (C_f) في نقطتين متماثلتين M', M''											
	منه $\frac{1}{x} = 3x + m$ أي $3x^2 + mx - 1 = 0$ مدروها هو $\Delta = m^2 + 12 > 0$ من أجل كل m حقيقي m											
	إذن للمعادلة نقطتان متماثلتين هما $x_1 = \frac{-m - \sqrt{m^2 + 12}}{6}$ و $x_2 = \frac{-m + \sqrt{m^2 + 12}}{6}$											
	وبما أن $x_1 x_2 = \frac{-1}{3}$ فإن $x_1 \neq 0$ و $x_2 \neq 0$ ومنه $y_1 = \frac{6}{-m - \sqrt{m^2 + 12}}$ و $y_2 = \frac{6}{-m + \sqrt{m^2 + 12}}$											
	إذن (D_m) يتقاطع (C_f) في نقطتين متماثلتين M', M''											
	إبدالهما $M' \left(\frac{-m + \sqrt{m^2 + 12}}{6}; \frac{6}{-m + \sqrt{m^2 + 12}} \right)$ و $M'' \left(\frac{-m - \sqrt{m^2 + 12}}{6}; \frac{6}{-m - \sqrt{m^2 + 12}} \right)$											
	(3) نتبع I منتصف القطعة $[M'M'']$											
01	بإحداثيات M إحداثيات لقطعة I نكتبها $I \left(\frac{-m}{2}; \frac{m}{2} \right)$											
01	M مجموعة لقطعة I عندما m يتبع R هي مستقيم مائلته هي من أجل كل عدد حقيقي m لدينا											
	$I(x; y)$ ومنه $y = \frac{m}{2}$ أي $y = \frac{m}{2}; x = \frac{-m}{2}$ ومنه $y = -3x$ ومنه مجموعة لقطعة I هي مستقيم نور للمعك $y = -3x$											

التمرين الأول: (6 نقاط)

لدينا f دالة معرفة على R كمايلي : $f(x) = x^3 - 3x + 2$

و g دالة معرفة على R كمايلي : $g(x) = 3x^2 - 3$

(1) حل في R المعادلة ذات المجهول الحقيقي x : $g(x) = 0$

لدينا $g(x) = 0$ يعني $3x^2 - 3 = 0$ ومنه $x = -1$ أو $x = 1$

(2) استنتاج تغيرات الدالة f :

الدالة f متزايدة تماما على المجالين $]-\infty, -1]$ و $[1, +\infty[$ ومتناقصة تماما على المجال $]-1, 1[$

(3) نحدد إشارة الدالة g :

الدالة g موجبة تماما في المجالين $]-\infty, -1]$ و $[1, +\infty[$ وسالبة تماما في المجال $]-1, 1[$

(4) نحدد على R الدالة f' مشتقة الدالة f على R :

الدالة f' قابلة للاشتقاق على R ودالتها المشتقة هي $f'(x) = 3x^2 - 3 = g(x)$

(5) دراسة إشارة f' على R :

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$-$	$+$

(6) التخمين الذي يمكن أن أدلى به فيما يخص العلاقة الموجودة بين إشارة المشتقة واتجاه تغير الدالة f هو

** إذا كانت f' موجبة تماما (يمكن أن تكون f' معطومة من أجل قيم معزولة من R) على المجال D_f الدالة f متزايدة تماما على

المجال D_f

** إذا كانت f' سالبة تماما (يمكن أن تكون f' معطومة من أجل قيم معزولة من R) على المجال D_f الدالة f متناقصة تماما على

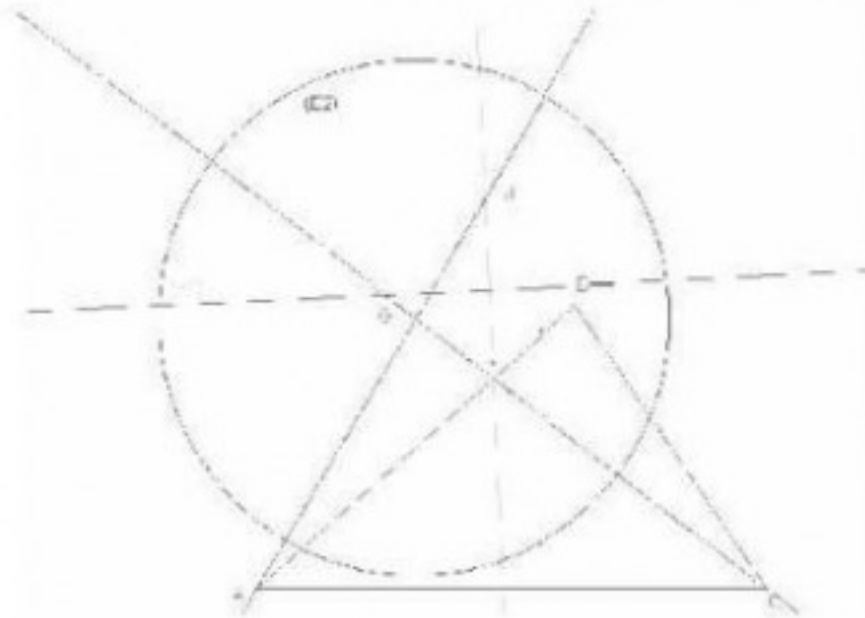
المجال D_f

** إذا كانت f' على المجال D_f الدالة f ثابتة على المجال D_f

التمرين الثاني: (7 نقاط)

لدينا ABC مثلث حيث $CB = 8cm$, $AB = 10cm$, $AC = 12cm$

(1)



أ/ إنشاء النقطه I مركز الحمله المنطقه $\{(A; 1), (B; 3)\}$

لدينا $1 + 3 = 4$ و $4 \neq 0$ إذن I موجود ويحقق العلاقة : $\vec{IA} + 3\vec{IB} = \vec{0}$(1)

ب/ إنشاء النقطه J مركز الحمله المنطقه $\{(B; 6), (C; -2)\}$

لدينا $4 = 6 - 2$ و $4 \neq 0$ إذن J موجودة وتحقق العلاقة : (2) $6\overline{IA} - 2\overline{JB} = \overline{0}$

(2) G مرجح الجملة المثقلة $\{(A;1), (B;3), (C;-1)\}$ يحقق العلاقة : (3) $\overline{GA} + 3\overline{GB} - \overline{GC} = \overline{0}$

تبيين أن G هي نقطة تقاطع المستقيمين (CI) و (AJ) :

لدينا حسب خاصية التجميع $\overline{GA} + 3\overline{GB} = 4\overline{GI}$ (لأن I مرجح الجملة المثقلة $\{(A;1), (B;3)\}$) وبالتعويض في (3) نجد :

$$4\overline{GI} - \overline{GC} = \overline{0} \quad \text{أي } G \in (IC)$$

ولدينا حسب خاصية التجميع $3\overline{GB} - \overline{GC} = 2\overline{GI}$ ومنه $2(3\overline{GB} - \overline{GC}) = 2(2\overline{GI})$ (لأن J مرجح الجملة المثقلة $\{(B;3), (C;-2)\}$)

$$6\overline{GB} - 2\overline{GC} = 4\overline{GJ}$$

وبالتعويض في (3) نجد : $\overline{GA} + 4\overline{GJ} = \overline{0}$ أي $G \in (AJ)$

إذن G هي نقطة تقاطع المستقيمين (CI) و (AJ)

(3) تحين ثم أنشئ المجموعة E_1 ، مجموعة النقط M من المستوى حيث : $\|\overline{MA} + 3\overline{MB}\| = \|\overline{6MB} - 2\overline{MC}\|$:

لدينا $\overline{MA} + 3\overline{MB} = 4\overline{MI}$ (لأن I مرجح الجملة المثقلة $\{(A;1), (B;3)\}$)

ولدينا $6\overline{MB} - 2\overline{MC} = 4\overline{MJ}$ (لأن J مرجح الجملة المثقلة $\{(B;3), (C;-2)\}$)

إذن $\|\overline{MA} + 3\overline{MB}\| = \|\overline{6MB} - 2\overline{MC}\|$ يكافئ $\|\overline{4MI}\| = \|\overline{4MJ}\|$ أي $MI = MJ$ وبالتالي E_1 ، مجموعة النقط M من المستوى حيث :

$$\|\overline{MA} + 3\overline{MB}\| = \|\overline{6MB} - 2\overline{MC}\| \quad \text{هي محور القطعة المستقيمة } [IJ]$$

(4) لدينا E_2 ، مجموعة النقط N من المستوى حيث : $\|\overline{NA} + 3\overline{NB} - \overline{NC}\| = \|\overline{NA} - \overline{NC}\|$:

التحقق من أن B تنتمي إلى E_2 :

بوضع $N = B$ يكون لدينا $\|\overline{BA} + 3\overline{BB} - \overline{BC}\| = \|\overline{BA} - \overline{BC}\|$ وهذا صحيح إذن $B \in (E_2)$

ب/ تحين طبيعة E_2 ، ثم أنشئها :

لدينا $\overline{NA} + 3\overline{NB} - \overline{NC} = 2\overline{NG}$ (لأن G مرجح الجملة المثقلة $\{(A;1), (B;3), (C;-1)\}$)

ولدينا $1 - 1 = 0$ إذن $\overline{NA} - \overline{NC}$ شعاع ثابت \overline{CA} أي $\overline{NA} - \overline{NC} = \overline{CA}$

إذن $\|\overline{NA} + 3\overline{NB} - \overline{NC}\| = \|\overline{NA} - \overline{NC}\|$ يكافئ $\|\overline{2NG}\| = \|\overline{CA}\|$ أي $NG = \frac{CA}{2} = 6$ وبالتالي E_2 ، مجموعة النقط N من المستوى

