

دورة ماي: 2019

## الإمتحان التجريبي: في مادة الرياضيات

المدة: ساعتان

التاريخ: 21 ماي 2019م الموافق لـ 16 رمضان 1440هـ

المستوى: الرابعة متوسط

### الجزء الأول: (12 نقطة)

#### التمرين الأول: (03 نقاط)

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين: 209 و 133

(2) أكتب العدد  $M$  على الشكل  $a\sqrt{5}$  حيث:  $M = 2\sqrt{45} + \sqrt{20} - 10\sqrt{80}$

(3) بالاعتماد على نتيجتي السؤالين السابقين، بين أن  $A = -3$  حيث:  $A = \frac{M}{7\sqrt{5}} + \frac{209}{133}$

#### التمرين الثاني: (03 نقاط)

لتكن العبارة  $E$  حيث:  $E = (2x-5)^2 - x(2x-5)$

(1) تحقق بالنشر أن:  $E = 2x^2 - 15x + 25$

(2) حلّ العبارة  $E$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(3) حل المعادلة:  $(2x-5)(x-5) = 0$

#### التمرين الثالث: (03 نقاط)

في الشكل المقابل الأطوال وأقياس الزوايا غير حقيقية.

(C) دائرة مركزها  $O$  وقطرها  $EF = 10cm$

$H$  و  $K$  نقطتين من الدائرة (C) بحيث:  $GE = 7cm$

$GH = 2cm$  و  $GK = 2,8cm$  ،  $GF = 5cm$

(1) بين أن:  $(EF) \parallel (HK)$  ثم أحسب  $HK$ .

(2) أحسب قياس الزاوية  $\widehat{EFH}$  (بالتدوير إلى الوحدة).

#### التمرين الرابع: (03 نقاط)

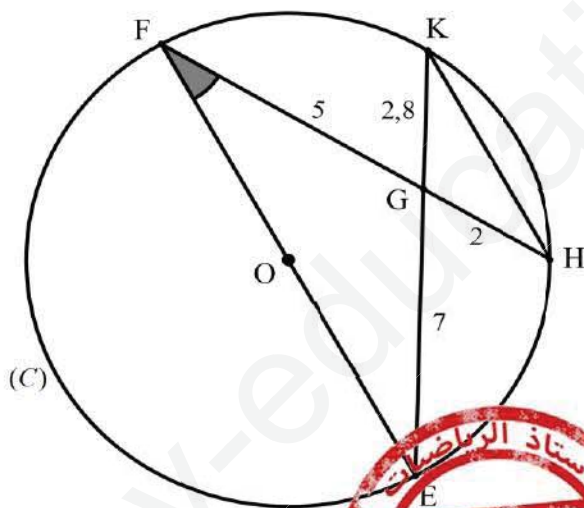
المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، (وحدة الطول هي  $1cm$ ) علم النقط:

$A(1; 2)$  ،  $B(2; -1)$  ،  $C(-2; -3)$

(1) بين أن:  $\overrightarrow{AB}(1; -3)$  ثم استنتج الطول  $AB$ .

(2) أنشئ النقطة  $D$  بحيث:  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

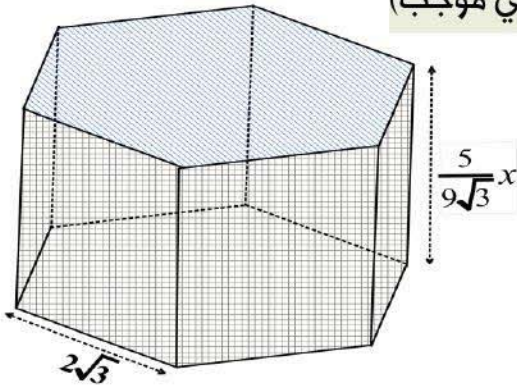
(3) تحقق حسابيا من أن النقطة  $M(-\frac{1}{2}; -\frac{1}{2})$  هي مركز متوازي الأضلاع  $ABCD$ .



