

## الجمهورية الجز ائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانانات والمسابقات
دورة: جوان 2014

وزارة التربية الوطنية
امتحان بكالوريا الثّعليم الثانوي
الشعبة: تّتيثير واقتّصاد اختبار في مادة؛ الْريـاصْبات

على المترشح أنْ يختّار أهد الموضوعين الثتاليين: (الموضوع الأول
(التمرين الؤول: (04 نقّاط)

1) أ) تحققّ أنّهُ من أجل كل عدد حقيقي $x$ فإنّ:

$$
\begin{aligned}
& 2(\ln x)^{3}-9(\ln x)^{2}+7 \ln x+6=0 \text { ب) بل في } \\
& 6 e^{-3 x}+7 e^{-2 x}-9 e^{-x}+2=0 \\
& 2 e^{3 x}-9 e^{2 x}+7 e^{x}+6 \leq 0 \quad \text { ) حل في } \\
& \text { 2) حل في } \log \left(x^{2}+100\right)=1+\log 2+\log x \text { المعادلة: }
\end{aligned}
$$

للتّرين (الثاني: (05 نقاط)
أجب بصحيح أو خطأ، مع اللبرير، في كل حالة من الحالات الآتية: $v_{n}=\ln u_{n}: \mathbb{N}$ بـ

أ) إ إذا كانت ( 1 ( 1 ) هت

ج) إذا كانت ( ${ }^{\text {( }}$ ) هندسية فإنّ ( $u_{n}$ ( ${ }^{\text {( }}$ حسابية.
2/ الجدول الآتي يمنل سلسلة إحصائية:

| $x_{i}$ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| $y_{i}$ | 8 | 9 | 12 | 12 | 13 |


ب) معامل توجيه مستقيم الانحدار بالمربعات اللنيا لسحابة النقط هو 3,1
(الثّمرين الثالثت: (04 نقاط)
ثلاثثة أكياس منمانـة
 بيضاء وكرية حمراء. نختار عشوائيا كيسا ثم نسحب منه دون اختيار كربة واحدة.

1) شكل شجرة الاحتمالات اللمتو ازنة التي تتمذج هذه الوضعية.
2) ما احتمال سحب كرية بيضاء من الكبس
3) ما (حتمال سحب كرية بيضاء؟
4) علما أنّ الكرية المسحؤبة بيضاء، ما احتمال أن تكون من الكيس

لالتمرين اللإيع: (07 نقاط)

$$
g(x)=1-x^{2}-\ln x \text { الدالة العددية } g \text { معرفة على ]++ [ } 0 \text { [ كما يلي: }
$$

1) ادرس اتجاه تُغير الدالة
2) احسب (1)

( $\left(C_{f}\right)$

$$
\begin{aligned}
& \text { ( } \lim _{x \rightarrow+\infty} \frac{\ln x}{x}=0 \text { 1 ( } 1 \text { ( ) احسب ( ) } \\
& \text { ب) احسب (0) }
\end{aligned}
$$

 ب) شُكّل جدول تغيرات الدالة
3) أ) بيّن أنّ المستّقيم (D) اللذي معادلتّه

ب) ادرس وضعية (C) بالنسبة إلى (D)

5) ارسم (D)، (T) و (C (C)


#  

## الموضوع الثُّاني

للثّرين الؤول: (04 نمّاط)
عيّن مع التّبرير الجو اب الصحيح اللوحبد من بين الأجوبة الثلالثّة اللمقترحةٌ في كل حالة من الحالات الآتية:

|  | أطباء | مدضون |
| :---: | :---: | :---: |
| ذكور | 12 | 25 |
| إناث | 8 | 15 | (I) أعضاء الطاقم الصحي لمؤسسة الستشفائية موز عين حسب الجدول المقابل اختير عشو ائيا عضو من هذا الطاقم.

1) احتمال أن يكون العضو المختّار أنثى هو:

$$
\frac{8}{23}\left(\underset { \cdots } { } \quad \frac { 2 3 } { 6 0 } \left(\varphi \quad \frac{1}{23}(1)\right.\right.
$$

2) احتمال أن يكون العضو المختّار أنثى علما أنّها طبياة هو : $\frac{8}{23}\left(\underset{\rightarrow}{7} \quad \frac{2}{15}(4) \quad \frac{2}{5}\right.$
(II) الجدول المقابل يعرف قانون احتمال لتّجربةٌ عشو ائية:
3) تباين قانون الاحتمال هو:

$$
\text { 1,25 }(\div \quad 2,5(ب
$$


ب) 0,75

لالثمرين (الثّاني: (04.5 نقطة) الجدول الآتي يمتّل تغير سعر الكيلوغرام الواحد من مادة استههاكية بين اللسنوات 2008 و 2012

| السنة | 2008 | 2009 | 2010 | 2011 | 2012 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| x ${ }_{\text {f }}$ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| y | 3,64 | 3,76 | 3,81 | 3,95 | 4,39 |

1) احسب النسبة المئوية لتغير سعر الكيلوغرام الواحد من هذه المادة بين سنتي 2008 و 2012 . 2) مثّل سحابة النقط 3) جد إحداثيّي G النقطة اللمتوسطة لسحابة النقط السابقة.
 5) بفرض أنّ تُغير سعر الكيلوغرام الواحد من هنه المادة يبقى على نفس الوتّبرة في السنوات القادمة. أ) قتّر سعر الكيلوغر ام الو احد من هذه المادة في سنة 2016. ب) في أيّة سنة سيصبح سعر الككلوغرام الواحد من هذه المادة الاستهاكية 5,61 دولارا؟

$u_{n+1}=\frac{2}{3} u_{n}-1 \quad$ المنتّالية العدديةٌ ${ }^{2}$ ) هعرفة كما يلي 1-1 أ) برهن بالتز اجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي $n$ فإنّ

ب) بيّن أنّ المنتالية (un) متتاقصة نماما .
ج) اسنتّتج أنّ المنتّلية (un) منقاربة.
$\lim _{n \rightarrow+\infty}\left(v_{0}+v_{1}+\ldots+v_{n}\right)=18$ و- لتكن

$$
\lim _{n \rightarrow+\infty}\left(v_{0}+v_{1}+\ldots+v_{n}\right)=\frac{v_{0}}{1-q} \text { بيّن أنّ }
$$



(للّمربن الرالبح: (07 نقاط)
 ( $C_{f}$ )
) ( $\lim _{x \rightarrow+\infty} x e^{-x}=0$ (I
2) ادرس اتجاه تغير الدالة ff ثّ شكل جدول تُغبر اتها.
3) أنشئ (C)




$$
\begin{aligned}
& \text { ب) استتتج دالة أصلية للدالة f على [0;7] }
\end{aligned}
$$

(الكلفة الهامشية C لصناعة كمية x (مقلرة بالطن) من منتو ج، حيث x بنتمي إلى المجال [0;7) (II
 1) حدّد كمية المنتو ج بحيث تكون الكلفة الهامشية أقلّل ما يمكن، وما هي قيمة هذه الكلفةّ؟ (تّدر النتبجة إلىى 2-10) 2) ما هي كيات المنتو ج التي من أجلها لا تّجاوز الكلفة الهامشية 3,5مليون دينار؟ 3) نُذكرّ أنّ دالة الكلفة الإجمالية دالة أصلية لدالة الكلفة الهامشبة.

أ) بيّن أنّ الكلفة الإجمالية ${ }^{\text {ألية }}$ معرفة بــ $C_{T}(x)=(12 x+6) e^{-x}+5 x+k$ حيث $k$ عدد حقيقي.