حيث : $\|\overline{NA} + 3\overline{NB} - \overline{NC}\| = \|\overline{NA} - \overline{NC}\|$ هي دائرة مركزها G ونصف قطرها 6

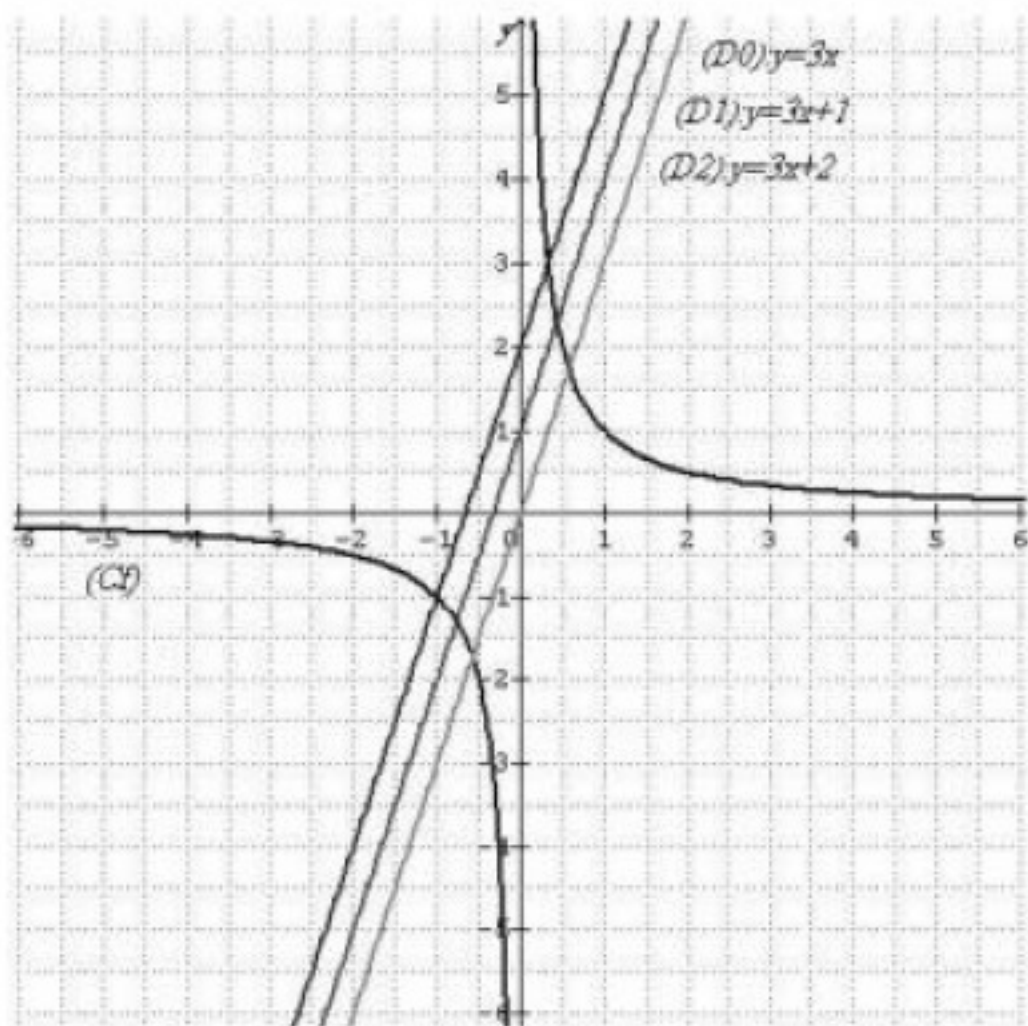
التمرين الثالث: (7 نقاط)

لدينا f المعرفة على R^* كمايلي : $f(x) = \frac{1}{x}$ و (D_m) المستقيم ذي المعادلة $y = 3x + m$ لكل عدد حقيقي m

(1) تبيين أن كل المستقيمت (D_m) متوازية.

المستقيمت (D_m) لها نفس معامل التوجيه (3) إذن هي متوازية

(2) أ أنشئ (C_f) ، (D_0) ، (D_1) ، (D_2) :



بما أن هناك من أجل كل عدد حقيقي m المستقيم (D_m) يقطع (C_r) في نقطتين متماثلتين M', M'' :

معناه $\frac{1}{x} = 3x + m$ أي $3x^2 + mx - 1 = 0$ مميزها هو $\Delta = m^2 + 12 > 0$ من أجل كل عدد حقيقي m

إذن المعادلة تكفل حلين متماثلين هما $x_1 = \frac{-m + \sqrt{m^2 + 12}}{6}$ و $x_2 = \frac{-m - \sqrt{m^2 + 12}}{6}$

وبما أن $x_1 x_2 = \frac{-1}{3}$ فإن $x_1 \neq 0$ و $x_2 \neq 0$ ومنه $y_1 = \frac{6}{-m + \sqrt{m^2 + 12}}$ و $y_2 = \frac{6}{-m - \sqrt{m^2 + 12}}$

إذن (D_m) يقطع (C_r) في نقطتين متماثلتين M', M''

إحداثياتهما $M'' \left(\frac{-m + \sqrt{m^2 + 12}}{6}, \frac{6}{-m + \sqrt{m^2 + 12}} \right)$ و $M' \left(\frac{-m - \sqrt{m^2 + 12}}{6}, \frac{6}{-m - \sqrt{m^2 + 12}} \right)$

(3) لدينا I منتصف القطعة $[MM']$

$$I \left(\frac{-m}{2}, \frac{m}{2} \right) \text{ ويكتلي } I \left(\frac{-2m}{6}, \frac{-12m}{m^2 - (m^2 + 12)} \right)$$

د/ استنتاج أن مجموعة النقاط I عندما m يسير في R هي مستقيم يطلب تعيين معادلته :

من أجل عدد حقيقي m لدينا $x = \frac{-m}{2}; y = \frac{m}{2}$ أي $y = \frac{m}{2}; m = -6x$ ومنه $y = -3x$ ومنه مجموعة النقاط $I(x; y)$ هي مستقيم ذو المعادلة $y = -3x$

إختبار في مادة الرياضيات

التمرين الأول (12 نقطة)

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x - 1 : \mathbb{R}$$

نعتبر الدالة العددية f

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

(I)

1- $f(1)$ $f(x)$ $f(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$ حيث a, b, c أعداد حقيقية يطلب

تعينها .

2- \mathbb{R} $f(x) = 0$ وأعط تفسيراً بيانياً للنتيجة .

3- \mathbb{R} $f(x) > 0$ وأعط تفسيراً بيانياً للنتيجة .

(II)

1- بين لماذا (C_f) يقبل مماساً عند كل نقطة منه ؟

2- \mathbb{R} $f'(x) = 0$ حيث f' فسر بيانياً النتيجة السابقة .

3- عين النقط من (C_f) التي يكون فيها معامل توجيهه المماس يساوي 3 .

4- ليكن (D) مستقيم معادلته $y = mx + d$ حيث m, d عدنان حقيقيان .

ناقش حسب قيم m تكون فيها موازية للمستقيم (D)

التمرين الثاني (08 نقاط)

(O, \vec{i}, \vec{j})

D

ABC

G

C(2; -2)

B(-3; -1), A(1; 3)

$$\vec{DA} - \vec{DB} + \vec{DC} = \vec{0}$$

1- C, B, A

2- عين إحداثيي كل من النقطتين D, G .

3- بين أن الرباعي $ABCD$

4- بين أن النقط G, B, H في استقامة .

5- (Δ) من المستوي حيث $\|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 3\|\vec{MA} - \vec{MB} + \vec{MC}\|$

عين (Δ) .

6- (C) من المستوي حيث $\|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 3\|\vec{MA} - \vec{MB}\|$

عين (C) .

بالتوفيق ☺ أستاذ المادة

*** اختبار الفصل الاول في مادة الرياضيات ***

التمرين الأول (7ن):

$P(x) = 4x^3 - 4x^2 - 15x + 18$ كثير الحدود حيث :

(1) أثبت أن -2 هو جذر لـ $P(x)$. ثم حلل $P(x)$ إلى جذاء كثيرات الحدود من الدرجة الأولى

(2) عين كل جذور $P(x)$

(3) حل في R كل من المعادلة و المتراجحة التاليتين : $P(x) = 18$ ، $P(x) \leq 0$.

(4) m وسيط حقيقي. نعتبر المعادلة (E) ذات المجهول x التالية : $(m-1)x^2 - 2(m+2)x + m+1 = 0$... (E)

ا- عين قيم العدد الحقيقي m حتى تقبل المعادلة (E) حلين متمايزين

ب- عين قيم العدد الحقيقي m حتى يكون من أجل كل عدد حقيقي x : $(m-1)x^2 - 2(m+2)x + m+1 < 0$

التمرين الثاني (6ن):

f هي الدالة المعرفة على D بـ : $f(x) = x + 1 + \sqrt{x^2 + 4x}$ و (C) تمثيلها البياني في المستوي

(1) حدد مجال تعريف الدالة f ثم حل في D المعادلة $f(x) = 0$

(2) احسب نهايات الدالة f عند $-\infty$ و عند $+\infty$.

(3) بين أن المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = 2x + 3$ مقارب للمنحنى (C) عند $+\infty$

(4) ادرس الوضعية النسبية لـ (C) و (Δ).