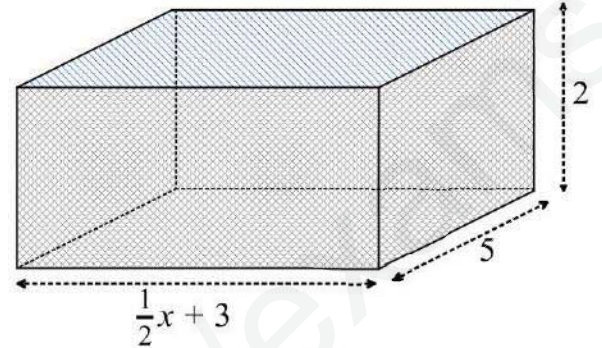
## الجزء الثاني: المسألة : (08 نقاط)

يوسف شاب جزائري يعمل على تطوير مشروعه الخاص بإستزراع الأسماك، بدأ بحفر أرضي لأحواض مغلقة على شكل متوازي المستطيلات لاحظ الشكل [1]، لكن هذه الطريقة لم تُعطي نتائج جيدة ففكر بإقتناء أحواض جاهزة مطورة بنظام مغلق تام على شكل موشور قائم إرتفاعه  $\frac{5}{9\sqrt{3}}x$  وقاعدته سداسي منتظم ( الشكل [2] ):

(الأطوال غير حقيقية، وحدة الطول هي المتر  $m$ ، و  $x$  عدد حقيقي موجب)

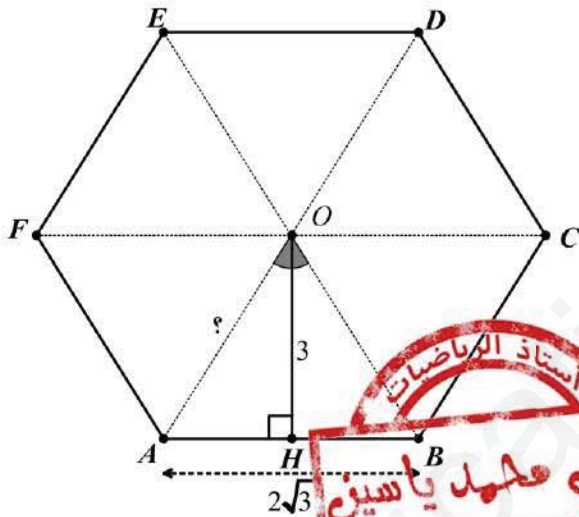


الشكل [2]



الشكل [1]

### الجزء الأول:



(1) بين أن مساحة قاعدة الشكل [2] هي:  $18\sqrt{3} m^2$

(يُمكنك الإستعانة بالشكل المقابل، حيث  $O$  مركز قاعدته

و  $AB = 2\sqrt{3}m$  و  $OH = 3m$ )

(2) أحسب كلاً من: - الطول  $OA$  و قيس الزاوية  $\widehat{AOB}$ .

(3) ما هي صورة المثلث  $OAB$  بالدوران الذي مركزه  $O$

وزاويته  $120^\circ$  في الإتجاه السالب.

### الجزء الثاني:

لتكن  $f(x)$  حجم متوازي المستطيلات و  $g(x)$  حجم الموشور القائم.

(1) عبر عن  $f(x)$  و  $g(x)$  بدلالة  $x$ . **تذكير:** ( حجم متوازي المستطيلات = جُداء أبعاده الثلاث

و حجم الموشور القائم = جُداء مساحة قاعدته و ارتفاعه)

(2) في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  ارسم المستقيمين التاليين:

$$(D_1) \text{ معادلته: } y = 5x + 30 \quad \text{و} \quad (D_2) \text{ معادلته: } y = 10x$$

(كل  $1cm$  يمثل  $1m$  على محور الفواصل، وكل  $1cm$  يمثل  $20m^3$  على محور الترتيب)

(3) بالإعتماد على التمثيل البياني قارن بين الحجمين مع الشرح.

### الجزء الثالث: نأخذ $x = 6$

- بعد أن يتم ملئ الحوض الجديد (الشكل [2]) حتى إرتفاع  $\frac{5}{3}m$ ، نتحصل على موشور قائم مصغر له.

(1) بين أن  $k = \frac{\sqrt{3}}{2}$  حيث  $k$  معامل التصغير.

(2) أحسب عندئذ حجم الماء الموجود داخل الحوض (بالتدوير إلى الوحدة).

بالتوفيق للجميع.... إستاذة | طادة