

«اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات»

المدة: ساعتان

الشعبة: 2 أداب و فلسفة + أداب و لغات أجنبية

التمرين الأول: (نقط)

لتكن $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متالية عدبية معرفة كما يلي :

$$\begin{cases} U_0=5 \\ U_{n+1}=U_n+6 \end{cases}$$

1) ثبت أن (U_n) متالية حسابية بطلب تعين أساسها.

2) أحسب U_4, U_3, U_2, U_1 .

3) أكتب عبارة الحد العام U_n بدلالة n .

4) أوجد قيمة n بحيث يكون $U_n = 71$.

5) أحسب المجموع S_n حيث : $S_n = U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_n$.

التمرين الثاني: (نقط)

$(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متالية هندسية حدتها الأولى $V_1 = 3$ و حدتها الرابع $V_4 = 192$.

1- عن أسلس هذه المتالية q .

2- أكتب عبارة الحد العام V_n بدلالة n .

3- أحسب بدلالة n المجموع: $S_n = V_1 + V_2 + \dots + V_n$.

4- استنتج قيمة مجموع السبع حدود الأولى.

التمرين الثالث: (نقط)

f دالة عدبية لمتغير حقيقي x معرفة بالشكل :

$$f(x) = x^2 + 3x$$

1- عن D مجموعة تعريف الدالة f .

2- حل في \mathcal{R} المعادلة $f(x) = 0$.

3- أحسب : $\frac{f(3+h) - f(3)}{h}$ حيث h عدد حقيقي.

4- أدرس قابلية الاشتقاق للدالة f عند العدد 3.

5- استنتاج قيمة $(f'(3))'$ العدد المشتق للدالة f عند 3.