التمرين الثالث (7ن):

(U_n) المتتالية العددية المعرفة على N بالعلاقة التراجعية $U_{n+1} = 2 + 3U_n$ و حدها الاول $U_0 = 1$

1. احسب U_1 ; U_2

2. نضع من اجل كل عدد طبيعي n : $V_n = \frac{2}{U_{n+1}}$

ا- بين ان (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين اساسها و حدها الاول

ب- اعطى عبارة الحد العام V_n بدلالة n ثم استنتج عبارة U_n بدلالة n

ج- احسب $\lim_{n \rightarrow \infty} U_n$

د- احسب المجموعين S_n و X_n و الجداء Π_n حيث:

$$S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}$$

$$X_n = v_0^2 + v_1^2 + \dots + v_{n-1}^2$$

$$\Pi_n = v_0 \times v_1 \times \dots \times v_{n-1}$$

إختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

المدة : ساعتان

المستوى : 2 مع 2 + 2 + 2هـ د

التمرين الأول :

أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل

1. المعادلة $1435x^2 + 2013x - 2014 = 0$ تقبل حلين متميزين (دون حساب المميز)
2. الدالة f المعرفة على المجال $]-\infty, 1]$ بـ $f(x) = \sqrt{1-x}$ متزايدة تماما على $]-\infty, 1]$.
3. الجملة المتقلة $\{(A, m^2+1); (B, m); (C, -1)\}$ تقبل مرجح من أجل أي عدد حقيقي m
4. إذا كانت f و g دالتين معرفين على \mathbb{R} بـ $f(x) = x^2$ و $g(x) = \sqrt{x}$ فإن $f \circ g = g \circ f$

التمرين الثاني :

ليكن كثير الحدود $p(x)$ ذو المتغير الحقيقي x حيث $p(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$

1. أحسب $p(-2)$ و ماذا تستنتج ؟
2. عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي x : $p(x) = (x+2)(ax^2+bx+c)$
3. حل في \mathbb{R} المعادلة $p(x) = 0$
4. حل في \mathbb{R} المتراجحة $2(x^2-3) \leq x^3 - 5x$ و أستنتج إشارة $p\left(\frac{2013}{1435}\right)$

التمرين الثالث :

ABC مثلث قائم في A و متساوي الساقين حيث $AB = AC = 4\text{cm}$

1. عين ثم أنشئ النقطة G مرجح الجملة المتقلة $\{(A, 2); (B, 1); (C, 1)\}$
2. M نقطة كيفية من المستوي .

- عين المجموعة (C) للنقط M من المستوي التي تحقق $\|2\overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC}\| = 4\sqrt{10}$
- تحقق أن النقطة B تنتمي إلى المجموعة (C) ثم أنشئ (C) .
- عين ثم أنشئ المجموعة (D) للنقط M من المستوي التي تحقق :

$$\|2\overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC}\| = 2\|\overline{MA} - 2\overline{MB} - \overline{MC}\|$$

التمرين الرابع : خاص بـ : 2ر+2ر

نعتبر المعادلة ذات المجهول الحقيقي x : $(E) \leftarrow x^2 - (\sqrt{3} + 1)x + 2\sqrt{3} - 2 = 0$

1. بين أن المميز $\Delta = (3 - \sqrt{3})^2$ و أستنتج أن المعادلة (E) تقبل حلين متميزين α و β
2. أحسب $\alpha^2 + \beta^2$ دون حساب α و β
3. تحقق أن $\alpha = 2$ حل للمعادلة (E) ثم أستنتج قيمة β الحل الآخر

التمرين الأول:

p كثير حدود حيث: $p(x) = x^4 - 5x^2 + 6$

1 حل p إلى جذاء كثيري حدود من الدرجة الثانية.

2 حل في \mathbb{R} المتراحة $p(x) > 0$.

3 m وسيط حقيقي. عين قيم m حتى تقبل المعادلة: $(m-1)x^2 + 2(m+1)x + m = 0$ حلين من نفس الإشارة.

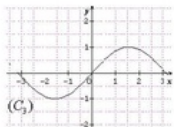
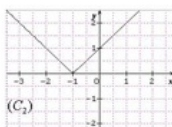
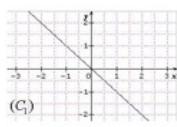
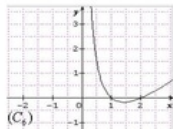
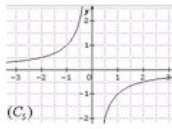
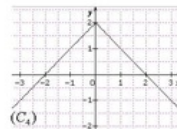
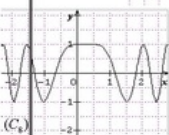
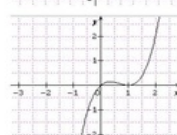
التمرين الثاني:

ماهي التمثيلات البيانية التي تحقق شروط الدالة f في ما يأتي (تنبه: في بعض الحالات يوجد أكثر من اختيار)

1 f دالة فردية 2 f دالة زوجية 3 المعادلة $f(x) = \frac{1}{2}$ تقبل حلين فقط ومختلفين في الإشارة

4 مجموعة حلول المعادلة $f(x) = 0$ هي مجموعة خالية 5 مجموعة حلول المتراحة $f(x) > -1$ هي \mathbb{R}

6 f متناقصة على المجال \mathbb{R} 7 f دالة رتيبة على المجال $[-1; 1]$ 8 $f(x) = |x+1|$

(C₁)(C₂)(C₃)(C₄)(C₅)(C₆)(C₇)(C₇)(C₈)

التمرين الثالث:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1 عين الأعداد الحقيقية m التي من أجلها تكون G مرجح الجملة المقتلة $E = \{(A; m^4 + 1); (B; 2m^2 - 1); (C; -3)\}$

2 بوضع $m = 0$ أنشئ مرجح الجملة المقتلة E

3 احسب إحداثيات النقطة G علما أن: $A(2; -2)$ ، $B(2; 1)$ ، $C(3; -4)$

4 عين مجموعة النقاط M من المستوي ثم أنشئها في كل حالة من الحالتين التاليتين:

$$\overline{MA} - \overline{MB} - 3\overline{MC} = \overline{AB} \quad \text{و} \quad \|\overline{MA} - \overline{MB} - 3\overline{MC}\| = 9$$

الإختبار الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (8 نقط)

ينسب المستوى إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$:

تعطى النقاط $A(1;2)$ $B(-2;1)$ $C(2;0)$ حيث A, B, C

1. عين مجموعة قيم العدد الحقيقي α حتى تقبل الجملة $\{(A; 2\alpha), (B; \alpha+4), (C; -\alpha)\}$:

النقطة G_α مرجحا .

2. في كل مما يأتي نضع : $\alpha=1$

• عين النقطة G_1 الموافقة لـ: $\alpha=1$ بعلاقة شعاعية ثم أنشئها .

• عين إحداثي النقطة G_1 .

• عين مجموعة النقط M من المستوى التي تحقق: $\|2\vec{MA} + 5\vec{MB} - \vec{MC}\| = 12$.

التمرين الثالث : (12 نقط)

نعتبر الدالة f دالة عددية للمتغير الحقيقي x معرفة على $]-1; 9[$ بـ $f(x) = ax + \frac{b}{x-1}$ ، وليكن (C_f)

تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. بين ان f تقبل الاشتقاق على D_f ثم احسب $f'(x)$ بدلالة a, b, x .

2. اوجد b, a حتى يكون $f(0) = -1$ و $f'(0) = 2$

3. أدرس تغيرات الدالة f .

4. من أجل $y = 3x$ (D) أدرس الوضع النسبي ل (C_f) و (D) .

5. أحسب احداثيات نقطة تقاطع (C_f) مع محور الترتيب .

6. أثبت ان (C_f) يقبل مماسين (T_1) و (T_2) معامل توجيه كل منهما 2 أكتب معادلتيهما .

7. انشئء كلا من (C_f) و (D) و (T_1) (T_2) .

8. ناقش تبعاً لقيم الوسيط الحقيقي m حلول المعادلة $f(x) = m$

. الفرق بين الإنسان الناجح والآخرين .

. ليس نقص القوة أو نقص العلم إنما نقص الإرادة .

تمرين الأول: 08ن

I) لتكن الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{0\}$ بـ : $f(x) = \frac{x-1}{-x}$ و (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

- 1- عين العددين a و b حيث : $f(x) = a + \frac{b}{x}$.
- 2- عين الدالة المشتقة f' للدالة f .
- 3- اكتب معادلة المماس (T) لمنحنى الدالة f عند النقطة ذات الفاصلة $x_0 = -1$.
- 4- استنتج أحسن تقريب تآلفي للعدد $f(-1+h)$ ثم عين قيمة مقربة للعدد $f(-0.999)$.
- 5- بين أن النقطة $\Omega(0, -1)$ هي مركز تناظر للمنحنى (C_f) .
- 6- بين كيفية رسم التمثيل البياني للدالة f انطلاقا من التمثيل البياني لدالة مقلوب، ثم أنشئ (C_f) .

II) نعتبر الدالة g المعرفة على $\mathbb{R} - \{0\}$ بـ : $g(x) = -1 - \frac{1}{|-x|}$

- أ / ادرس شغية الدالة g ثم بين كيف يمكن رسم (C_g) انطلاقا من (C_f) .
- ب / ارسم (C_g) في نفس المعلم.

تمرين الثاني: 05ن

ليكن $P_m(x)$ كثير الحدود للمتغير الحقيقي x : $(E) : (m-2)x^2 + (7m+5)x - 8m = 0$ (E) (m وسيط حقيقي)

- 1- عين قيم m حتى تكون المعادلة (E) من الدرجة الثانية.
- 2- عين قيم m حتى تقبل المعادلة (E) حلين مختلفين في الإشارة.
- 3- عين قيم m حتى يكون العدد (-1) حل للمعادلة (E) ، ثم استنتج الحل الآخر.
- 4- نضع $m = -1$: أ / حل في \square المعادلة (E) .

