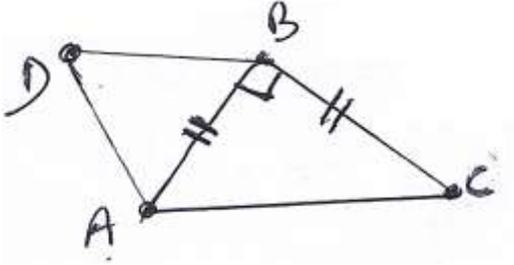


## الفرض الأخير في مادة الرياضيات

**التمرين الأول:** ليكن  $ABC$  مثلث قائم في الزاوية و متساوي الساقين رأسه  $B$ . بحيث  $AB = \sqrt{2}$ .  
ننشئ خارجه المثلث المتقايس الأضلاع  $ABCD$  (الشكل).



(1) أحسب  $\vec{BC} \cdot \vec{BD}$  ،  $\vec{BA} \cdot \vec{BD}$

(2) أحسب الطول  $AC$

(3) باستعمال مبرهنة الكاشي أحسب  $DC$ .

(4) بين أن:  $\vec{AC} \cdot \vec{AD} = 1\sqrt{3}$

(5) تحقق أن  $\hat{D}AC = \frac{7\pi}{12}$

(6) استنتج أن:  $\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$

### التمرين 2:

نعبر المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بعدها الأول  $u_0 = \frac{1}{2}$  و من أجل كل عدد طبيعي  $n$  فإن  $u_{n+1} = \frac{2u_n}{u_{n+1}}$

(1) أحسب  $u_3$  ،  $u_2$  ،  $u_1$

(2) ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$ .

(3) لتكن الدالة  $F$  المعرفة على المجال  $[0 ; 1]$  كما يلي  $F(x) = \frac{2x}{x+1}$  ،  $(C_f)$  تمثيلها البياني و (d) المستقيم ذو المعادلة  $\alpha = x$  (الشكل).

(أ) مثل على محور الفواصل و دون حساب الحدود:  $u_0$  ،  $u_1$  ،  $u_2$  ،  $u_3$  مبرزا خطوط الرسم.

(ب) ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$ .

بالتوفيق