ب / حل في $\left\{ \frac{4}{3} \right\} - \square$ المتراجحة : $\frac{-3x^2 - 2x + 8}{3x - 4} \leq \sqrt{x^2 + 3}$

تمرين الثالث: 07ن

ينسب المستوي إلى معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) ، نعتبر النقط $A(-2, 0)$ ، $B(4, -2)$ ، $C(2, 3)$.

H نقطة معرفة كما يلي : $-\overline{HA} + 2\overline{BH} = \vec{0}$ و G_α مرجح الجملة $\{(A, \alpha), (B, \alpha^2 + 1), (C, 4\alpha - 1)\}$.

- 1- بين أن النقطة H هي مرجح النقطتين A و B المرفقتين على الترتيب بمعاملين يطلب تعيينهما.
- 2- علم النقط A و B و C ، ثم أنشئ النقطة H .
- 3- عين قيم α التي من أجلها تكون G_α موجودة. ثم أنشئ النقطة G_1 .
- 4- بين أن النقط C و H و G_1 على استقامة واحدة.
- 5- عين و أنشئ مجموعة النقط M من المستوي في الحالتين الآتيتين :

$$(E_1) : \|\overline{MA} + 2\overline{MB} + 3\overline{MC}\| = 3\|\overline{MA} - \overline{MB}\|$$

$$(E_2) : \|\overline{MA} + 2\overline{MB} + 3\overline{MC}\| = 2\|\overline{MA} + 2\overline{MB}\|$$

بالتوفيق  انتهى

ملاحظة: يراعى في التصحيح الدقة في الإجابة وجودة التحرير

التمرين الأول: (04 نقاط).

نعتبر المعادلة (E) ذات المجهول الحقيقي x حيث: $x^2 - (\sqrt{3}+1)x + 2\sqrt{3} - 2 = 0$ (E)

1) بين أن مميز (E) هو $\Delta = (3 - \sqrt{3})^2$ واستنتج أن المعادلة (E) تقبل حلين متمايزتين α و β .

2) احسب $\alpha^2 + \beta^2$ دون حساب α و β .

3) تحقق أن $\alpha = 2$ حلا للمعادلة (E) ثم استنتج الحل الآخر β .

التمرين الثاني: (07 نقاط).

ABC مثلث قائم في A حيث $AB = AC = 2$ ، I هي منتصف القطعة [AB] و J نظيرة I بالنسبة إلى B.

1. عين قيم العدد الحقيقي m بحيث تكون النقطة G_m مرجحا للجملة المثقلة $\{(A, m-1); (B, 2m-3)\}$.

2. أ/ عبر عن الشعاع $\overrightarrow{AG_m}$ بدلالة كلا من \overrightarrow{AB} و m .

ب/ عين قيم العدد الحقيقي m بحيث تكون النقطة G_m منطبقة على I.

ج/ عين قيم العدد الحقيقي m بحيث تكون النقطة G_m منطبقة على J.

د/ عين قيم العدد الحقيقي m حتى تقع النقطة G_m داخل القطعة [AB].

3. أ/ عين ثم أنشئ مجموعة النقط M من المستوي حيث: $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = \frac{3}{2} \|\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{MJ}\|$

ب/ ناقش حسب قيم العدد الحقيقي k طبيعة مجموعة النقط M حيث: $\|\overrightarrow{2MA} + \overrightarrow{3MB}\| = 5(1-k)^2$

التمرين الثالث: (09 نقاط).

نعتبر الدالة f المعرفة على $[-1; 3]$ كما يلي: $f(x) = ax^3 + bx^2 + c$ حيث a, b, c أعداد حقيقية.

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ (وحدة الطول $2cm$)

الجزء 1 عين الأعداد a, b, c علما أن :

* التمثيل البياني للدالة f يقبل في النقطة ذات الفاصلة $x_0 = 1$ ، مماسا معلم توجيهه -3 .

* $f(2) = -2$ قيمة حدية محلية صغرى للدالة f .

الجزء 2 نضع: $a = 1, b = -3, c = 2$

1) ادرس اتجاه تغير الدالة f . ثم شكل جدول تغيراتها.

2) بين أن المنحني (C_f) يقبل نقطة انعطاف A يطلب تعيين احداثياتها.

3) عين معادلة المماس (T) للمنحني (C_f) عند النقطة A.

4) ادرس وضعية المنحني (C_f) بالنسبة إلى (T).

5) حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$ واستنتج نقط تقاطع المنحني (C_f) مع محوري الاحداثيات.

6) ارسم المنحني (C_f) و (T).

7) نعتبر الدالة g المعرفة على $[-1; 3]$ حيث: $g(x) = |f(x)|$ ، انشيء (C_g) .

وفقكم الله وسدد خطاكم.

ثانوية أول نوفمبر 54 بالعطاف

الاختبار الأول في مادة الرياضيات

السنة الدراسية 2016-2017

المدة: 2 سا

الشعبة: ثانوية تقني رياضي + رياضيات

التمرين الأول 5

نعتبر الدالتين u, v المعرفتين ب: $u(x) = -x + 4$ و $v(x) = \frac{1}{x}$

1. لتكن f الدالة المركبة $v \circ u$ والمعرفة علي المجال $] -\infty, 4[$
أ. اكتب عبارة $f(x)$ بدلالة x .

ب. استنتج اتجاه تغير الدالة f علي المجال $] -\infty, 4[$.

2. لتكن g الدالة المعرفة علي المجال $] -\infty, 4[$ ب: $g(x) = -f(x) + 5$

أ. استنتج اتجاه تغير الدالة g علي المجال $] -\infty, 4[$.

ب. اكتب عبارة $g(x)$ بدلالة x .

ج. اثبت أن النقطة $A(4,5)$ مركز تناظر للمنحنى (C_g) الممثل للدالة g .

التمرين الثاني 7

1. لتكن $f(x) = 0$ معادلة من الدرجة الثانية حيث معامل x^2 هو 1.

• عين عبارة $f(x)$ علما أن: $x_1 = 1$ و $x_2 = 4$ حلين للمعادلة: $f(x) = 0$.

2. ليكن $P(x)$ كثير حدود و a عدد حقيقي حيث: $P(x) = x^3 + (-6-a)x^2 + (13+3a)x + (a-14)$

• عين العدد a حتي يكون 3 جذرا لـ $P(x)$.

• بوضع $a = 2$

أ. اكتب عبارة $P(x)$.

ب. عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث من اجل كل عدد x من \mathbb{R} : $P(x) = (x-3)(ax^2 + bx + c)$

ج. استنتج تحليلا لكثير الحدود $P(x)$

د. حل في \mathbb{R} المتراجحة: $P(x) \geq 0$

3. نعتبر كثير الحدود $g(x)$ حيث: $g(x) = x^5 - 5x^3 + 4x$

أ. عين S_1 مجموعة حلول المعادلة: $g(x) = 0$.

ب. استنتج تحليلا لكثير الحدود $g(x)$.

ج. عين S_2 مجموعة حلول المتراجحة: $g(x) \geq 0$.

التمرين الثالث : 8

1. نعتبر الدالة g المعرفة علي $\mathbb{R} - \{-1\}$ ب: $g(x) = x + \alpha + \frac{\beta}{x+1}$

وليكن (C_g) الممثل للدالة g في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد متجانس $(O; \vec{I}; \vec{J})$

- عين العددين الحقيقيين α و β بحيث المنحنى (C_g) يقبل عند النقطة $A(0;3)$ مماسا معامل توجيهه -3

2. نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ بـ: $f(x) = \frac{x^2 + 3}{x + 1}$ ، المنحني الممثل لها في المعلم السابق

أ. تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R} - \{-1\}$ $f(x) = g(x)$

ب. أحسب $f'(x)$ ثم تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R} - \{-1\}$: $f'(x) = \frac{(x-1)(x+3)}{(x+1)^2}$

ج. أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم سجل جدول تغيراتها على المجال $[-5; 5]$

د. بين أن المنحني (C_f) يقبل مماسين يوازيان حامل محور الفواصل

هـ. أكتب معادلة المماس (Δ) للمنحني (C_f) في النقطة A واستنتج قيمة مقربة للعدد $f(0.0001)$

3. نعتبر الدالة H المعرفة على \mathbb{R} كما يلي $H(x) = \frac{x^2 + 3}{|x| + 1}$

- بين أن الدالة H زوجية ثم شكل جدول تغيراتها على المجال $[-5; 5]$ دون دراسة تغيراتها

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول (5 نقاط) :

ليكن $P(x) = x^3 - 4x^2 + x + 6$ كثير حدود حيث

(1) أحسب $P(3)$ ماذا تستنتج ؟

(2) حلل $P(x)$ الى جداء عوامل من الدرجة الأولى .

(3) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية R المعادلة ذات المجهول x التالية $P(x) = 0$.

(4) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية R المتراجحة ذات المجهول x التالية $P(x) \geq 0$ ثم استنتج إشارة $P\left(\frac{2018}{1439}\right)$

التمرين الثاني (6 نقاط) :

في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس نعتبر النقط $A(1;3)$ و $B(-3;-1)$ و $C(2;-2)$ و لتكن G مركز ثقل

المثلث ABC و النقطة D معرفة بالعلاقة $\vec{DA} - \vec{DB} + \vec{DC} = \vec{0}$.

(1) علم النقط A و B و C .

(2) عين احداثيات النقطتان G و D .

(3) بين ان الرباعي متوازي أضلاع $ABCD$.

(4) بين أن النقط B و G و D في إستقامة .

(5) لتكن E مجموعة النقط M من المستوي حيث $\|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 3\|\vec{MA} - \vec{MB} + \vec{MC}\|$

عين ثم أنشئ المجموعة E

(6) لتكن F مجموعة النقط M من المستوي حيث $\|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 3\|\vec{MA} - \vec{MB}\|$

عين ثم أنشئ المجموعة F .

التمرين الثالث (5 نقاط) :

f دالة معرفة على \mathbb{R} بالعبارة $f(x) = \frac{-x^2 + ax + b}{x^2 + 1}$ حيث a, b عدنان حقيقيان و (C_f) تمثيلها البياني في معلم

متعامد متجانس .

عين العدان a , b علماً أن (C_f) يقبل في النقطة $A(1; -3)$ مماساً معامل توجيهه يساوي -1 .

الجزء الثاني : نضع $a = -6$, $b = 1$

(1) أدرس اتجاه تغير الدالة f .

(2) عين حصر للدالة f على المجال $[0;1]$

(3) عين القيم الحدية المحلية للدالة f (تدور النتائج الى 10^{-2})

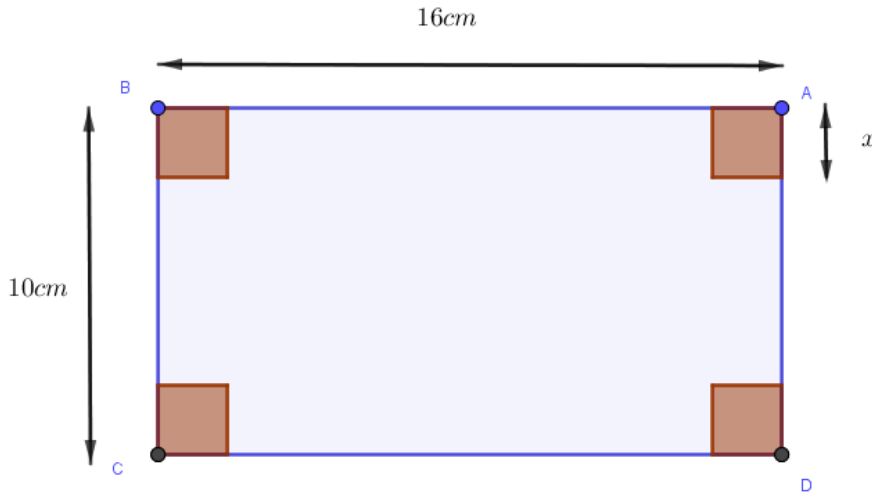
(4) أكتب معادلة المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0 .

التمرين الرابع (4 نقاط)

انطلاقاً من مستطيل بعده 16 ; 10 بالسنتيمترات نضع علبة على شكل متوازي مستطيلات قائم بالكيفية التالية :

من كل ركن من أركان المستطيل نقطع مربعاً طول ضلعه يساوي x ثم نرفع الجوانب بالطي كما هو موضح في الرسم.

حدد قيمة x ليكون حجم العلبة أكبر ما يمكن



مع تمنيات الاستاذ : جواليل أحمد - بالتوفيق و النجاح

ليكن $P(x) = x^3 - 4x^2 + x + 6$ كثير حدود حيث

(1) حساب $P(3)$ بالتعويض نجد $P(3) = 3^3 - 4(3^2) + 3 + 6 = 27 - 36 + 9 = 0$ ومنه 3 جذر لـ $P(x)$

(2) تحليل $P(x)$ الى جداء عوامل من الدرجة الأولى بطريقة هورن نشكل الجدول التالي

	1	- 4	1	6
3	0	3	-3	- 6
	1	- 1	-2	0

و منه نجد

$P(x) = (x-3)(x+1)(x-2)$ و $(x^2 - x - 2) = (x+1)(x-2)$ و $P(x) = (x-3)(x^2 - x - 2)$

(3) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية R المعادلة ذات المجهول x التالية $P(x) = 0$ يكافئ $(x-3)(x+1)(x-2) = 0$ يكافئ

$(x-3) = 0$ او $(x+1) = 0$ او $(x-2) = 0$ أي ان $x = 3$ او $x = -1$ او $x = 2$ ومنه مجموعة الحلول

$$S = \{-1; 2; 3\}$$

(4) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية R المتراجحة ذات المجهول x التالية $P(x) \geq 0$ ندرس اشارة $P(x)$

x	$-\infty$	-1	2	3	$+\infty$
اشارة $(x-3)$	-	0	-	0	+
اشارة $(x+1)(x-2)$	+	0	-	0	+
اشارة $P(x)$	-	0	+	0	+

من الجدول نستنتج حلول المتراجحة هي $S' = [-1; 2] \cup [3; +\infty[$

بما أن $\left(\frac{2018}{1439}\right) = 1.4$ أي ان $1 \leq \left(\frac{2018}{1439}\right) \leq 2$ فإن $P\left(\frac{2018}{1439}\right) \geq 0$

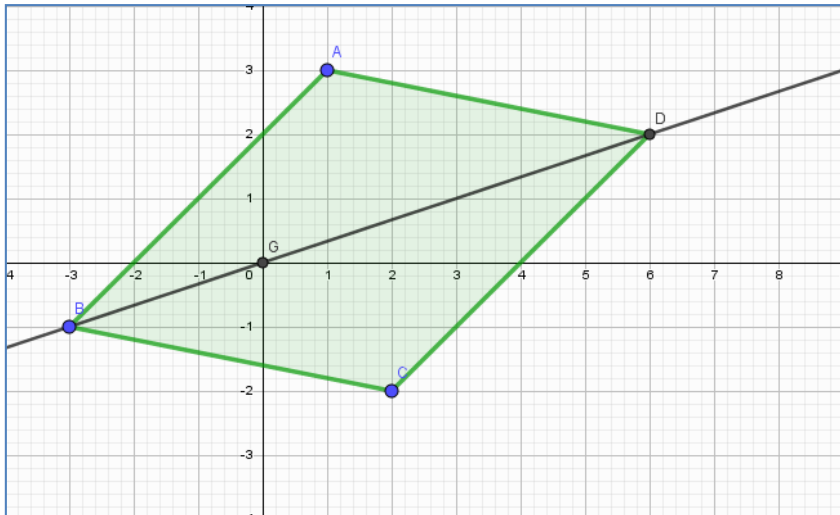
أي ان العدد $P\left(\frac{2018}{1439}\right)$ عدد موجب .

التمرين الثاني(6 نقاط) :

(1) تعليم النقط A و B و C

$$\begin{cases} x_G = \frac{x_A + x_B + x_C}{3} \\ y_G = \frac{y_A + y_B + y_C}{3} \end{cases}$$

(2) تعيين احداثيات النقطتان



$$G(0;0) \text{ و منه } \begin{cases} x_G = 0 \\ y_G = 0 \end{cases} \text{ إذن } \begin{cases} x_G = \frac{1-3+2}{3} \\ y_G = \frac{3-1-2}{3} \end{cases} \text{ أي ان}$$

لدينا $\overrightarrow{DA} - \overrightarrow{DB} + \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{0}$ يعني ان D مرجح الجملة $\{(C;1), (B;-1), (A;1)\}$ و منه

$$D(6;2) \text{ و منه } \begin{cases} x_D = 0 \\ y_D = 2 \end{cases} \text{ إذن } \begin{cases} x_D = 1+3+2 \\ y_D = 3+1-2 \end{cases} \text{ أي ان } \begin{cases} x_D = \frac{x_A - x_B + x_C}{1-1+1} \\ y_D = \frac{y_A - y_B + y_C}{1-1+1} \end{cases}$$

(3) تبين ان الرباعي متوازي أضلاع $ABCD$

لدينا $\overrightarrow{AB}(-4;-4)$ و $\overrightarrow{DC}(-4;-4)$ أي $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ فالرباعي $ABCD$ متوازي اضلاع

(4) تبين أن النقط B و G و D في إستقامة: لتكن H منتصف القطعة المستقيمة $[AC]$

لدينا G مركز ثقل المثلث ABC أي G مرجح الجملة $\{(B;1), (H;2)\}$ حيث و منه G تنتمي الى المستقيم

$$(1) \dots \dots \dots (BH)$$

يعني ان D مرجح الجملة $\{(B;-1), (H;2)\}$ و منه D تنتمي الى المستقيم

$$(2) \dots \dots \dots (BH)$$

من (1) و (2) نستنتج أن B و G و D في استقامة .

(5) لتكن E مجموعة النقط M من المستوي حيث $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = 3\|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\|$ تعني أن

$3MG = 3MD$ و منه $MG = MD$ و منه E هي

محور القطعة المستقيمة $[GH]$

إنشاء المجموعة E ... في الشكل المقابل

(6) لتكن F مجموعة النقط M من المستوي حيث

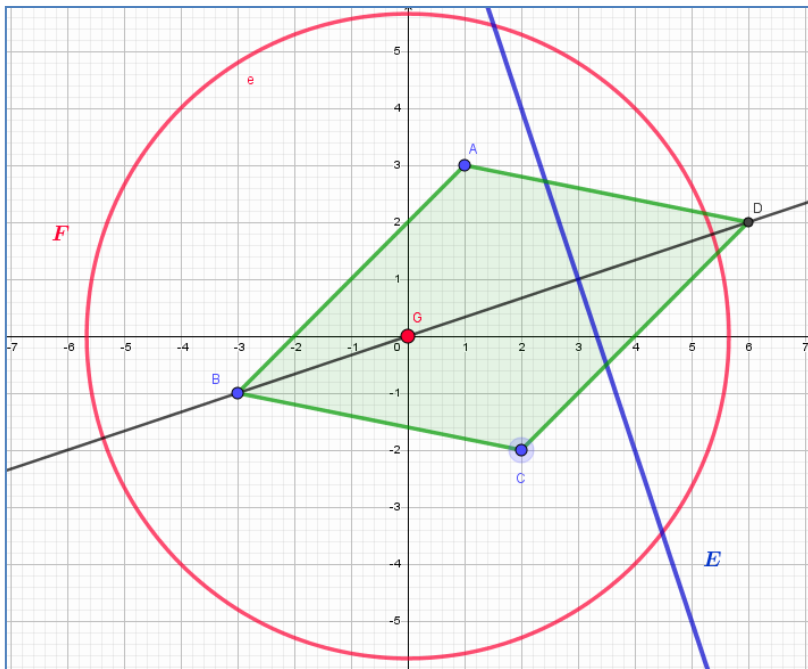
$$\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = 3\|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}\|$$

يعني ان $3MG = 3\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{BM}\|$ أي ان

$3MG = 3BA$ و منه $MG = BA$ أي ان F هي

دائرة نصف قطرها $[BA]$ و مركزها G

انشاء المجموعة F ... في الشكل المقابل



تعيين العددين a, b علماً أن (C_f) يقبل في النقطة $A(1; -3)$ مماساً معامل توجيهه يساوي -1 . لدينا

$$\bullet \quad f(1) = -3 \quad \text{يعني ان} \quad \frac{-1+a+b}{2} = -3 \quad \text{أي ان} \quad (1) \quad a+b = -5 \dots\dots\dots$$

$$\bullet \quad \text{و} \quad f'(1) = -1 \quad \text{و لدينا} \quad f'(x) = \frac{(-2x+a)(x^2+1) - 2x(-x^2+ax+b)}{(x^2+1)^2}$$

$$\text{و منه} \quad -2-2b = -4 \quad \text{و} \quad \frac{-a+(-2-2b)+a}{4} = -1 \quad \text{بالتعويض نجد} \quad f'(x) = \frac{-ax^2 + (-2-2b)x + a}{(x^2+1)^2}$$

$$\text{أي ان} \quad b=1 \quad \text{بالتعويض في} \quad (1) \quad \text{نجد أن} \quad a = -6$$

الجزء الثاني :

(1) دراسة اتجاه تغير الدالة f : مما سبق لدينا $f'(x) = \frac{-ax^2 + (-2-2b)x + a}{(x^2+1)^2}$ بالتعويض نجد

$$f'(x) = \frac{6x^2 - 4x - 6}{(x^2+1)^2} \quad \text{اشارتها من اشارة البسط} \quad 6x^2 - 4x - 6 \quad \text{نحسب المميز} \quad \Delta = 160 \quad \text{و منه لـ}$$

$$\left[-\infty; \frac{1-\sqrt{10}}{3} \right] \text{ و منه } f' \text{ موجبة على المجالين } \begin{cases} x' = \frac{4+4\sqrt{10}}{12} = \frac{1+\sqrt{10}}{3} \\ x'' = \frac{4-4\sqrt{10}}{12} = \frac{1-\sqrt{10}}{3} \end{cases} \quad \text{جذرين هما} \quad 6x^2 - 4x - 6$$

$$\left[\frac{1-\sqrt{10}}{3}; \frac{1+\sqrt{10}}{3} \right] \quad \text{و} \quad f' \text{ سالبة على المجال} \quad \left[\frac{1+\sqrt{10}}{3}; +\infty \right]$$

$$\text{و منه } f \text{ متزايدة على هذين المجالين} \quad \left[\frac{1+\sqrt{10}}{3}; +\infty \right] \text{ و} \quad \left[-\infty; \frac{1-\sqrt{10}}{3} \right]$$

$$\text{و} \quad f \text{ متناقصة على هذا المجال} \quad \left[\frac{1-\sqrt{10}}{3}; \frac{1+\sqrt{10}}{3} \right]$$

(2) تعيين حصر للدالة f على المجال $[0;1]$ الدالة f متناقصة تماماً على هذا المجال و منه $f(1) \leq f(x) \leq f(0)$ أي ان $-3 \leq f(x) \leq 1$

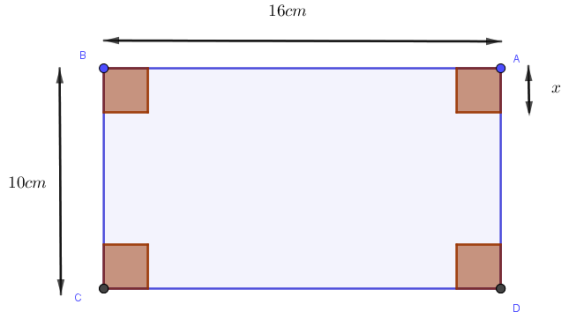
(3) تعيين القيم الحدية المحلية للدالة f هي $f\left(\frac{1-\sqrt{10}}{3}\right) = 3.16$ قيمة حدية محلية كبرى و $f\left(\frac{1+\sqrt{10}}{3}\right) = -3.16$

قيمة حدية محلية صغرى .

4) كتابة معادلة المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0 هي $y = f'(0)x + f(0)$ بما ان

$$y = 6x + 1 \quad \text{فإن} \quad f'(0) = 6, \quad f(0) = 1$$

التمرين الرابع (4 نقاط)



بعد عملية الطي و القص نحصل على علبة ارتفاعها هو x عرضها هو $10 - 2x$ و طولها هو $16 - 2x$ إذن بما انها أطوال يعني ان x ينتمي للمجال $[0; 5]$ و حجم العلبة

$$v(x) = x(10 - 2x)(16 - 2x) \quad \text{هو}$$

$$v(x) = 4x^3 - 52x^2 + 160x \quad \text{و منه} \quad v(x) = x(160 - 52x + 4x^2) \quad \text{أي ان}$$

ندرس تغيرات الدالة v على المجال $[0; 5]$

$$v'(x) = 12x^2 - 104x + 160$$

نحسب المميز $\Delta = 3136$ لـ $v'(x)$ جذرين هما

$$\begin{cases} x' = \frac{104 + 56}{24} = \frac{160}{24} = \frac{20}{3} \\ x'' = \frac{104 - 56}{24} = 2 \end{cases}$$

الاول $\frac{20}{3}$ خارج مجموعة التعريف

و الثاني 2 داخلها مقبول

و منه الدالة v متزايدة على المجال $[0; 2]$ و متناقصة على

المجال $[2; 5]$ أي ان $v(2) = 144 \text{ cm}^3$ قيمة حدية كبرى

القيمة المطلوبة هي $x = 2$

x	0	2	5
$v'(x)$		+	-
$v(x)$	0	144	0

التمرين الاول 10ن

المستوي منسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$

في المعلم السابق $A(1;0)$ $B(3;-2)$ $C(-1;-2)$ علم النقط الاتية
ما طبيعة المثلث ABC

مركز ثقل المثلث H أحسب احداثيات النقطة ABC

وانشئها في المعلم السابق $\{(B;1), (C;1)\}$ مربع الجملة المثقاة I احسب احداثيات النقطة

والتي مرجحها النقطة $\{(A;-1), (B;1), (C;1)\}$ نعتبر الجملة المثقاة D

باستعمال خاصية التجميع بين ان $\vec{AD} = 2\vec{AI}$

مربع ABDC ثم بين ان الرباعي D أحسب احداثيات النقطة

من المستوي التي تحقق M حدد مجموعة النقط $\|-\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = \frac{1}{2} \|\vec{MB} + \vec{MC}\|$

نقطة كيفية من المستوي M حيث $\vec{u} = -2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}$ نعتبر الشعاع

واستنتج ان M مستقل عن النقطة \vec{u} اثبت ان الشعاع $\vec{u} = \vec{AD}$

من المستوي M مجموعة النقط (Γ) نعتبر

عين طبيعة المجموعة محددًا عناصرها $\|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = \|-2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$

التمرين الثاني 10ن

كما يلي \square دالة عددية معرفة على g

$$g(x) = x^3 - 3x^2 + 3x - 5$$

واشرح لماذا تقبل الاشتقاق على كل جزء من مجموعة تعريفها g ادرس تغيرات الدالة

شكل جدول اشارة $\alpha \in]2; 3[$ تقبل حل وحيد $g(x) = 0$ علما ان المعادلة $g(x)$

f كمايلي $\square - \{1\}$ دالة معرفة على

$$f(x) = \frac{x^3 - 3x^2 + 3x + 1}{(x-1)^2}$$

احسب النهايات عند اطراف مجموعة التعريف

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(x-1)^3}$$

بين ان

شكل جدول تغيرات الدالة f

$$f(\alpha) = \frac{6}{(\alpha-1)^2}$$

بين ان

اوجد مع توضيح المراحل معادلة المستقيم المقارب المائل ؟ انشئ المستقيمات المقاربة و منحني الدالة في معلم للمستوي

عن الأستاذ لعلاونة علي

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

المدة: 2 ساعات

التاريخ: 2017/12/04

المستوى: ثانية رياضي

التمرين الأول (3 ن):

- m وسيط حقيقي ، لتكن الدالة العددية f_m المعرفة على \mathbb{R} بمايلي : $f_m(x) = x^2 - 2x + 1 - m$
- وليكن (C_m) المنحنى الممثل للدالة f_m في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
- عين قيم m حتى لا يقطع المنحنى (C_m) حامل محور الفواصل .
 - عين قيم m بحيث المنحنى (C_m) يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين تقعان على يمين محور الترتيب .
 - عين قيم m بحيث المنحنى (C_m) يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين متناظرتين بالنسبة لمحور الترتيب .

التمرين الثاني(6ن):

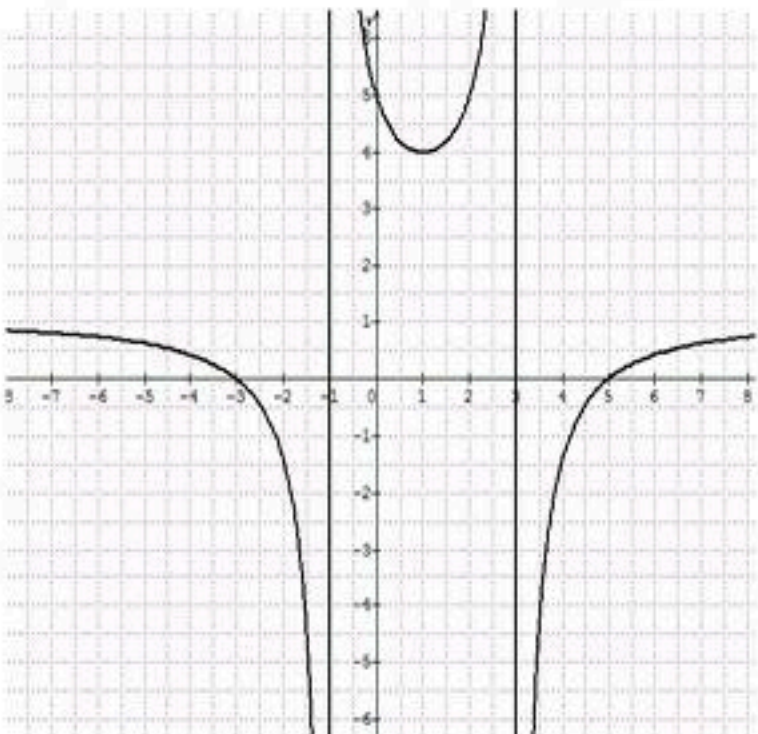
- حل في مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} المعادلة : $x^2 - 5x + 6 = 0$
- ليكن كثير الحدود $f(x)$ حيث : $f(x) = x^3 - 6x^2 + 11x - 6$
 - أحسب $f(1)$, $f(0)$, $f(-1)$, ماذا تستنتج ؟
 - حل كثير الحدود $f(x)$
 - حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$ ثم المتراجحة $f(x) \geq 0$
- ليكن $g(x)$ كثير حدود معرف على \mathbb{R} ب : $g(x) = x^4 - 5x^2 + 4$
 - حل في \mathbb{R} المعادلة : $g(x) = 0$
 - بين أن : $g(x) = (x^2 - 1)(x^2 - 4)$ ثم حل في \mathbb{R} المتراجحة $g(x) < 0$
- لتكن h دالة عددية معرفة على D_h ب : $h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$
 - أوجد D_h مجموعة تعريف الدالة h
 - أثبت أنه من أجل x من D_h فإن : $h(x) = \frac{x-3}{(x+1)(x+2)}$
 - حل في D_h المتراجحة : $h(x) > 0$.

التمرين الثالث(8ن):

- نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$ و القابلة للاشتقاق على كل مجال من مجموعة تعريفها : المعرفة بتمثيلها البياني (C_f) الموضح في الشكل:
- بقراءة بيانية :

(أ) شكل جدول تغيرات الدالة f .

(ب) عين إشارة كل من $f(x)$ و $f'(x)$ على $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$.



- (2) نعتبر الدالة g المعرفة كما يلي: $g(x) = \frac{1}{f(x)}$. لاحظ أن g هي مركب دالتين :
- (أ) عين مجموعة تعريف الدالة g (ب) أحسب $g'(x)$ بدلالة $f(x)$ و $f'(x)$ ثم استنتج اتجاه تغير الدالة g
- (3) نفرض أن عبارة f من الشكل: $f(x) = a + \frac{b}{x^2-2x-3}$ حيث a و b عدنان حقيقيان.
- (أ) جد بيانيا كل من: $f(-3)$, $f(1)$, $f'(1)$.
- (ب) استنتج قيمة كل من العددين a و b .

(ج) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$ فإن $f(x) = \frac{x^2-2x-15}{x^2-2x-3}$.

(د) أحسب $f'(x)$ بدلالة x ثم أدرس إشارتها و استنتج اتجاه تغير الدالة f .

(هـ) أثبت أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $x = 1$ محور تناظر للمنحنى (C_f) .

(و) عين معادلة المماس (T_1) المنحنى (C_f) عند النقطة $A(5, 0)$

(4) نعتبر الدالة f_m المعرفة بـ: $f_m(x) = \frac{x^2-mx-15}{x^2-mx-3}$ حيث m وسيط حقيقي.

(أ) عين D مجموعة تعريف الدالة f_m

(ب) أحسب $f'_m(x)$ و استنتج اتجاه تغير الدالة f_m .

(ج) عين حسب قيم الوسيط m معادلة المماسات (T_m) للمنحنى (C_m) المنحنى الدالة f_m التي توازي حامل محور الفواصل.

(5) استنتج رسم منحنيات الدوال التالية مع الشرح: $L(x) = f(|x|)$, $k(x) = |f(x)|$ (الرسم على الوثيقة المرفقة)

التمرين الرابع (3ن):

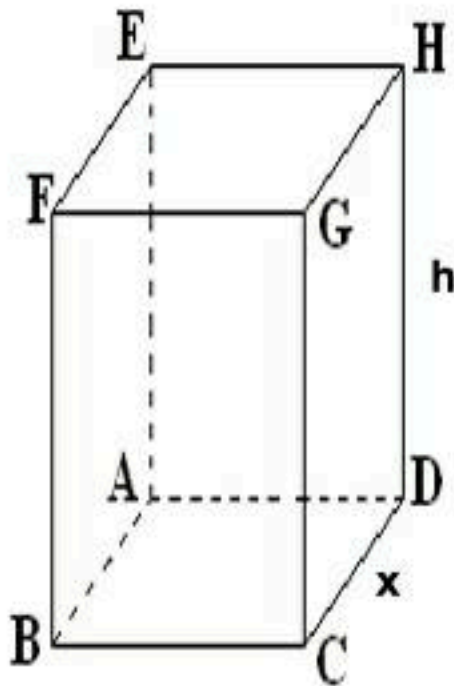
نريد إنجاز خزان ماء دون غطاء قاعدته مربعة الشكل طول ضلعها x و جوانبه مستطيلة الشكل طولها h كما هو موضح :

سعة الخزان هي : $4 m^3$ و تكلفة المتر المربع هي $500 da$

1. تحقق أن مساحة الخزان هي : $s(x) = x^2 + \frac{16}{x}$

2. ماهي أبعاد الخزان التي تجعل التكلفة أقل ما يمكن ؟

3. أحسب هذه التكلفة .



بالتوفيق والنجاح وستاف الماوة

2

رياضيات

المدة: 02 سا

التاريخ: 2017/12/04

ثانوية أول نوفمبر 54
الأغواط

الرياضيات

الإختبار الثلاثي الأول في مادة

التوقيت (25 دقيقة)

التمرين الأول:

04
نقاط

(ملاحظة: كل إجابة دون تبرير لا تأخذ بعين الإعتبار)

أجب بصحيح او خطأ مع التبرير في كل مما يلي:

1- منحنى الدالة $f(x) = \frac{1}{x+1} - 2$ هو صورة منحنى الدالة مقلوب بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{v}\left(\begin{smallmatrix} 2 \\ 1 \end{smallmatrix}\right)$

2- إذا كان مماس منحنى دالة f عند النقطة ذات الفاصلة (-2) موازيا للمستقيم ذي المعادلة $y = 2x$ فإن : $f'(-2) = -4$

3- معادلة المماس لمنحنى الدالة $f(x) = \sqrt{x^2 + x + 1}$ عند النقطة ذات الفاصلة 0 هي : $y = \frac{3}{2}x + \frac{1}{2}$

4- حلول المعادلة $x^4 - 3x^2 - 4 = 0$ في \mathcal{R} هي : $S = \{-2; -1; 1; 2\}$

التوقيت (35 دقيقة)

التمرين الثاني

(I) ABC مثلث قائم في A ومتساوي الساقين حيث : $AB = AC = 4cm$.

1) نعرف النقطة G بالعلاقة : $\vec{AG} = \frac{1}{4}(\vec{AB} + \vec{AC})$

✓ بين أن النقطة G مرجح للنقط A, B, C والمرفقة بالمعاملات α, β, γ على الترتيب يطلب تعيينها .

2) لتكن M نقطة كيفية من المستوي .

أ. عبر عن الشعاع \vec{MG} بدلالة الشعاع $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}$

ب. بين أنه يمكن كتابة الشعاع $\vec{V} = -2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}$ على الشكل $\vec{V} = \vec{AB} + \vec{AC}$

ج. أنشئ النقطة D المعرفة بـ : $\vec{AD} = \vec{V}$

د. أحسب AD و AG بالسنتيمتر.

3) استنتج من الأسئلة السابقة المجموعة (E) ، مجموعة النقط M من المستوي حيث

$$\|2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = \|-2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$$

(II) المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) نعتبر النقط : $A(-1; 0)$ ، $B(2; -1)$ ، $C(1; 3)$

ولتكن G' مرجح الجملة : $\{(A, \alpha); (B, \alpha + 1); (C, \alpha^2)\}$

أ/ عيّن قيم α التي تكون من أجلها G' موجودة

ب/ عيّن إحداثيي النقطة G' بدلالة α

ج/ هل توجد قيمة لـ α حتى تكون إحداثيات G' هي $(4; 13)$ ؟

إقلب الصفحة

الجزء الأول : نعتبر كثير الحدود : $g(x) = -x^3 + 6x^2 - 13x + 8$

(1) أثبت أن 1 هو جذر لـ $g(x)$.

(2) عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث من أجل كل عدد حقيقي x : $g(x) = (x - 1)(ax^2 + bx + c)$

(3) حل في \mathcal{R} المعادلة $g(x) = 0$ ثم ادرس إشارة $g(x)$.

الجزء الثاني: لتكن الدالة f المعرفة على $\mathcal{R} - \{2\}$ كمايلي: $f(x) = \frac{-x^3 + 5x^2 - 7x + 3}{(x-2)^2}$

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(\vec{o}, \vec{i}, \vec{j})$

(1) أحسب نهايات الدالة f عند حدود مجموعة التعريف. ثم فسر النتائج بيانيا .

(2) أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathcal{R} - \{2\}$: $f'(x) = \frac{(x-2)g(x)}{(x-2)^4}$

(3) استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

(4) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathcal{R} - \{2\}$ أن : $f(x) = -x + 1 + \frac{x-1}{(x-2)^2}$

(5) بين أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) يطلب تعيين معادلة له

✓ ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم المقارب (Δ)

(6) أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0

(7) أحسب $f(3)$ ، أرسم المستقيمين (T) و (Δ) ثم المنحنى (C_f)

(8) ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة : $f(x) = -x + m$

*** انتهى ***

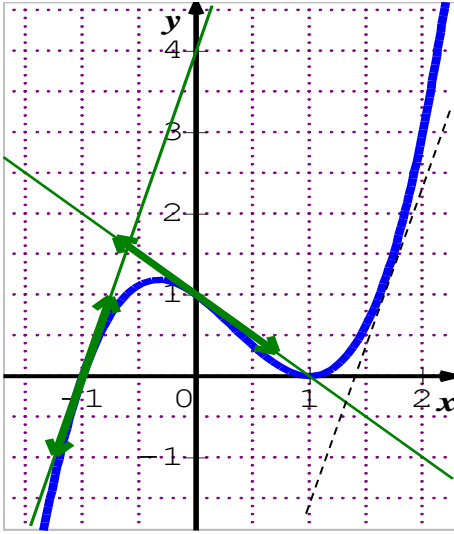
الأستاذ: تونسي ن يمتنى لكم التوفيق والنجاح



اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

محمد خميستي

التمرين الأول 7 :



في الشكل المقابل ، C_f هو المنحني الممثل في معلم متعامد ومتجانس لدالة f قابلة للاشتقاق على R ؛ والمماسان لـ C_f عند نقطتيه A و B ، فاصلتيهما -1 و 0 .

(1) بقراءة بيانية ، عيّن القيم $f(-1)$ ، $f(0)$ ، $f(1)$

(2) ، $f'(-1)$ ، $f'(0)$ و $f'(1)$.

(3) حل بيانيا ، في المجال $[-\frac{3}{2}; \frac{3}{2}]$:

(أ) المعادلة $f(x) = 0$. (ب) المعادلة $f'(x) = -1$

(ج) المتراجحة $f'(x) \geq 0$ (د) المتراجحة $f'(x) \geq 4$.

4 . شكل جدول تغيرات الدالة f موضحا فيه إشارة المشتقة .

5 . أدرس إشارة $f(x)$.

6 . g و h دوال معرفة بـ : $h(x) = |f(x)|$ ، $g(x) = f(|x|)$

اشرح كيف نستنتج المنحنيين (C_h) و (C_g) انطلاقا من المنحني (C_f) ثم أنشئهما .

التمرين الثاني 7 ن :

f دالة معرفة على \mathbb{R} بالعلاقة $f(x) = \frac{-x^2 + ax + b}{x^2 + 1}$ حيث a ، b عدنان حقيقيان

الجزء الاول : عين العدنان a ، b علماً أن (C_f) يقبل في النقطة $A(1; -3)$ مماساً معامل توجيهه يساوي -1 .

الجزء الثاني : نضع $a = -6$ ، $b = 1$.

(1) أدرس اتجاه تغير الدالة f .

(2) عين حصر للدالة f على المجال $[0; 1]$

(3) عين القيم الحدية المحلية للدالة f (تدور النتائج الى 10^{-2})

(4) أكتب معادلة المماس للمنحني (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0 .

(5) عين المستقيمات المقاربة لـ (C_f) ثم أرسم (C_f)

(6) g دالة معرفة على R بـ : $g(x) = f(-|x|)$ تحقق ان g زوجية

اشرح كيف نستنتج المنحن C_g انطلاقا من المنحني (C_f) ثم أنشئه .

(7) ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة : $f(x) = m + 1$

التمرين الثالث 6 ن :

نعتبر الدالة كثير حدود P حيث : $P(x) = 3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 2x - 1$.

1 . أحسب $P(1)$ ، $P(-1)$ ما اذا تستنتج ؟

2 . عيّن الأعداد الحقيقية a ، b ، c : $P(x) = (x^2 - 1)(ax^2 + bx + c)$

3 . حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$ ، ثم المتراجحة $P(x) < 0$.

التمرين الثالث :
الجزء الاول :

تعيين العددين a , b علماً أن (C_f) يقبل في النقطة $A(1; -3)$ مماسا معامل توجيهه يساوي -1 لدينا

$$f(1) = -3 \text{ يعني ان } \frac{-1+a+b}{2} = -3 \text{ أي ان (1) } a+b = -5 \dots\dots\dots$$

$$f'(1) = -1 \text{ و لدينا } f'(x) = \frac{(-2x+a)(x^2+1) - 2x(-x^2+ax+b)}{(x^2+1)^2} \text{ و منه}$$

$$f'(x) = \frac{-ax^2 + (-2-2b)x + a}{(x^2+1)^2} \text{ بالتعويض نجد } \frac{-a + (-2-2b) + a}{4} = -1 \text{ و منه } -2-2b = -4 \text{ أي ان}$$

$$b = 1 \text{ بالتعويض في (1) نجد أن } a = -6$$

الجزء الثاني :

$$(1) \text{ دراسة اتجاه تغير الدالة } f : \text{ مما سبق لدينا } f'(x) = \frac{-ax^2 + (-2-2b)x + a}{(x^2+1)^2}$$

$$f'(x) = \frac{6x^2 - 4x - 6}{(x^2+1)^2} \text{ اشارتها من اشارة البسط } 6x^2 - 4x - 6 \text{ نحسب المميز } \Delta = 160 \text{ و منه لـ } 6x^2 - 4x - 6$$

$$f' \text{ و } \left[\frac{1+\sqrt{10}}{3}; +\infty \right] \text{ و } \left[-\infty; \frac{1-\sqrt{10}}{3} \right] \text{ و منه } f' \text{ موجبة على المجالين } \begin{cases} x' = \frac{4+4\sqrt{10}}{12} = \frac{1+\sqrt{10}}{3} \\ x'' = \frac{4-4\sqrt{10}}{12} = \frac{1-\sqrt{10}}{3} \end{cases} \text{ جذرين هما}$$

$$\left[\frac{1-\sqrt{10}}{3}; \frac{1+\sqrt{10}}{3} \right] \text{ سالبة على المجال}$$

$$\left[\frac{1+\sqrt{10}}{3}; +\infty \right] \text{ و } \left[-\infty; \frac{1-\sqrt{10}}{3} \right] \text{ و منه } f \text{ متزايدة على هذين المجالين}$$

$$\left[\frac{1-\sqrt{10}}{3}; \frac{1+\sqrt{10}}{3} \right] \text{ و } f \text{ متناقصة على هذا المجال}$$

$$(2) \text{ تعيين حصر للدالة } f \text{ على المجال } [0;1] \text{ الدالة } f \text{ متناقصة تماما على هذا المجال و منه } f(1) \leq f(x) \leq f(0) \text{ أي ان}$$

$$-3 \leq f(x) \leq 1$$

$$(3) \text{ تعيين القيم الحدية المحلية للدالة } f \text{ هي } f\left(\frac{1-\sqrt{10}}{3}\right) = 3.16 \text{ قيمة حدية محلية كبرى و } f\left(\frac{1+\sqrt{10}}{3}\right) = -3.16 \text{ قيمة حدية محلية صغرى .}$$

4) كتابة معادلة المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0 هي $y = f'(0)x + f(0)$ بما ان $f'(0) = 6$, $f(0) = 1$ فإن

$$y = 6x + 1$$

التمرين الرابع (4 نقاط)

بعد عملية الطي و القص نحصل على علبة ارتفاعها هو x عرضها هو $10 - 2x$ و طولها هو $16 - 2x$ إذن بما انها أطوال يعني ان x ينتمي للمجال $[0; 5]$ و حجم العلبة

$$v(x) = x(10 - 2x)(16 - 2x) \text{ هو}$$

$$v(x) = 4x^3 - 52x^2 + 160x \text{ و منه } v(x) = x(160 - 52x + 4x^2) \text{ أي ان}$$

ندرس تغيرات الدالة v على المجال $[0; 5]$

$$v'(x) = 12x^2 - 104x + 160$$

نحسب المميز $\Delta = 3136$ لـ $v'(x)$ جذرين هما

$$\begin{cases} x' = \frac{104 + 56}{24} = \frac{160}{24} = \frac{20}{3} \\ x'' = \frac{104 - 56}{24} = 2 \end{cases}$$

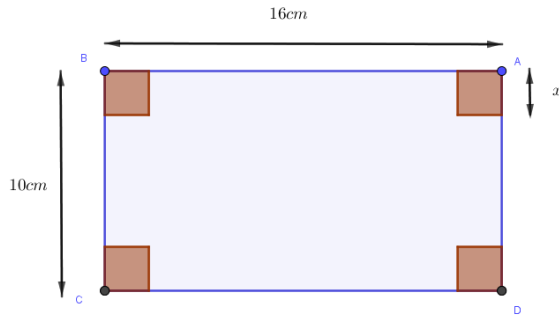
الاول $\frac{20}{3}$ خارج مجموعة التعريف و

الثاني 2 داخلها مقبول

و منه الدالة v متزايدة على المجال $[0; 2]$ و متناقصة على

المجال $[2; 5]$ أي ان $v(2) = 144 \text{ cm}^3$ قيمة حدية كبرى القيمة

المطلوبة هي $x = 2$



x	0	2	5
$v'(x)$		+	0
$v(x)$	0	144	0